## <u>İSTANBUL TEKNİK ÜNİVERSİTESİ ★ ENERJİ ENSTİTÜSÜ</u>

#### DÜŞEY BORULARDA SU-BUHAR AKIŞI İÇİN İKİ-FAZLI SÜRTÜNME ÇARPANI HESAPLAMASINDA KULLANILAN DENEYSEL VERİLERİN, KORELASYONLARIN VE BASINÇ DÜŞÜMÜ BİLEŞENLERİNİN ANALİZİ

YÜKSEK LİSANS TEZİ İsmail Ahmet ODABAŞ

Anabilim Dalı: Enerji Bilim ve Teknoloji

Programı: Enerji Bilim ve Teknoloji

HAZİRAN 2011

### <u>İSTANBUL TEKNİK ÜNİVERSİTESİ ★ ENERJİ ENSTİTÜSÜ</u>

#### DÜŞEY BORULARDA SU-BUHAR AKIŞI İÇİN İKİ-FAZLI SÜRTÜNME ÇARPANI HESAPLAMASINDA KULLANILAN DENEYSEL VERİLERİN, KORELASYONLARIN VE BASINÇ DÜŞÜMÜ BİLEŞENLERİNİN ANALİZİ

YÜKSEK LİSANS TEZİ İsmail Ahmet ODABAŞ (301081015)

Tezin Enstitüye Verildiği Tarih :06 Mayıs 2011Tezin Savunulduğu Tarih :9 Haziran 2011

Tez Danışmanı :Prof. Dr. Ahmet DURMAYAZ (İTÜ)Diğer Jüri Üyeleri :Prof. Dr. Melih GEÇKİNLİ (İTÜ)Doç. Dr. Mustafa ÖZDEMİR (İTÜ)

HAZİRAN 2011

Anneme, Babama, Eşime ve Ablalarıma,

iv

### ÖNSÖZ

Bu tez çalışmasında, düşey borularda sıvı su-buhar yukarı akışı için iki-fazlı akış sürtünme çarpanı deneysel toplam basınç düşümü ölçüm sonuçları, Homojen Akış Modeli ve seçilen korelasyonlar kullanılarak hesaplanmıştır. Homojen Akış Modeli ve korelasyonlar kullanılarak elde edilen sonuçlar, basınç düşümü ölçümü sonuçları kullanılarak elde edilen iki-fazlı akış sürtünme çarpanı sonuçları referans alınarak test edilmiştir. Isıtma etkisinin korelasyonlar üzerinde etkisi ve basınç düşümü bileşenleri irdelenmiştir. Son olarak korelasyonlar kullanılarak elde edilen sonuçlar, Homojen Akış Modeli kullanılarak elde edilen iki-fazlı akış sürtünme çarpanı sonuçları referans alınarak test edilmiştir.

Bu tez çalışması ile iki-fazlı yukarı akışlarda sürtünmeden kaynaklanan basınç düşümünü ve iki-fazlı akış sürtünme çarpanını belirlemek için kullanılan yöntemler ayrıntılı bir şekilde irdelenmiştir.

Beni bu araştırmaya dahil eden, bilgi ve tecrübeleri ile çalışmalarımı yönlendiren tez danışmanım Prof. Dr. Ahmet DURMAYAZ'a ve ayrıca bu tez kapsamındaki bilimsel araştırmaya bilgisi, deneyimi ve sağladığı olanaklarla destek veren University of Ottawa, Mech. Eng. Dept. öğretim üyesi Prof. D.C. GROENEVELD'e teşekkürlerimi sunarım. Bilimsel araştırmalarımıza iştirak eden ve katkı sağlayan değerli arkadaşım Yük. Müh. Nuh Emre GENGEÇ'e ve bilimsel araştırmalarından istifade ettiğim Fizik Yük. Lis. Gülsen ÜSTÜN'e teşekkür ederim. Öğrenim hayatım boyunca maddi ve manevi destekleri ile daima yanımda olan ve beni çalışmalarında motive eden Anneme, Eşime ve tüm aile fertlerime teşekkürü bir borç bilirim.

Haziran 2011

İsmail Ahmet ODABAŞ Makina Mühendisi

vi

# İÇİNDEKİLER

## <u>Sayfa</u>

ÖNSÖZ	v
İCİNDEKİLER	vii
KISALTMALAR	ix
CİZELGE LİSTESİ	xi
ŞELLEL LISTESİ	VV
ŞEINE EISTEST	viv
ÖZFT	vvvii
SUMMARY	XXV
1 GIRÍS	1
2. LİTERATÜR ARASTIRMALARI	3
3. İKİ-FAZLI AKISTA TEMEL BAĞINTILAR. AKIS REJİMLERİ. TEK	-
FAZLI VE İKİ-FAZLI AKISLARDA BASINC GRADYANLARI VE	
TEMEL İKİ-FAZLI AKIS MODELLERİ	7
3 1 İki-Fazlı Akısta Temel Bağıntılar	7
3 2 İki-Fazlı Akıs Rejimleri	9
3 2 1 Düsev akısta akıs rejimleri	10
3 2 1 1 Habbecikli akış	10
3 2 1 2 Birlesik-iri habbeli akıs	11
3 2 1 3 Yarı halka seklinde-calkantılı akış	11
3 2 1 4 Habbecikli-halka seklinde iç içe akış	11
3 2 1 5 Halka seklinde ic ice akıs	11
3 2 2 Yatay akısta akıs rejimleri	12
3.2.2.1 Habbecikli akıs	13
3 2 2 2 Tikac seklinde akıs	13
3 2 2 3 Fazları avrılmış düzgün ara yüzeyli akış	13
3 2 2 4 Fazları ayrılmış dalgalı ara yüzeyli akış	13
3.2.2.5 Birlesik-iri habbeli akıs	14
3.2.2.6 Halka seklinde ic ice akıs	14
3.3 Tek-Fazlı ve İki-Fazlı Akıslarda Basınc Gradvanları	15
3.3.1 Tek-fazlı akısta basınc düsümü	15
3.3.1.1 Tek-fazlı akısta sürtünmeden kaynaklanan basınc gradyanı	16
3.3.1.1.1 Advabatik akısta sürtünme katsayısı bağıntıları	17
3.3.1.1.2 Isitilmis akista sürtünme katsayısı bağıntıları	17
3.3.1.2 Tek-fazlı akışta ivmelenmeden kaynaklanan basınç gradyanı	18
3.3.1.3 Tek-fazlı akışta yer çekiminden kaynaklanan başınç gradyanı	18
3.3.2 İki-fazlı akışta basınç düşümü	18
3.3.2.1 İki-fazlı akışta sürtünmeden kaynaklanan basınç gradyanı	19
3.3.2.2 İki-fazlı akışta ivmelenmeden kaynaklanan basınç gradyanı	19
3.3.2.3 İki-fazlı akışta yer çekiminden kaynaklanan basınç gradyanı	20
3.4 Temel İki-Fazlı Akış Modelleri	20

3.4.1 Homojen akış modeli	.21
3.4.2 Ayrılmış akış modeli	. 22
4. KAYNAMA İLE ISI GEÇİŞİ	.25
4.1 Havuz Tipi Kaynama	. 25
4.2 Zorlanmış Taşınımlı Kaynama	.26
4.2.1 Sıvı fazına (tek-fazlı) zorlanmış taşınımla ısı geçişi	.26
4.2.2 Habbecikli kaynama başlangıcı	.28
4.2.3 Net buhar üretim noktası	.28
4.2.4 Sıvı-buhar ara yüzeyinde zorlanmış taşınımla ısı geçişi	. 30
4.2.5 Film kaynaması	. 30
4.2.6 Geçiş bölgesinde kaynama	. 30
4.2.7 Kritik 1s1 ak1s1	. 30
5. İKİ-FAZLI AKIŞTA SÜRTÜNME NEDENİYLE BASINÇ DÜŞÜMÜNÜN	[
VE SÜRTÜNME ÇARPANININ BELİRLENMESİ	.33
5.1 İki-Fazlı Akış Sürtünme Çarpanı Tanımları	. 33
5.2 Sabit Isı Akısıyla Isıtılmış Düşey Borularda Sıvı Su-Buhar Akışı İçin	
Geliştirilmiş ve Bu Tez Çalışmasında Kullanılan İki-Fazlı Akış Sürtünme	
Çarpanı Metodları ve Korelasyonları	. 34
5.2.1 Thom (1964) metodu	. 34
5.2.2 Chisholm (1973) korelasyonu	. 37
5.2.3 Friedel (1979) korelasyonu	. 38
5.2.4 Lombardi ve Pedrocchi (1972) korelasyonu (CISE araştırmaları)	.40
5.2.5 Muller-Steinhagen ve Heck (1986) korelasyonu	.41
5.2.6 Tarasova vd. (1966) korelasyonu	. 42
6. İKİ-FAZLI AKIŞ SÜRTÜNME ÇARPANININ BASINÇ DÜŞÜMÜ	
ÖLÇÜMLERİ VE SEÇİLEN KORELASYONLAR KULLANILARAK	
HESAPLANMASI, HATA ANALİZLERİ VE SONUÇLARIN	
DEĞERLENDİRİLMESİ	.45
6.1 Isıtılmış Düşey Borularda Sıvı Su-Buhar Akışında Deneysel Basınç Düşüm	ü
Ölçümlerinde İki-Fazlı Akış Sürtünme Çarpanı Hesaplanması Örneği	.48
6.2 Adyabatik Düşey Borularda Sıvı Su-Buhar Akışında Deneysel Basınç Düşü	mü
Ölçümlerinde İki-Fazlı Akış Sürtünme Çarpanı Hesaplanma Yöntemi	. 63
6.3 Deneysel Ölçüm Verilerinin Seçim Kıstasları ve Hesaplama Yöntemiyle	
Belirlenen İki-Fazlı Akış Sürtünme Çarpanı Örnekleri	. 66
6.4 İki-Fazlı Akışta Basınç Düşümü Bileşenlerinin İrdelenmesi ve	
Karşılaştırılması	.71
6.5 Literatürden Seçilmiş İki-Fazlı Akış Sürtünme Çarpanı Korelasyonları İçin	
Isıtma Etkisinin İrdelenmesi, Hata Analizleri ve Değerlendirme	. 83
6.6 Literatürden Seçilmiş İki-Fazlı Akış Sürtünme Çarpanı Korelasyonlarının	
Ayrıntılı Analizi	.97
6.7 Isıtılmış Düşey Borularda Sıvı Su-Buhar Akışı Veri Tabanını Oluşturan Far	·klı
Kaynaklardan Alınmış Verilere Ait Ortalama ve RMS Hata Değerlerinin	
Ayrıntılı Olarak İrdelenmesi	113
7. SONUÇLAR VE ÖNERİLER	119
KAYNAKLAR	125
EKLER	129

#### **KISALTMALAR**

- : Habbecikli Kaynama Başlangıcı (ONB: Onset of Nucleate Boiling)
  : Kritik Isı Akısı (CHF: Critical Heat Flux)
  : Net Buhar Üretimi (NVG: Net Vapor Generation)
  : Fark Kareleri Ortalamasının Kare Kökü (Root-Mean Square) HKB
- KIA
- NBU
- RMS

# ÇİZELGE LİSTESİ

### <u>Sayfa</u>

<b>Çizelge 5.1 :</b> Chisholm (1973) korelasyonunda düzgün yüzeyli borular için
kullanılan $B_{Ch}$ Chisholm parametresi (Leung, 1994; Quiben, 2005) 37
Çizelge 6.1 : Isıtılmış düşey borularda sıvı su-buhar akışında deneysel basınç
düşümü ölçüm sonuçları
Çizelge 6.2 : Adyabatik düşey borularda sıvı su-buhar akışında deneysel basınç
düşümü ölçüm sonuçları
<b>Çizelge 6.3 :</b> Ornek hesaplama için seçilen deneysel basınç düşümü ölçümüne ait
veriler (Leung, 1994)
Çizelge 6.4 : Isıtılmış düşey borularda sıvı su-buhar akışında deneysel basınç
düşümü ölçümleri ve kullanılan Nusselt sayısı bağıntıları
Çizelge 6.5 : Kritik ısı akısı için tarama tablosu kabul edilme kıstasları (Groeneveld
vd., 2007
Çizelge 6.6 : Isıtılmış borulardaki basınç düşümü ölçümleri için bu tez çalışması
sürecinde belirlenen ilave veri kabul etme kıstasları
<b>Çizelge 6.7 :</b> Seçim kıstaslarının uygulanması sonucu elenen veriler
<b>Cizelge 6.8 :</b> Alessandrini vd. (1963) veri kaynağı kullanılarak hesaplama
yöntemiyle belirlenen iki-fazlı akış sürtünme çarpanı örnekleri
<b>Cizelge 6.9 :</b> Peterlongo vd. (1964) veri kaynağı kullanılarak hesaplama yöntemiyle
belirlenen iki-fazlı akış sürtünme çarpanı örnekleri
<b>Cizelge 6.10 :</b> Leung (1994) veri kaynağı kullanılarak hesaplama yöntemiyle
belirlenen iki-fazlı akış sürtünme çarpanı örnekleri
<b>Cizelge 6.11 :</b> Olekhnovitch (1997) veri kaynağı kullanılarak hesaplama yöntemiyle
belirlenen iki-fazlı akış sürtünme çarpanı örnekleri
<b>Cizelge 6.12 :</b> Olekhnovitch vd. (2004) veri kaynağı kullanılarak hesaplama
yöntemiyle belirlenen iki-fazlı akış sürtünme çarpanı örnekleri 71
<b>Cizelge 6.13 :</b> Alessandrini vd. (1963) adyabatik veri kaynağı kullanılarak
hesaplama yöntemiyle belirlenen iki-fazlı akış sürtünme çarpanı
örnekleri
<b>Cizelge 6.14 :</b> Alessandrini vd. (1963) adyabatik düşey borulardaki toplam basınç
düşümü ölçüm sonuçları kullanılarak hesaplanan iki-fazlı akış basınç
düşümü bileşenlerinin termodinamik kuruluk derecesi ile değişimini
(Şekil 6.2) çizdirmek için kullanılan veriler
Çizelge 6.15 : Klausner vd. (1990) adyabatik düşey borulardaki toplam basınç
düşümü ölçüm sonuçları kullanılarak hesaplanan iki-fazlı akış basınç
düşümü bileşenlerinin termodinamik kuruluk derecesi ile değişimini
(Şekil 6.3) çizdirmek için kullanılan veriler
Çizelge 6.16 : Klausner vd. (1990) adyabatik düşey borulardaki toplam basınç
düşümü ölçüm sonuçları kullanılarak hesaplanan iki-fazlı akış basınç
düşümü bileşenlerinin termodinamik kuruluk derecesi ile değisimini
(Şekil 6.4) çizdirmek için kullanılan veriler

<b>Çizelge 6.17 :</b>	Leung (1994) ısıtılmış düşey borulardaki toplam basınç düşümü
	ölçüm sonuçları kullanılarak hesaplanan ıkı-fazlı akış basınç düşümü
	bileşenlerinin termodinamik kuruluk derecesi ile değişimini (Şekil
~ ~ ~ ~ ~	6.5) çızdırmek için kullanılan veriler
Çizelge 6.18 :	Leung (1994) ısıtılmış düşey borulardakı toplam basınç düşümü
	ölçüm sonuçları kullanılarak hesaplanan ıkı-fazlı akış basınç düşümü
	bileşenlerinin termodinamik kuruluk derecesi ile değişimini (Şekil
~	6.6) çızdırmek ıçın kullanılan veriler
Çizelge 6.19 :	Leung (1994) ısıtılmış düşey borulardakı toplam basınç düşümü
	ölçüm sonuçları kullanılarak hesaplanan iki-fazlı akış basınç düşümü
	bileşenlerinin termodinamik kuruluk derecesi ile değişimini (Şekil
~ ~ ~ ~ ~	6.7) çızdırmek ıçın kullanılan veriler
Çizelge 6.20 :	Leung (1994) ısıtılmış düşey borulardakı toplam basınç düşümü
	ölçüm sonuçları kullanılarak hesaplanan ıkı-fazlı akış basınç düşümü
	bileşenlerinin termodinamik kuruluk derecesi ile değişimini (Şekil
	6.8) çizdirmek için kullanılan veriler
Çizelge 6.21 :	Klausner vd. (1990) ısıtılmış düşey borulardaki toplam basınç düşümü
	ölçüm sonuçları kullanılarak hesaplanan ıkı-fazlı akış basınç düşümü
	bileşenlerinin termodinamik kuruluk derecesi ile değişimini (Şekil
	6.9) çizdirmek için kullanılan veriler
Çizelge 6.22 :	Klausner vd. (1990) ısıtılmış düşey borulardaki toplam basınç düşümü
	ölçüm sonuçları kullanılarak hesaplanan ıkı-fazlı akış basınç düşümü
	bileşenlerinin termodinamik kuruluk derecesi ile değişimini (Şekil
	6.10) çizdirmek için kullanılan veriler
Çizelge 6.23 :	Klausner vd. (1990) ısıtılmış düşey borulardaki toplam basınç düşümü
	ölçüm sonuçları kullanılarak hesaplanan iki-fazlı akış basınç düşümü
	bileşenlerinin termodinamik kuruluk derecesi ile değişimini (Şekil
~	6.11) çızdırmek ıçın kullanılan veriler
Çizelge 6.24 :	Klausner vd. (1990) ısıtılmış düşey borulardakı toplam basınç düşümü
	ölçüm sonuçları kullanılarak hesaplanan ıkı-fazlı akış basınç düşümü
	bileşenlerinin termodinamik kuruluk derecesi ile değişimini (Şekil
	6.12) çızdırmek ıçın kullanılan veriler
Çîzelge 6.25 :	Isitilmiş veri tabanı için Tarasova vd. (1966) isitma etkisi
	korelasyonunun test edilmesi (Birimler: %)
Çîzelge 6.26 :	Leung (1994) veri kaynağı için Tarasova vd. (1966) isitma etkisi
	korelasyonunun test edilmesi (Birimler: %)
Çîzelge 6.27 :	Isitilmiş veri tabanında bulunan 9372 adet veri kullanılarak
	korelasyonlar için hesaplama yöntemi referansli hesaplanan ortalama
	ve RMS hata (%) degerleri
Çizelge 6.28 :	Leung (1994)'te bulunan 828 adet veri kullanilarak korelasyonlar için
	hesaplama yöntemi referansli hesaplanan ortalama ve RMS hata (%)
	değerleri
<b>Çizelge 6.29 :</b>	Alessandrini vd. (1963) da bulunan 198 adet adyabatik veri
	kullanılarak korelasyonlar için hesaplama yöntemi referansli
	nesaplanan ortalama ve RMS hata (%) değerleri
Çizelge 6.30 :	Isitiimiş veri tabanında bulunan $93/2$ adet veri kullanılarak
	korelasyonlar için Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942)
	reteransli hesaplanan ortalama ve RMS hata (%) değerleri

Çizelge 6.31 :	Leung (1994)'te bulunan 828 adet veri kullanılarak korelasyonlar için Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) referanslı hesaplanan ortalama ve RMS hata (%) değerleri	2
Çizelge 6.32 : Çizelge 6.33 :	Alessandrini vd. (1963)'da bulunan 198 adet adyabatik veri kullanılarak korelasyonlar için Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) referanslı hesaplanan ortalama ve RMS hata (%) değerleri92 Alessandrini vd. (1963) veri kaynağı kullanılarak hesaplama yöntemi	2
	ve korelasyonlar ile elde edilen iki-fazlı akış sürtünme çarpanı ( $\phi_{so}^2$ ) örnekleri	3
Çizelge 6.34 :	Peterlongo vd. (1964) veri kaynağı kullanılarak hesaplama yöntemi ve	Ś
	korelasyonlar ile elde edilen iki-fazlı akış sürtünme çarpanı ( $\phi_{so}^2$ ) örnekleri 92	3
Çizelge 6.35 :	Leung (1994) veri kaynağı kullanılarak hesaplama yöntemi ve	
	korelasyonlar ile elde edilen iki-fazlı akış sürtünme çarpanı ( $\phi_{so}^2$ ) örnekleri	1
Çizelge 6.36 :	Olekhnovitch (1997) veri kaynağı kullanılarak hesaplama yöntemi ve	
	korelasyonlar ile elde edilen iki-fazlı akış sürtünme çarpanı ( $\phi_{so}^2$ )	
Çizelge 6.37 :	örnekleri	1
	ve korelasyonlar ile elde edilen iki-fazlı akış sürtünme çarpanı ( $\phi_{so}^2$ )	
Çizelge 6.38 :	örnekleri	1
	sürtünme çarpanı ( $\phi_{so}^2$ ) örnekleri	5
Çizelge 6.39 :	Tez çalışması sırasında elde edilen hesaplama yöntemi referanslı ortalama ve RMS hata değerlerinin Leung (1994) doktora tezinde verilen ortalama ve RMS hata (%) değerleri ile korelasyon bazlı	
	karşılaştırılması	5
Çizelge 6.40 :	Veri elemesi sonrasi isitilmiş veri tabanında bulunan 9125 adet veri kullanılarak korelasyonlar için hesaplama yöntemi referanslı hesaplanan ortalama ve RMS hata (%) değerleri	3

xiv

## ŞEKİL LİSTESİ

### <u>Sayfa</u>

Şekil 3.1 :	Düşey akışta iki-fazlı akış rejimleri (Bratland, 2010)	10
Şekil 3.2 :	Düşey akış için akış rejimi haritası (Hewitt ve Roberts, 1972)	12
Şekil 3.3 :	Düşey akışta iki-fazlı akış rejimleri (Bratland, 2010)	13
Şekil 3.4 :	Yatay akış için akış rejimi haritası (Baker, 1954)	14
Şekil 3.5 :	Sıvı su-buhar karışımı için $\lambda$ ve $\psi$ değerleri (Collier, 1972)	15
Şekil 3.6 :	Boru içerisinde akış için seçilen bir kontrol hacmi üzerinden momentum	
-	dengesi (Leung, 1994)	16
Şekil 4.1 :	Havuz tipi kaynama grafiği (Collier ve Thome, 1996)	26
Şekil 5.1 :	Thom ısıtılmış düşey kanalda sıvı su-buhar akışı için yerel iki-fazlı akış	
	sürtünme çarpanı grafiği (Leung, 1994)	35
Şekil 5.2 :	Thom ısıtılmış düşey kanalda sıvı su-buhar akışı için ortalama iki-fazlı	
	akış sürtünme çarpanı grafiği (Leung, 1994)	36
Şekil 6.1 :	Konumdan bağımsız olarak (düzgün) ısıtılmış boru için basınç düşümü	
	dikkate alınarak oluşturulan ısıl denge ve h-s diyagramı	47
Şekil 6.2 :	Alessandrini vd. (1963) adyabatik veri kaynağında bulunan P=4982-501	1
	kPa ve G=1080-1110 kg/m2s değerlerine sahip ölçüm sonuçları	
	kullanılarak hesaplanan ıkı-fazlı akış basınç düşümü bileşenlerinin	
01962	termodinamik kuruluk derecesi ile degişimi	12
Şekil 6.3 :	Klausner vd. (1990) adyabatik veri kaynaginda bulunan G=401 kg/m2s	
	degerine sanip KTT olçum sonuçları için iki-tazlı akiş basınç duşumu	72
Salvil 6 1 .	Vlaugner vd. (1000) advahatik vori kaynačunda hylunan $C=256 kc/m^2 c$	13
Şekli 0.4 :	dağarina sahin <b>P</b> 11 ölcüm sonuaları için iki fazlı akuş haşına düşümü	
	bilesenlerinin termodinamik kuruluk derecesi ile değişimi	7/
Sekil 6 5 ·	Leung (1994) veri kaynağında bulunan P=9540-9570 kPa G=1905-1937	/+ 7
ŞUMI 0.5 .	$kg/m^2s$ ve a"=811-1003 kW/m <sup>2</sup> dečerlerine sahin ölcüm sonucları	
	kullanılarak hesanlanan iki-fazlı akış başınc düşümü bilesenlerinin	
	termodinamik kuruluk derecesi ile değisimi	75
Sekil 6.6 :	Leung (1994) veri kavnağında bulunan P=9540-9550 kPa. G=1134-1190	)
·, · · · ·	kg/m2s ve q"=235-837 kW/m2 değerlerine sahip ölçüm sonuçları	
	kullanılarak hesaplanan iki-fazlı akış basınç düşümü bileşenlerinin	
	termodinamik kuruluk derecesi ile değişimi	76
Şekil 6.7 :	Leung (1994) veri kaynağında bulunan P=9620-9630 kPa, G=4756-4791	l
	kg/m2s ve q"=352-1625 kW/m2 değerlerine sahip ölçüm sonuçları	
	kullanılarak hesaplanan iki-fazlı akış basınç düşümü bileşenlerinin	
	termodinamik kuruluk derecesi ile değişimi	77
Şekil 6.8 :	Leung (1994) veri kaynağında bulunan P=5030 kPa, G=4386-4430	
	kg/m2s ve q"=1636-1856 kW/m2 değerlerine sahip ölçüm sonuçları	
	kullanılarak hesaplanan iki-fazlı akış basınç düşümü bileşenlerinin	
	termodinamik kuruluk derecesi ile değişimi	78

Şekil 6.9 : Klausner vd. (1990) veri kaynağında bulunan G=401 kg/m2s ve q"=11,4 kW/m2 değerlerine sahip R11 ölçüm sonuçları için iki-fazlı akış basınç
düşümü bileşenlerinin termodinamik kuruluk derecesi ile değişimi79
Şekil 6.10 : Klausner vd. (1990) veri kaynağında bulunan G=256 kg/m2s ve q"=11,4
kW/m2 değerlerine sahip R11 ölçüm sonuçları için iki-fazlı akış basınç
düşümü bileşenlerinin termodinamik kuruluk derecesi ile değişimi 80
Şekil 6.11 : Klausner vd. (1990) veri kaynağında bulunan G=401 kg/m2s ve q"=4
kW/m2 değerlerine sahip R11 ölçüm sonuçları için iki-fazlı akış basınç
düşümü bileşenlerinin termodinamik kuruluk derecesi ile değişimi 81
Şekil 6.12 : Klausner vd. (1990) veri kaynağında bulunan G=256 kg/m2s ve q"=4
kW/m2 değerlerine sahip R11 ölçüm sonuçları için iki-fazlı akış basınç
düşümü bileşenlerinin termodinamik kuruluk derecesi ile değişimi82
Şekil 6.13 : Thom (1964) metodu ortalama hata histogramı
Sekil 6.14 : Korelasyonlar için ortalama hata histogramı
Sekil 6.15 : Korelasyonlar için hesaplama yöntemi referanslı ortalama hata
değerlerinin basınca göre dağılımı
<b>Şekil 6.16 :</b> Korelasyonlar için hesaplama yöntemi referanslı RMS hata değerlerinin
basınca göre dağılımı
Sekil 6.17 : Korelasyonlar için hesaplama yöntemi referanslı ortalama hata
değerlerinin kütlesel akıya göre dağılımı
Sekil 6.18 : Korelasyonlar için hesaplama yöntemi referanslı RMS hata değerlerinin
kütlesel akıya göre dağılımı
Sekil 6.19 : Korelasyonlar için hesaplama yöntemi referanslı ortalama hata
değerlerinin termodinamik kuruluk derecesine göre dağılımı
Sekil 6.20 : Korelasvonlar icin hesaplama vöntemi referanslı RMS hata değerlerinin
termodinamik kuruluk derecesine göre dağılımı
Sekil 6.21 : Korelasvonlar icin hesaplama vöntemi referanslı ortalama hata
değerlerinin ısı akısına göre dağılımı
Sekil 6.22 : Korelasyonlar icin hesaplama yöntemi referanslı RMS hata değerlerinin
ısı akısına göre dağılımı
Sekil 6.23 : Muller-Steinhagen ve Heck (1986), Lombardi ve Pedrocchi (1972)
korelasvonları ve olusturulan kombinasvon icin hesaplama vöntemi
referanslı ortalama hata değerlerinin başınca göre dağılımı
Sekil 6.24 : Muller-Steinhagen ve Heck (1986), Lombardi ve Pedrocchi (1972)
korelasvonları ve oluşturulan kombinasvon icin hesaplama vöntemi
referanslı RMS hata değerlerinin basınca göre dağılımı
Sekil 6.25 : Muller-Steinhagen ve Heck (1986). Lombardi ve Pedrocchi (1972)
korelasvonları ve olusturulan kombinasvon icin hesaplama vöntemi
referanslı ortalama hata değerlerinin kütlesel akıva göre dağılımı 105
Sekil 6.26 : Muller-Steinhagen ve Heck (1986). Lombardi ve Pedrocchi (1972)
korelasvonları ve oluşturulan kombinasvon için hesaplama vöntemi
referanslı RMS hata değerlerinin kütlesel akıva göre dağılımı
Sekil 6.27 : Muller-Steinhagen ve Heck (1986) Lombardi ve Pedrocchi (1972)
korelasvonları ve olusturulan kombinasvon icin hesaplama vöntemi
referanslı ortalama hata değerlerinin termodinamik kuruluk derecesine
göre dağılımı
Sekil 6.28 : Muller-Steinhagen ve Heck (1986) Lombardi ve Pedrocchi (1972)
korelasvonları ve olusturulan kombinasvon icin hesanlama vöntemi
referansli RMS hata değerlerinin termodinamik kuruluk derecesine göre
dağılımı
ل ت

Şekil	6.29	: Muller-Steinhagen ve Heck (1986), Lombardi ve Pedrocchi (1972)	
		korelasyonları ve oluşturulan kombinasyon için hesaplama yöntemi	
		referanslı ortalama hata histogramları	107
Şekil	6.30	: Hatalı veriler elendikten sonra korelasyonlar için hesaplama yöntemi	
~ • • •		referanslı ortalama hata değerlerinin basınca göre dağılımı	109
Şekil	6.31	: Hatalı veriler elendikten sonra korelasyonlar için hesaplama yöntemi	100
0.1.11	( 22	referansii RMS hata degerierinin basinca gore dagilimi	109
Şekil	6.32	Hatali veriler elendikten sonra korelasyonlar için hesaplama yontemi	110
S . I .: I	( ) )	referansil ortalama nata degerierinin kutlesel akiya gore dagilimi	110
Şekii	0.33	rafaranalı DMS hata dağarlarinin kütlaşal aluya görə dağılımı	110
Sabil	634	• Hatalı veriler elendikten sonra korelasyonlar için hesanlama yöntemi	110
ŞCKII	0.54	referanslı ortalama hata değerlerinin termodinamik kuruluk derecesine	2
		göre dağılımı	, 111
Sekil	6.35	Hatalı veriler elendikten sonra korelasvonlar icin hesanlama vöntemi	
şemi	0.00	referanslı RMS hata değerlerinin termodinamik kuruluk derecesine gö	re
		dağılımı	111
Şekil	6.36	: Hatalı veriler elendikten sonra korelasyonlar için hesaplama yöntemi	
,		referanslı ortalama hata değerlerinin ısı akısına göre dağılımı	112
Şekil	6.37	: Hatalı veriler elendikten sonra korelasyonlar için hesaplama yöntemi	
		referanslı RMS hata değerlerinin ısı akısına göre dağılımı	112
Şekil	6.38	: Veri kaynakları için Muller-Steinhagen ve Heck (1986) korelasyonu	
		kullanılarak hesaplanan hesaplama yöntemi referanslı ortalama hata	
		değerlerinin basınca göre dağılımı	114
Şekil	6.39	: Veri kaynakları için Muller-Steinhagen ve Heck (1986) korelasyonu	
		kullanılarak hesaplanan hesaplama yöntemi referanslı RMS hata	
<b>a</b> 1 9	C 10	değerlerinin basınca göre dağılımı	114
Şekil	6.40	: Veri kaynaklari için Muller-Steinhagen ve Heck (1986) korelasyonu	
		kullanilarak nesapianan nesapiama yontemi referansil ortalama nata	115
Sabil	6 11	· Vori kaynakları için Mullar Steinbagon və Hock (1086), koralaşıyonu	113
ŞEKII	0.41	kullanılarak hesanlanan hesanlama yöntemi referanslı RMS hata	
		değerlerinin kütlesel akıya göre dağılımı	115
Sekil	6.42	: Veri kavnakları icin Muller-Steinhagen ve Heck (1986) korelasyonu	115
şemi		kullanılarak hesaplanan hesaplama yöntemi referanslı ortalama hata	
		değerlerinin termodinamik kuruluk derecesine göre dağılımı	117
Sekil	6.43	: Veri kaynakları için Muller-Steinhagen ve Heck (1986) korelasyonu	
,		kullanılarak hesaplanan hesaplama yöntemi referanslı RMS hata	
		değerlerinin termodinamik kuruluk derecesine göre dağılımı	117
Şekil	6.44	: Veri kaynakları için Muller-Steinhagen ve Heck (1986) korelasyonu	
		kullanılarak hesaplanan hesaplama yöntemi referanslı ortalama hata	
		değerlerinin ısı akısına göre dağılımı	118
Şekil	6.45	: Veri kaynakları için Muller-Steinhagen ve Heck (1986) korelasyonu	
		kullanılarak hesaplanan hesaplama yöntemi referanslı RMS hata	
		değerlerinin ısı akısına göre dağılımı	118

# SEMBOLLER

a, b, m, n	: Sabit sayı
A	: Alan $(m^2)$
$A_a$	: Akışkanın akış yönüne dik toplam kesit alanı $(m^2)$
$A_{MSH}, B_{MSH}$	: Muller-Steinhagen ve Heck parametreleri
$A_{x-s}$	: Akışkanın akış yönüne dik kesit alanı $(m^2)$
$B_{Ch}, C_{Ch}$	: Chisholm parametreleri
$c_p$	: Sabit basınçta özgül ısı (kJ/kg °C)
$C_o$	: Dağılım parametresi
$D_i$	: Boru iç çapı (m)
$F_{Ch}$	: Chisholm integral terimi
Fr	: Froude sayısı
f	: Sürtünme katsayısı
G	: Kütlesel akı $(kg/m^2s)$
g	: Yer çekimi ivmesi (9,806 $m^2/s$ )
h	: Entalpi ( <i>kJ/kg</i> )
$h_t$	: İsi taşınım katsayısı ( $kW/m^2K$ )
h <sub>sg</sub>	: Buharlaşma gizli entalpisi (kJ/kg)
k	: Isı iletim katsayısı ( <i>kW/m K</i> )
k <sub>s</sub>	: Yüzey pürüzlülüğü ( <i>m</i> )
L	: Uzunluk ( <i>m</i> )
Nu	: Nusselt sayısı
Р	: Basınç ( <i>kPa</i> )
Pe	: Peclet sayısı
Pr	: Prandtl sayisi
Re	: Reynolds sayisi Hasimaal dahi $(m^3/r)$
$\mathcal{Q}$	: Hachinser debl $(m/s)$
<i>q</i> 	: Birim zamanda transfer edilen isi $(kW)$
$q^{\prime\prime}$	: Isi akisi $(kW/m^2)$
S	: Borunun akışa dık kesitteki çevre uzunluğu ( <i>m</i> )
S	: Kayma orani
t T	: $Zaman(s)$
1	: SICAKIIK ( C) HIZ $(m/c)$
u	: FIZ ( <i>M</i> /S)
u <sub>gj</sub>	: Surukienine mzi (m/s)
$u_{gs}$	: Göreceli hız ( <i>m/s</i> )
W	: Kütlesel debi (kg/s)

We	: Weber sayısı
x <sub>din</sub>	: Dinamik kuruluk derecesi
x <sub>HKB</sub>	: Habbecikli kaynama başlangıcındaki termodinamik kuruluk derecesi
$x_{NBU}$	: Net buhar üretimi noktasındaki termodinamik kuruluk derecesi
x	: Termodinamik kuruluk derecesi
v	: Özgül hacim $(m^3/kg)$
Z	: Eksenel uzunluğu ifade eden değişken parametre ( <i>m</i> )

### **Grek Sembolleri**

α	: Boşluk oranı
Γ	: Chisholm özelik katsayısı
ε	: Hata
$\theta$	: Borunun yatay eksenle yaptığı açı
$\Delta$	: Sonlu değişim miktarı
λ	: Baker (1954) akış rejimi haritasına ilişkin Şekil 3.4'te kullanılan
	faktör
μ	: Dinamik viskozite $(m^2/s)$
ρ	: Yoğunluk ( <i>kg/m</i> <sup>3</sup> )
$\sigma$	: Normal gerilme ( <i>N/m</i> )
τ	: Kayma gerilmesi (Pa)
$\phi^2$	: İki-fazlı akış sürtünme çarpanı
$\overline{\phi^2}$	: Ortalama iki-fazlı sürtünme çarpanı
Ŵ	: Baker (1954) akıs rejimi haritasına ilişkin Sekil 3.4'te kullanılan
r	faktör
	Tartoi

## Alt indisler

а	: Akışkan
ady	: Adyabatik
CHF	: Kritik ısı akısı
çev	: Çevre
din	: Dinamik
doy	: Doyma sıcaklığı
duv	: Duvar
g	: Doymuş gaz
go	: Tamamen gaz fazıyla dolması hali
gir	: Giriş koşullarında
sg	: Gaz fazı ile sıvı fazı arasındaki fark
HKB	: Habbecekli kaynama başlangıcı
i	: İç
j	: Sürüklenme
ivm	: İvmelenme
h	: Homojen

hes	: Hesaplanan
kri	: Kritik
kor	: Korelasyon
L	: Akış uzunluğu
$L_{1\phi}$	: Tek-fazlı akış uzunluğu
$L_{2\phi}$	: İki-fazlı akış uzunluğu
$L_q$	: Isıtılmış akış uzunluğu
ort	: Ortalama
q	: Isıtılan
S	: Doymuş sıvı
SO	: Tamamen sıvı fazıyla dolması hali
sur	: Sürtünme
yer	: Yer çekimi
1 <i>ø</i>	: Tek-fazlı
$2\phi$	: İki-fazlı

## Üst indisler

<i>n</i> : Blasius denklemindek	ki geometriye bağlı sayı
---------------------------------	--------------------------

#### DÜŞEY BORULARDA SU-BUHAR AKIŞI İÇİN İKİ-FAZLI SÜRTÜNME ÇARPANI HESAPLAMASINDA KULLANILAN DENEYSEL VERİLERİN, KORELASYONLARIN VE BASINÇ DÜŞÜMÜ BİLEŞENLERİNİN ANALİZİ

### ÖZET

İki-fazlı akışlarda basınç düşümünün ölçülmesi için birçok deneysel araştırma yapılmış, bu araştırma sonuçlarına dayalı olarak sürtünmeden kaynaklanan basınç düşümünün ve iki-fazlı akış sürtünme çarpanının belirlenmesi için farklı akış koşullarında birçok korelasyon elde edilmiştir. Öte yanda, literatürde birçok farklı yayında yer alan iki-fazlı akışlardaki basınç düşümü ( $\Delta P$ ) ölçümü sonuçlarının derlenerek bir veri tabanı oluşturulmasına ihtiyaç vardır.

Bu tez çalışmasında, düşey borularda iki-fazlı akış sürtünme çarpanının belirlenmesi amacıyla iki-fazlı akıştaki  $\Delta P$  ölçümü sonuçlarından (i) biri sabit (homojen) ısı akısıyla ısıtılmış, (ii) diğeri adyabatik düşey borularda sıvı su-buhar yukarı akışı için iki ayrı veri tabanı oluşturulmuştur.

Bu veri tabanlarındaki ölçüm sonuçları, ölçüm koşulları için Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) ve literatürden seçilen korelasyonlar kullanılarak iki-fazlı akış sürtünme çarpanları hesaplanmıştır. Ayrıca, ölçüm sonuçlarından hesaplanan (yer çekimi, ivmelenme ve sürtünme)  $\Delta P$  bileşenlerine ait değerler hem birbirleriyle hem de Klausner vd. (1990) tarafından verilen  $\Delta P$  bileşenleri ile karşılaştırılmıştır.

Veri tabanlarından yararlanılarak hesaplanan iki-fazlı akış sürtünme çarpanları doğru kabul edilerek Homojen Akış Modeli'nden (McAdams vd., 1942) ve korelasyonlardan elde edilen iki-fazlı akış sürtünme çarpanlarına ait ortalama hataları ve fark kareleri ortalamasının kareköküyle hesaplanan (RMS) hataları belirlenmiştir. Ayrıca Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) kullanılarak hesaplanan iki-fazlı akış sürtünme çarpanları doğru kabul edilerek korelasyonlardan elde edilen iki-fazlı akış sürtünme çarpanlarına ait ortalama hataları ve fark kareleri ortalamasının kareköküyle hesaplanan (RMS) hataları belirlenmiştir.

Araştırma sonucunda; (i) ısıtmanın homojen model ve korelasyonlarla belirlenen ikifazlı akış sürtünme çarpanları üzerindeki etkisi Tarasova vd. (1966) korelasyonu yardımıyla test edilmiş ve yapılan çalışma sonucu Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) ve korelasyonlara ısıtma etkisinin ilave edilmemesi sonucuna varılmış olup, (ii) ısıtılmış düşey borularda sıvı su-buhar yukarı akışı için iki-fazlı akış sürtünme çarpanı belirlenmesinde ortalama hata dağılımları ve RMS hata değerleri itibarıyla Muller-Steinhagen ve Heck (1986), Chisholm (1973), Lombardi ve Pedrocchi (1972) korelasyonları, Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942), Friedel (1979) korelasyonu ve Thom (1964) metodu sonuçlarının en doğrudan en az doğruya doğru sıralandığı tespit edilmiştir. Ayrıca, (iii) adyabatik düşey borularda sıvı su-buhar yukarı akışı için iki-fazlı akış sürtünme çarpanı belirlenmesinde ise RMS hata değerleri itibarıyla en doğru sonucu Chisholm (1973) korelasyonunun verdiği belirlenmiştir.

#### ANALYSIS OF PRESSURE DROP MEASUREMENTS, TWO-PHASE FRICTION MULTIPLIER CORRELATIONS AND PRESSURE DROP COMPONENTS FOR WATER-STEAM FLOWS IN VERTICAL TUBES

#### SUMMARY

Many experiments have been performed and various correlations have been developed to predict the two-phase frictional pressure drop and the two-phase friction multiplier for various flow conditions. Based on these researches, experimental two-phase flow pressure drop ( $\Delta P$ ) data for steam-water in uniformly heated and adiabatic vertical tubes have need compiled from the literature.

Two sets of data have been compiled and used in this thesis study: (i) Two-phase flow  $\Delta P$  data compilation for water in vertical heated tubes and (ii) the two-phase flow  $\Delta P$  data in vertical adiabatic tubes. The compiled data have been used to calculate the two-phase friction multiplier and to assess the prediction accuracy of two-phase friction multiplier correlations selected from the literature and the homogeneous model (McAdams et al. 1942) for steam-water flow in vertical tubes. The effect of heat flux on two-phase friction is of particular interest in this study. Additionally,  $\Delta P$  components (due to gravitation, acceleration and friction) have been examined for vertical heated tubes based on the databases. These  $\Delta P$ components are also compared with those of presented by Klausner et al. (1990).

In this study, the two-phase friction multiplier predictions of the homogeneous model (McAdams et al. 1942) with and without the Tarasova et al. (1966) heating effect (THE) correction are compared with the two-phase friction multipliers extracted from the diabatic database of this study. Hence, the two-phase friction multiplier predictions of the homogeneous model (McAdams et al. 1942) with and without the Tarasova et al. (1966) heating effect correction are compared with the two-phase friction multiplier predictions of the homogeneous model (McAdams et al. 1942) with and without the Tarasova et al. (1966) heating effect correction are compared with the two-phase friction multipliers extracted from the diabatic database of this study.

Additionally,  $\Delta P$  components (due to gravitation, acceleration and friction) have been examined for vertical heated tubes based on the databases. These  $\Delta P$ components are also compared with those presented by Klausner et al. (1990).

The results for two-phase friction multipliers of this study are as follows: (i) The predictions of correlations and the homogeneous model (McAdams et al. 1942) without THE correction yield better results than those with THE correction. (ii) The predictions of Muller-Steinhagen and Heck (1986) correlation have the minimum errors and that of Chisholm (1973), Lombardi and Pedrocchi (1972) correlations, the homogeneous model (McAdams et al. 1942), Friedel (1979) correlation and Thom (1964) method follow it in the prediction accuracy rank based on the average and RMS errors. (iii) The predictions of the Chisholm (1973) correlation yield the least error for the flow in adiabatic tubes.

#### 1. GİRİŞ

Nükleer reaktörler ve kazanlar gibi ısıl enerji aktarımı için akışkan kullanılan enerji dönüşüm sistemlerinin akışkan nakil hatlarında, sistem dizaynından veya bir kazadan ötürü iki-fazlı akış meydana gelebilmektedir. Bu tarz enerji dönüşüm sistemlerinin optimum şartlarda dizayn edilebilmesi için iki-fazlı akışta basınç düşümü değerinin doğru olarak belirlenmesi gerekmektedir. İki-fazlı akışlarda basınç düşümü değeri belirlenirken en zor olan aşama sürtünmeden kaynaklanan basınç düşümü bileşeninin hesaplanmasıdır. İki-fazlı akışta sürtünmeden kaynaklanan basınç düşümü bileşeninin tanımlanmıştır.

İki-fazlı akış sürtünme çarpanı deneysel yöntemlerle belirlenmektedir ve şimdiye kadar deneysel yöntemlerin yerini alabilecek tam manasıyla güvenilir bir analitik model geliştirilememiştir. Konuyla ilgili İkinci Dünya Savaşı'ndan bu yana yapılan çalışmalar sonucunda birkaç yarı analitik model ve deneysel korelasyon geliştirilmiştir. Nükleer güç santrallerinin yaygınlaşması sonucu iki-fazlı akış sürtünme çarpanı üzerine yapılan çalışmalar yoğunlaşmıştır.

Bu çalışmada iki-fazlı akış sürtünme çarpanının belirlenmesi için Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) ile birlikte Muller-Steinhagen ve Heck (1986), Chisholm (1973), Lombardi ve Pedrocchi (1972), Friedel (1979) korelasyonları, Thom (1964) metodu ve ayrıca ısıtmanın etkisinin irdelenmesi amacıyla Tarasova vd. (1966) korelasyonu kullanılmıştır. Hesaplamalarda kullanılmak üzere iki-fazlı sıvı su-buhar akışında basınç düşümü için toplam 10 529 adet ölçüm sonucundan oluşan iki adet veri tabanı oluşturulmuştur. Birinci veri tabanı, Alessandrini vd. (1963), Peterlongo vd. (1964), Leung (1994), Olekhnovitch (1997) ve Olekhnovitch vd. (2004)'den elde edilen 10 321 adet ısıtılmış düşey borularda ikifazlı sıvı su-buhar akışı ölçüm sonucundan oluşmaktadır. İkinci veri tabanı ise Alessandrini vd. (1963)'den elde edilen 208 adet adyabatik düşey borularda iki-fazlı sıvı su-buhar akışı ölçüm sonucundan oluşmaktadır. Çalışmalar sırasında yapılan irdelemeler sonucunda bazı ölçüm sonuçlarının uygun olmadığı belirlenmiş ve bu sonuçlar veri tabanlarından çıkartılmıştır. Eleme işlemi gerçekleştirildikten sonra geriye ısıtılmış düşey borularda iki-fazlı sıvı su-buhar akışı için oluşturulan birinci veri tabanında 9125 adet ve adyabatik düşey borularda iki-fazlı sıvı su-buhar akışı için oluşturulan ikinci veri tabanında ise 198 adet kullanılabilir basınç düşümü ölçüm sonucu kalmıştır.

Bu tez kapsamında, 2. Bölüm'de iki-fazlı sıvı su-buhar akışında basınç düşümü için literatürde yer alan araştırmalar irdelenmiştir.

3. Bölüm'de iki-fazlı akış için temel bağıntılar, akış rejimleri, tek-fazlı ve iki-fazlı akış için sürekli akışta, yer çekiminden, ivmelenmeden ve sürtünmeden kaynaklanan üç temel basınç gradyanı bileşeni ve akış modelleri irdelenmiştir.

4. Bölüm'de kaynama ile ısı geçişi anlatılmıştır.

5. Bölüm'de iki-fazlı akış sürtünme çarpanının farklı tanımlarından bahsedildikten sonra düşey borulardaki iki-fazlı sıvı su-buhar karışımı akışı için literatürden seçilen iki-fazlı akış sürtünme çarpanı metodları ve korelasyonları irdelenmiştir.

6. Bölüm'de deneysel basınç düşümü ölçümü sonuçlarından iki-fazlı akışta sürtünme çarpanının elde edilmesi için kullanılan hesaplama yöntemi örnek uygulama üzerinden anlatıldıktan sonra Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) ve literatürden seçilen korelasyonlarla hesaplanan iki-fazlı akış sürtünme çarpanları yine literatürden elde edilen basınç düşümü ölçümü sonuçlarından hesaplanan iki-fazlı akış sürtünme çarpanlarıyla ayrıntılı olarak karşılaştırılmıştır. Ayrıca, toplam basınç düşümü ölçümü sonuçlarından hesaplanan iki-fazlı akıştaki yer çekimi, ivmelenme ve sürtünme basınç düşümü bileşenlerine ait değerlerin hem birbirleriyle hem de Klausner vd. (1990) tarafından verilen basınç düşümü bileşenleri ile karşılaştırılmalı analizleri gerçekleştirilmiştir.

7. Bölüm'de, bu tezde elde edilen genel sonuçlar sunularak irdelenmiş ve konu ile ilgili gelecekte ne tür araştırmaların yapılabileceği hususunda önerilerde bulunulmuştur.

#### 2. LİTERATÜR ARAŞTIRMALARI

Bu bölümde, düşey borularda iki-fazlı sıvı su-buhar akışı için ısıtılmış ve adyabatik koşullarda sürtünmeden kaynaklanan basınç düşümü ile ilgili literatürde yer alan çalışmalar irdelenmiştir.

Aubé (1996), tek-fazlı ve iki-fazlı akış koşullarında 1000-4500 kPa basınç aralığın ve iki farklı boru çapı (13,4 ve 22,9 mm) için ısı akısının sürtünmeden kaynaklanan basınç düşümüne etkisini araştırmıştır. İlk olarak tek-fazlı akış koşullarında iki farklı boru çapı için eksenel basınç ve sıcaklık dağılımları 1000-11 000 kg/m<sup>2</sup>s kütlesel akı ve 0-3500 kW/m<sup>2</sup> ısı akısı aralıklarında detaylı olarak ölçülmüştür. Bu ölçümler sonucunda sürtünmeden kaynaklanan basınç düşümünün ısı akısı artlıkça azaldığını gözlemlemiştir. Sonrasında yapılan adyabatik iki-fazlı akış ölçümleri sonucunda ikifazlı akış sürtünme çarpanının, dinamik kuruluk derecesinin artıp basıncın düştüğü koşullarda arttığı belirlenmiştir. Testler sonucunda aşırı soğuk ve düşük termodinamik kuruluk derecesi ve ısı akısının fonksiyonu olarak arttığı belirlenmiştir. Çalışmada test edilen bütün koşullar için ısı akısının sürtünmeden kaynaklanan basınç düşümü üzerinde önemli bir etkiye sahip olduğu sonucuna varılmıştır.

Gengeç (2010), sabit (homojen dağılmış) ısı akısıyla ısıtılmış düşey borularda ikifazlı akış sürtünme çarpanınını belirlemek için literatürde bulunan iki-fazlı akış koşulunda toplam basınç düşümü ölçüm sonuçlarını derleyip veri tabanı oluşturmuştur. Oluşturulan veri tabanı için hesaplama yöntemi, Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) ve 5 farklı korelasyon kullanılarak iki-fazlı akış sürtünme çarpanlarını hesaplamıştır. Deneysel basınç düşümü ölçüm sonuçlarından yararlanılarak hesaplama yöntemiyle belirlenen iki-fazlı akış sürtünme çarpanları ile Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) ve korelasyonlardan elde edilen ikifazlı akış sürtünme çarpanları karşılaştırıp ortalama hata değerlerini ve fark kareleri ortalamasının kare köküyle hesaplanan (RMS) hata değerlerini belirlemiştir. Benzer şekilde, Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) ile belirlenen iki-fazlı akış sürtünme çarpanları ile korelasyonlar kullanılarak elde edilen iki-fazlı akış sürtünme çarpanları arasındaki ortalama ve RMS hata değerlerini hesaplamış ve seçilen korelasyonların geçerliliklerini belirlenen hataların karşılaştırılması suretiyle test etmiştir. Araştırma sonucunda, iki-fazlı akış sürtünme çarpanı belirlenmesinde en düşük RMS hata değerini sırasıyla Chishom (1973) ve Reddy vd. (1982) korelasyonlarının verdiği tespit edilmiştir. Ayrıca, Friedel (1979) korelasyonunun iki-fazlı akış sürtünme çarpanı belirlenmesinde en yüksek RMS hata değerini veren korelasyon olduğu ve Lombardi-Pedrocchi (1972) korelasyonunun onu takip ettiği saptanmıştır.

Idsinga (1975), sıvı su-buhar karışımı için ısıtma yapıldığı şartlarda 2220 adet ve adyabatik şartlarda da 1230 adet deneysel basınç düşümü ölçümü sonuçlarından oluşan iki adet veri tabanı oluşturmuştur. Bu veri tabanını kullanarak sürtünmeden kaynaklanan basınç düşümünün hesaplanması için kullanılan 18 adet model ve korelasyonu karşılaştırmıştır. Veri tabanlarını oluşturan sıvı su-buhar akışı basınç düşümü ölçüm sonuçları 1724-10 343 kPa basınç, 271,2-4339 kg/m<sup>2</sup>s kütlesel akı, aşırı soğutulmuş sıvı kaynaması-1,0 termodinamik kuruluk derecesi ve 2,286-33,02 mm boru çapı aralıklarında elde edilmiştir. Idsinga (1975) hata analizlerini ısıtılmış veya adyabatik borulara, boşluk oranı hesaplamalarına (Thom, Martinelli-Nelson ve Homojen Akış Modeli) ve farklı tek-fazlı akış sürtünme katsayısı hesaplamalarına göre ayrı ayrı değerlendirmiştir. Yapmış olduğu testlerin sonunda iki veri tabanı birleştirilerek kullanıldığında Thom (1964) metodunu Baroczy (1965) korelasyonu ve Homojen Akış Modeli'nin izlediği belirlenmiştir.

Leung (1994), ısıtılmış kanalda sürtünmeden kaynaklanan basınç düşümü bileşenini belirlemek amacıyla bir model oluşturmuş, tez çalışmasında yüksek basınç koşullarında kaynamalı akış üzerine odaklanmıştır (10 MPa'a kadar). Tezinde kullanmak üzere 5020-9730 kPa basınç, 1000-10 000 kg/m<sup>2</sup>s kütlesel akı ve (-0,25)-1,0 termodinamik kuruluk derecesi aralıklarında deneysel bir araştırma yaparak 1141 adet veri elde etmiştir. Deneyler sırasında ısı akısının sürtünmeden kaynaklanan basınç düşümü üzerinde çok güçlü bir etkiye sahip olduğunu gözlemlemiştir. Leung (1994) oluşturduğu modeli kullanarak literatürden şeçtiği 19 adet deneysel korelasyonun ve bu korelasyonları kullanarak oluşturduğu farklı kombinasyonların, kaynamalı akış koşulu için geçerliliğini test etmiştir. Test sonuçlarına göre tam

kuruma öncesinde (pre-dryout) hata analizleri karşılaştırdığında, kendi modelinden sonra en doğru sonucu sırasıyla Reddy vd. (1982), Chisholm(1973) ve Beattie (1973)'ün halka şeklinde iç içe akış koşulu için geliştirmiş olduğu korelasyonların verdiğini belirlemiştir. Tam kuruma (dryout) sonrası hata analizleri karşılaştırdığında ise kendi modelinden sonra Beattie (1973)'ün tam kuruma sonrası için geliştirmiş olduğu korelasyonun en az hata ile sonuç verdiğini belirlemiştir.

## 3. İKİ- FAZLI AKIŞTA TEMEL BAĞINTILAR, AKIŞ REJİMLERİ, TEK-FAZLI VE İKİ-FAZLI AKIŞLARDA BASINÇ GRADYANLARI VE TEMEL İKİ-FAZLI AKIŞ MODELLERİ

Bu bölümde iki-fazlı akışla ilgili literatürde bulunan temel kavramlar ve akış esnasında oluşabilen farklı rejimler, tek-fazlı ve iki-fazlı akışlarda meydana gelen basınç gradyanları ve temel iki-fazlı akış modelleri ayrıntılı olarak anlatılacaktır.

#### 3.1 İki-Fazlı Akışta Temel Bağıntılar

İki-fazlı akışta boşluk oranının, termodinamik ve dinamik kuruluk derecelerinin belirlenmesi gerekmektedir.

Yerel boşluk oranı iki-fazlı akış içerisindeki bir noktada gaz fazına ait hacimsel oranın zaman üzerine ortalaması olarak tanımlanmaktadır. Verilen kesit alanında tüm akış için boşluk oranı yerel boşluk ornlarının verilen kesit alanı üzerine ortalamasıdır ve

$$\alpha = \frac{1}{A_{x-s}} \int_{A_{x-s}} \alpha_{yerel} dA_{x-s}$$
(3.1)

şeklinde tanımlanır. Başka şekilde ifade edilecek olursa, boşluk oranı, gaz fazının kapladığı ve zaman üzerine ortalaması alınmış alanın toplam kesit alanına oranıdır. Bu tanım doğrultusunda boşluk oranı

$$\alpha = \frac{A_g}{A_g + A_s} \tag{3.2}$$

olarak ifade edilir. İfadelerde gaz fazı için g ve sıvı fazı için s indisleri kullanılmıştır.

Sıvı ve gaz fazları için kütlesel akı sırasıyla

$$G_s = u_s \rho_s (1 - \alpha) \tag{3.3a}$$

$$G_g = u_g \ \rho_g \ \alpha \tag{3.3b}$$

şeklinde yazılabilir.

Sıvı ve gaz fazları için hacimsel debi sırasıyla

$$Q_s \equiv u_s A_s \tag{3.4a}$$

$$Q_g = u_g A_g \tag{3.4b}$$

şeklinde tanımlanmıştır.

Denklem (3.3a) ve (3.3b) toplam kesit alanıyla çarpılarak sıvı ve gaz fazları için sırasıyla

$$W_s = u_s \rho_s (1 - \alpha) A \tag{3.5a}$$

$$W_g = u_g \rho_g \alpha A \tag{3.5b}$$

şeklinde kütlesel debi bağıntıları elde edilir.

Akış için dinamik ve hacimsel kuruluk dereceleri sırasıyla

$$x_{din} \equiv \frac{W_g}{W_s + W_g} \tag{3.6}$$

$$\beta = \frac{Q_g}{Q_g + Q_s} \tag{3.7}$$

şeklinde tanımlanır. Akış için hesaplanan dinamik kuruluk derecesiyle enerji balansı kullanılarak hesaplanan ısıl denge dinamik kuruluk derecesi birbirine eşit olmayabilir. Bunlar iki faz arasında ısıl denge olduğu durumda birbirine eşit olurlar. Ayrıca aşırı soğuk ve film kaynamaları gibi büyük ısıl gradyanların oluştuğu durumlar dışında hesaplanan değerler arasındaki fark oldukça azdır.

#### Denklem (3.3a) ve (3.3b)

$$G_s = G\left(1 - x_{din}\right) \tag{3.8a}$$

$$G_g = G x_{din}$$
(3.8b)

şeklinde tekrar yazılabilir. Elde edilen bağıntıların da toplam akış alanına bölünmesiyle sıvı ve gaz fazları için kütlesel debi sırasıyla

$$W_s = W \left(1 - x_{din}\right) \tag{3.9a}$$

$$W_g = W x_{din}$$
(3.9b)

şeklinde ifade edilebilir.
Denklem (3.2), (3.6) ve (3.7)'de tanımlanan parametreler Denklem (3.3)-(3.5), (3.8) ve (3.9)'da uygun yerlere yerleştirilerek birbirleriyle

$$\left(\frac{1-\alpha}{\alpha}\right) = \left(\frac{u_g}{u_s}\right) \left(\frac{\rho_g}{\rho_s}\right) \left(\frac{1-x_{din}}{x_{din}}\right)$$
(3.10)

$$\left(\frac{1-\alpha}{\alpha}\right) = \left(\frac{u_g}{u_s}\right)\left(\frac{1-\beta}{\beta}\right)$$
(3.11)

$$\left(\frac{1-x_{din}}{x_{din}}\right) = \left(\frac{\rho_s}{\rho_g}\right) \left(\frac{1-\beta}{\beta}\right)$$
(3.12)

olmak üzere farklı şekillerde ilişkilendirilebilirler.

Gaz fazı hızının sıvı fazı hızına oranı kayma oranı olarak isimlendirilir ve

$$s = \frac{u_g}{u_s} = \frac{W_g \rho_s A_s}{W_s \rho_g A_g} = \left(\frac{x_{din}}{1 - x_{din}}\right) \left(\frac{\rho_s}{\rho_g}\right) \left(\frac{1 - \alpha}{\alpha}\right)$$
(3.13)

şeklinde tanımlanır.

Homojen Akış Modeli'nde  $u_g = u_s$  olarak kabul edildiği için kayma oranı s = 1 olur.

Termodinamik kuruluk derecesi ise

$$x = \frac{h - h_s}{h_{sg}} \tag{3.14}$$

şeklinde tanımlanmaktadır. Burada  $h_s$  doyma sıcaklığındaki sıvı fazı entalpisini,  $h_{sg}$  ise doyma sıcaklığındaki buharlaşma gizli entalpisini göstermektedir.

Denklem (3.10) kullanılarak boşluk oranının hesaplanabilmesi için dinamik kuruluk derecesi ve kayma oranı bilinmelidir.

## 3.2 İki-Fazlı Akış Rejimleri

İki-fazlı akış, sıvı ve gaz bileşenlerinin anlık faz hızlarına, basınçlarına, akış doğrultusuna, akış yönüne, akış geometrisine ve sisteme verilen ısı akısına bağlı olarak farklı şekillerde gerçekleşebilmektedir. Akış rejimleri düşey ve yatay akış için farklılık arzetmektedir. Adyabatik akış koşullarında düşey akış için 5 farklı akış rejimi, yatay akış için ise 6 farklı akış rejimi oluşmaktadır. Yer çekiminin etkisinden

dolayı yatay akışta, düşey akıştakinden 1 adet fazla akış rejimi oluşmaktadır (Hewitt, 1977).

# 3.2.1 Düşey akışta akış rejimleri

Şekil 3.1'de düşey akış için kısaca iki-fazlı akış rejimleri tasvir edilmiştir. Akış rejimlerinin tanımlanması için kullanılan çeşitli terminolojiler olmakla beraber genel olarak adyabatik akış için

- habbecikli akış (bubbly flow)
- birleşik-iri habbeli akış (slug flow)
- yarı-halka şeklinde çalkantılı akış (churn flow)
- habbecikli-halka şeklinde iç içe akış (wispy-annular flow)
- halka şeklinde iç içe akış (annular flow)

olmak üzere 5 farklı sınıflandırma yapılır.

Isıtılmış kanal içerisindeki akış rejimi kanal boyunca yerel şartların değişmesinden dolayı sürekli değişir. Şekil 3.2'de yüksek ve düşük kuruluk derecesine sahip akışlar için akış rejiminin değişimi gösterilmiştir. Adyabatik akış için akış rejimleri ısıtılan kanal içerisinde de gözlenmiştir ve kritik ısı akısı (KIA) ilerisindeki şartlar için 2 adet akış rejimi daha ilave edilebileceği belirlenmiştir.



Şekil 3.1 : Düşey akışta iki-fazlı akış rejimleri (Bratland, 2010).

## 3.2.1.1 Habbecikli akış

Habbecikli akış rejiminde, gaz fazı sürekli sıvı faz içerisinde dağınık olarak habbecikler şeklinde bulunur. Habbecikler anormal olarak küçük küre, geniş küre başlığı veya bitiş yüzeyinin düz olması gibi farklı şekillerde olabalirler. Ama bu sıra dışı durumlarda bile habbecik çapı boru çapına ulaşamaz. Habbecikli akış birleşik-iri habbeli akış ile karıştırılabilmektedir.

## 3.2.1.2 Birleşik-iri habbeli akış

Bu akış rejiminde gaz habbecikleri bir araya gelmekte ve büyüklükleri yaklaşık olarak boru çapına ulaşmaktadır. Habbelerin uç kısmı küre başlığı şeklindedir ve habbe içerisindeki gaz, sıvı filminin yavaşça incelmesi ile boru çeperinden ayrılır. Sıvı akışı ard arda gaz habbelerinin ayrılmaları ile oluşan sıvı fazındaki iri habbeleride kapsamaktadır. Ana gaz habbesinin uzunluğu kayda değer şekilde farklı olabilmektedir.

## 3.2.1.3 Yarı halka şeklinde-çalkantılı akış

Yarı halka şeklinde-çalkantılı akış birleşik-iri habbeli akışta oluşan büyük gaz habbelerinin bölünmesi sonucu meydana gelmektedir. Akış karakteristiği zamanla veya salınımla değişebildiği için yarı halka şeklinde-çalkantılı akış adını almıştır. Bu bölüm bazen yarı halka şeklinde iç içe akış veya birleşik-iri habbeli halka şeklinde iç içe akış olarakta isimlendirilmektedir.

# 3.2.1.4 Habbecikli-halka şeklinde iç içe akış

Bu akış rejimi ilk olarak Hewitt ve Hall-Taylor (1970)'de yapılan çalışma sonucu farklı bir akış modeli olarak tanımlanmıştır. Boru çeperi üzerindeki sıvı filmi kalınlığına bağlı olarak akışın merkezinde bulunan gaz içerisine kayda değer miktarda sıvının katılmasıyla birlikte meydana gelen akış şeklidir. Bu akış yüksek kütlesel hızlarda gerçekleşmektedir.

# 3.2.1.5 Halka şeklinde iç içe akış

Halka şeklinde içi içe akışta boru çeperinde sıvı filmi varken akışın merkezinde de gaz bulunmaktadır. Büyük genliğe sahip ahenkli dalgalar film yüzeyinde görülmektedir. Bu dalga şekillerinin sürekliliği gaz içerisinden farklı miktarlarda damlacıklar katılımıyla kesilmektedir. Bu durumun habbecikli-halka şeklinde iç içe akıştan farkı damlacıkların bir arada olmayıp ayrı ayrı bulunmalarıdır.

Şekil 3.2'de düşey akış rejimleri için oluşturulan akış rejimi haritası sunulmuştur.



Şekil 3.2 : Düşey akış için akış rejimi haritası (Hewitt ve Roberts, 1972).

## 3.2.2 Yatay akışta akış rejimleri

Şekil 3.3'te yatay akış için kısaca iki-fazlı akış rejimleri tasvir edilmiştir. Yatay akışta iki-fazlı akış rejimleri 6 farklı şekilde sınıflandırılabilirler. Yatay akışta yer çekimi etkisi sonucu oluşan asimetri sebebiyle akış rejimleri düşey akıştakine nazaran daha komplekstir.

Yatay borularda akış rejimleri genel olarak

- habbecikli akış (bubbly flow)
- tıkaç şeklinde akış (plug flow)
- fazları ayrılmış düzgün ara yüzeyli akış (stratified flow)
- fazları ayrılmış dalgalı ara yüzeyli akış (wavy flow)

- birleşik-iri habbeli akış (slug flow)
- halka şeklinde iç içe akış (annular flow)

şeklinde isimlendirilmektedir.



Şekil 3.3 : Düşey akışta iki-fazlı akış rejimleri (Bratland, 2010).

# 3.2.2.1 Habbecikli akış

Bu akış modeli düşey akıştaki habbecikli akışa benzer olmakla beraber iki akışı ayıran fark oluşan gaz habbeciklerinin borunun üst kısmına doğru hareket etmesidir. Gaz bulunan bölgeler genelde sıvı içerisine dengeli olarak dağılmaz. Bu rejimde büyük ve küçük gaz bölgeleri görülebilir.

# 3.2.2.2 Tıkaç şeklinde akış

Düşey akışta görülen birleşik-iri habbecikli akış rejimine benzer. Burada da gaz habbeleri borunun üst kısmına haraket etme eğilimindedir.

# 3.2.2.3 Fazları ayrılmış düzgün ara yüzeyli akış

Bu model sıvı ve gaz fazlarına ait hızların çok küçük değerlere sahip olduğu zamanlarda meydana gelir. İki-fazlı akış düzgün bir ara yüzey ile ayrılmıştır.

# 3.2.2.4 Fazları ayrılmış dalgalı ara yüzeyli akış

Gaz fazı hızının artması sonucu ara yüzeyin düzgünlüğü bozulur. Ara yüzeyde akış yönünde hareket eden dalgalar oluşur.

## 3.2.2.5 Birleşik-iri habbeli akış

Gaz fazı hızının biraz daha artımasıyla başka bir ifadeyle sıvı ve gaz fazları hız farkının artmasıyla ara yüzeyde oluşan dalga boyları da artar. Oluşan dalgaların borunun üst kısmına ulaşması durumunda birleşik-iri habbeli akış rejimine geçilmiş olur.

## 3.2.2.6 Halka şeklinde iç içe akış

Bu rejimde hala gaz fazı hızı sıvı fazı hızından daha yüksektir. Boru çeperlerinde sıvı varken iç kısımlarda gaz bulunmaktadır. Çeperdeki sıvı filmi boru çeperinin her yerinde olabilir de olmayabilir de ama kesin olan borunun alt yüzeyinde daha kalın olduğudur.

Şekil 3.4'te yatay akış rejimleri için oluşturulan harita sunulmuştur. Şekil 3.5'te ise sıvı su-buhar karışımı için Şekil 3.4'te kullanmak üzere gerekli olan  $\lambda$  ve  $\psi$  değişkenlerinin değerleri verilmiştir.



Şekil 3.4 : Yatay akış için akış rejimi haritası (Baker, 1954).



Şekil 3.5 : Sıvı su-buhar karışımı için  $\lambda$  ve  $\psi$  değerleri (Collier, 1972).

## 3.3 Tek-Fazlı ve İki-Fazlı Akışlarda Basınç Gradyanları

## 3.3.1 Tek-fazlı akışta basınç düşümü

Basınç düşümü akış tarafından akış sınırları üzerine uygulanan kuvvetlerde oluşan büyüklük değişimleridir. Şekil 3.6'da gösterildiği gibi bir boru için kontrol hacmi düşünülerek momentum dengesi denklemi

$$\int_{A} \left[ P - \left( P + \frac{dP}{dz} dz \right) \right] dA = \int_{S} \tau_{duv} dz \, dS + \int_{A} \frac{d}{dz} (Gu) dz \, dA + \int_{A} \rho \, g \sin \theta \, dz \, dA$$
(3.15)

şeklinde yazılabilir.

Burada  $A = A_{x-s}$  olup akışın geçtiği kesit alanını, *S* borunun çevresini ve  $\theta$  borunun yatay eksenle yapmış olduğu açıyı ifade etmektedir. Sabit kütlesel akı, duvar kayma gerilimi ve akışkan yoğunluğu için (ısıtılmamış boru içerisinden adyabatik akışta olduğu gibi) Denklem (3.15)

$$-\frac{dP}{dz} = \frac{S}{A}\tau_{duv} + G\frac{du}{dz} + \rho g\sin\theta$$
(3.16)

şeklinde basitleşmektedir.

Basınç düşümü üç ayrı bileşenden oluşmaktadır. Bunlar sürtünme, ivmelenme ve yer çekiminden kaynaklanan bileşenlerdir.

Kesit alanı üzerinde sabit bir basınç düşümü olduğu varsayımıyla radyal kayma gerilimi Denklem (3.16) yardımıyla

$$\tau_{duv} = -\frac{r}{2} \left( \frac{dP}{dz} + G \frac{du}{dz} + \rho g \sin \theta \right)$$
(3.17)

şeklinde hesaplanabilir.



Şekil 3.6 : Boru içerisinde akış için seçilen bir kontrol hacmi üzerinden momentum dengesi (Leung, 1994).

## 3.3.1.1 Tek-fazlı akışta sürtünmeden kaynaklanan basınç gradyanı

Sürtünmeden kaynaklanan basınç gradyanı büyük ölçüde kanal yüzeyi ile akışkan arasındaki sürtünmeden meydana gelir. Tek-fazlı akışta sürtünmeden kaynaklanan basınç gradyanı

$$\left(-\frac{dP}{dz}\right)_{sur} = \frac{S}{A}\tau_{duv} = \frac{\pi D_i}{\pi \frac{D_i^2}{4}}\tau_{duv} = \frac{4\tau_{duv}}{D_i}$$
(3.18)

şeklinde hesaplanır.

Ayrıca D'arcy-Weisbach denklemi kullanılarak tek-fazlı akışta sürtünmeden kaynaklanan basınç gradyanı

$$\left(-\frac{dP}{dz}\right)_{sur} = \frac{f}{D_i} \frac{\rho u^2}{2}$$
(3.19)

şeklinde hesaplanabilir (Leung, 1994). Burada f, sürtünme katsayısı (friction factor) olarak bilinmektedir.

### 3.3.1.1.1 Adyabatik akışta sürtünme katsayısı bağıntıları

Laminer akış koşullarında sürtünme katsayısı

$$f = \frac{64}{\text{Re}}$$
(3.20)

şeklinde ifade edilir.

Denklem (3.21)'de yer alan Reynolds sayısı

$$\operatorname{Re} = \frac{G D_i}{\mu}$$
(3.21)

şeklinde tanımlanabilirken  $\mu$  dinamik viskoziteyi göstermektedir.

Türbülanslı akımda sürtünme katsayısının belirlenmesi için analitik bir çözüm bulunmamaktadır ve sürtünme katsayısı deneysel olarak elde edilir. Deneysel ölçümler sonucu birçok bağıntı oluşturulmuştur. Gregory ve Fogorosi (1985)'te 12 sürtünme katsayısı korelasyonunu karşılaştırılmış ve referans alınan Colebrook (1939) denklemine en yakın sonucu Chen (1979) korelasyonunu verdiği belirtilmiştir (Leung, 1994).

$$\frac{1}{\sqrt{f}} = -2\log\left(\frac{\frac{k_s}{D_i}}{3,7065} - \frac{5,0452}{\text{Re}}\log\left(\frac{\frac{k_s}{D_i}}{2,8257} + \frac{5,8506}{\text{Re}^{0,8981}}\right)\right)$$
(3.22)

#### 3.3.1.1.2 Isıtılmış akışta sürtünme katsayısı bağıntıları

Sieder ve Tate (1936) yaptıkları araştırma sonucunda

$$\frac{f_q}{f_{ady}} = \left(\frac{\mu_a}{\mu_{duv}}\right)^m \tag{3.23}$$

bağıntısını geliştirmişlerdir. Buradaki *m* sayısı laminer akışta -0,25, türbülanslı akışta -0,14 olarak belirlenmiştir.

Daha sonra Leung vd. (2004)'te yapılan araştırmalar sonucu m sayısının -0,28 değeri almasının daha uygun olduğu belirlenmiştir.

## 3.3.1.2 Tek-fazlı akışta ivmelenmeden kaynaklanan basınç gradyanı

İvmelenmeden kaynaklanan basınç gradyanı kanal boyunca akışta meydana gelen momentum değişimidir ve

$$\left(-\frac{dP}{dz}\right)_{ivm} = G\frac{du}{dz}$$
(3.24)

şeklinde hesaplanır (Leung, 1994).

#### 3.3.1.3 Tek-fazlı akışta yer çekiminden kaynaklanan basınç gradyanı

Tek fazlı akışta yer çekimi nedeniyle oluşan basınç gradyanı

$$\left(-\frac{dP}{dz}\right)_{yer} = \rho g \sin \theta \tag{3.25}$$

şeklinde hesaplanır.

## 3.3.2 İki-fazlı akışta basınç düşümü

Şeki 3.6'da gösterilen ve seçilen bir kontrol hacmi için oluşturulan momentum dengesi denklemi iki-fazlı akış için de geçerlidir.

$$\int_{A} \left[ P - \left( P + \frac{dP}{dz} dz \right) \right] dA = \int_{S} \tau_{duv} dz \, dS + \int_{A} \frac{d}{dz} \left( G_{s} u_{s} + G_{g} u_{g} \right) dz \, dA + \int_{A} \rho_{2\phi} g \sin \theta \, dz \, dA$$
(3.26)

Burada  $\rho_{2\phi}$  iki-fazlı akış yoğunluğu olup farklı şekillerde tanımlanabilmektedir. Tanımlardan biri boşluk oranı üzerine temellendirilmiştir ve

$$\rho_{2\phi} = \alpha \,\rho_g + (1 - \alpha) \rho_s \tag{3.27}$$

şeklinde ifade edilir.

Denklem (3.16)'nın integre edilmesiyle basınç düşümü bağıntısı

$$-\frac{dP}{dz} = \frac{S}{A}\tau_{duv} + \frac{d}{dz}\left((1-\alpha)G_s u_s + \alpha G_g u_g\right) + \left(\alpha \rho_g + (1-\alpha)\rho_s\right)g\sin\theta$$
(3.28)

şeklinde yazılabilir.

Denklem (3.28) dinamik kuruluk derecesine de bağlı olarak

$$-\frac{dP}{dz} = \frac{S}{A}\tau_{duv} + G^2 \frac{d}{dz} \left(\frac{x_{din}^2}{\alpha \rho_g} + \frac{(1-x_{din})^2}{(1-\alpha)\rho_s}\right) + \left(\alpha \rho_g + (1-\alpha)\rho_s\right)g\sin\theta$$
(3.29)

şeklinde ifade edilebilir.

İki-fazlı akışta da basınç düşümü üç ayrı bileşenden oluşmaktadır. Bunlar sürtünme, ivmelenme ve yer çekiminden kaynaklanan bileşenlerdir.

### 3.3.2.1 İki-fazlı akışta sürtünmeden kaynaklanan basınç gradyanı

Tek-fazlı akışta olduğu gibi iki-fazlı akışta da sürtünmeden kaynaklanan basınç gradyanı genel tanımından yaralanılarak

$$\left(-\frac{dP}{dz}\right)_{sur} = \frac{S}{A}\tau_{duv}$$
(3.30)

şeklinde yazılabilir.

## 3.3.2.2 İki-fazlı akışta ivmelenmeden kaynaklanan basınç gradyanı

İki-fazlı akışta ivmelenmeden kaynaklanan basınç gradyanı momentum akısında meydana gelen değişiklik sonucu oluşmaktadır.

Ayrılmış Akış Modeli için ivmelenmeden kaynaklanan basınç gradyanı

$$\left(-\frac{dP}{dz}\right)_{ivm} = G^2 \frac{d}{dz} \left(\frac{x_{din}^2}{\alpha \rho_g} + \frac{(1-x_{din})^2}{(1-\alpha)\rho_s}\right)$$
(3.31)

şeklinde ifade edilebilir.

Burada dinamik kuruluk derecesi Kroeger ve Zuber (1968) tarafından önerilen ve Leung (1994)'te de anlatılan

$$x_{din} = \frac{x - x_{NBU} \exp\left(\frac{x}{x_{NBU}} - 1\right)}{1 - x_{NBU} \exp\left(\frac{x}{x_{NBU}} - 1\right)}$$
(3.32)

bağıntısı kullanılarak ve boşluk oranı da Zuber ve Findlay (1965)

$$\alpha = \frac{x_{din} \rho_s G}{G C_o \left( x_{din} \rho_s + (1 - x_{din}) \rho_g \right) + \rho_s \rho_g u_{gj}}$$
(3.33)

denklemi kullanılarak hesaplanır.

Denklem (3.23)'te bulunan  $u_{gj}$  terimi sürüklenme hızını,  $C_o$  ise dağılım parametresini ifade etmektedir. Zuber ve Findlay (1965) boru içi akışta dağılım parametresinin 1,13 olmasını önermişlerdir. Yine Zuber ve Findlay (1965) sürüklenme hızı için

$$u_{gj} = 1.41 \left(\frac{\sigma g \left(\rho_s - \rho_g\right)}{\rho_s^2}\right)^{1/4}$$
(3.34)

denklemini önermişlerdir. Burada  $\sigma$  yüzey gerilimini göstermektedir.

Homojen Akış Modeli için ivmelenmeden kaynaklanan basınç gradyanı

$$\left(-\frac{dP}{dz}\right)_{ivm} = G^2 \frac{d}{dz} \left(\frac{1}{\rho_h}\right)$$
(3.35)

şeklinde tanımlanabilir.

Burada iki-fazlı akış yoğunluğu

$$\frac{1}{\rho_h} = \frac{x_{din}}{\rho_g} + \frac{(1 - x_{din})}{\rho_s}$$
(3.36)

şeklinde hesaplanır.

## 3.3.2.3 İki-fazlı akışta yer çekiminden kaynaklanan basınç gradyanı

Ayrılmış Akış Modeli için yer çekiminden kaynaklanan basınç gradyanı

$$\left(-\frac{dP}{dz}\right)_{yer} = \rho_{2\phi} g \sin\theta \tag{3.37}$$

şeklinde hesaplanabilir.

Homojen Akış Modeli için yer çekiminden kaynaklanan basınç gradyanı ise

$$\left(-\frac{dP}{dz}\right)_{yer} = \rho_h g \sin\theta \tag{3.38}$$

şeklinde hesaplanabilir.

## 3.4 Temel İki-Fazlı Akış Modelleri

Bu bölümde iki-fazlı gaz-sıvı akışı için en önemli 2 model anlatılacaktır. Modeller mühendislik dizayn hesaplamalarında ve özellikle de yüksek basınca ve sıcaklığa sahip sistemleri modellemek için kullanılmaktadır.

Bu önemli 2 model Homojen Akış Modeli (Homogeneous Model) ve Ayrılmış Akış Modeli (Separated Flow Model) olarak adlandırılır.

## 3.4.1 Homojen akış modeli

Homojen Akış Modeli sıvı ve gaz fazlarının aynı hıza ve ısıl dengeye sahip oldukları varsayımı üzerine oluşturulmuştur. Bu sebeple kayma oranı 1 olmaktadır. Ayrıca bu model sürtünme faktörü veya sisli akış modeli olarakta bilinmektedir. Modelde iki-fazlı akış tek-fazlı gibi düşünülür ve hesaplamalarda akışkana ait ortalama özellikler kullanılır. Homojen Akış Modeli buhar üretimi, petrol ve soğutma endüstrilerinde farklı şekillerde kullanılmaktadır.

Akış rejimleri düşünüldüğü zaman özellikle yüksek liner hız ve basınç değerlerinde habbecikli ve habbecikli-halka şeklinde iç içe akışlar için uygun olabileceği beklenmektedir.

Tek-fazlı akışta sürtünmeden kaynaklanan birim boydaki basınç gradyanı

$$\left(-\frac{dP}{dz}\right)_{sur} = \frac{f}{D_i}\frac{\rho u^2}{2} = \frac{f}{D_i}\frac{G^2}{2\rho}$$
(3.39)

şeklinde yazılabilir. Benzer bir denklem iki-fazlı akış için

$$\left(-\frac{dP}{dz}\right)_{2\phi,sur} = \frac{f_{2\phi}}{D_i} \frac{G^2}{2\rho_{2\phi}}$$
(3.40)

şeklinde yazılabilir.

Buradan hareketle, sadece sıvı fazına bağlı iki-fazlı akış sürtünme çarpanı

$$\phi_{so}^{2} = \frac{(dP/dz)_{2\phi}}{(dP/dz)_{so}} = \frac{f_{2\phi}}{f_{so}} \frac{\rho_{s}}{\rho_{2\phi}}$$
(3.41)

olarak elde edilir.

Homojen Akış Modeli'nde iki-fazlı akış sürtünme çarpanının hesaplanabilmesi için iki-fazlı yoğunluk ( $\rho_{2\phi}$ ) ve viskozite ( $\mu_{2\phi}$ ) terimlerinin belirlenmesi gerekmektedir.

İki-fazlı yoğunluk değeri

$$\frac{1}{\rho_{2\phi}} = \frac{x_{din}}{\rho_g} + \frac{(1 - x_{din})}{\rho_s}$$
(3.42)

bağıntısı ile belirlenirken iki-fazlı viskozite değeri de McAdams vd. (1942)

tarafından önerilen

$$\frac{1}{\mu_{2\phi}} = \frac{x_{din}}{\mu_g} + \frac{(1 - x_{din})}{\mu_s}$$
(3.43)

bağıntısı kullanılarak belirlenir.

Yine McAdams vd. (1942) tarafından iki-fazlı akış sürtünme çarpanı

$$\phi_{so}^{2} = \left(1 + x_{din}\left(\frac{\rho_{s}}{\rho_{g}} - 1\right)\right) \left(1 + x_{din}\left(\frac{\mu_{s}}{\mu_{g}} - 1\right)\right)^{-0.25}$$
 (3.44)

olarak verilmiştir (Leung, 1994).

#### 3.4.2 Ayrılmış akış modeli

Ayrılmış Akış Modeli'nde akışın sıvı ve gaz olmak üzere tam olarak 2 bölüme ayrıldığı düşünülür. Modeli basitleştirmek için herbir akışın ortalama bir hızda hareket ettiği kabul edilir. Ayrılmış Akış Modeli, Lockhart ve Martinelli 1944 yılında konuyla ilgili ilk makalelerini yayınladıklarından beri sürekli geliştirilmektedir.

Ayrılmış Akış Modeli'nde,

- sıvı ve gaz fazlarının hızları sabittir ve birbirine eşit olması gerekmez
- fazlar arasında termodinamik denge oluşmuştur
- akışa ait bağımsız değişkenlerle iki-fazlı akış sürtünme çarpanı ve boşluk oranı arasında ilişki kurabilmek için deneysel korelasyonlar veya basitleştirilmiş kavramlar kullanılabilir

varsayımları yapılmıştır.

Ayrılmış Akış Modeli'nin en basit şekli ile sürekli halde faz sıcaklıkları aynı kabul edilip faz hızlarının farklılığı göz önüne alınarak 1-boyutlu korunum denklemleri;

süreklilik (kütle korunumu) denklemi

$$W = W_s + W_g = \rho_s u_s A_s + \rho_g u_g A_g = sabit$$
şeklinde, momentum dengesi denklemi
$$(3.45)$$

$$-\frac{dP}{dz} = 4\frac{\tau_{duv}}{D_i} + \frac{W}{A}\frac{d}{dz}\left(x_{din}\,u_g + (1-x_{din})u_s\right) + \left(\alpha\,\rho_g + (1-\alpha)\rho_s\right)g\sin\theta \tag{3.46}$$

şeklinde ve enerji korunumu denklemi de

$$\frac{1}{W}\left(\frac{dq}{dz} - \frac{dw}{dz}\right) = \frac{d}{dz}\left(x h_g + (1 - x)h_s\right) + \frac{d}{dz}\left(x \frac{u_g^2}{2} + (1 - x)\frac{u_s^2}{2}\right) + g\sin\theta$$
(3.47)

şeklinde yazılabilir.

## 4. KAYNAMA İLE ISI GEÇİŞİ

Kaynamayı havuz tipi kaynama ve zorlanmış taşınımlı kaynama olarak iki bölüme ayırmak mümkündür.

## 4.1 Havuz Tipi Kaynama

Havuz tipi kaynama (pool boiling), asırı soğutulmuş fazdaki durgun akışkanın içerisine ısıtılmış bir yüzey daldırılması veya dış yüzeyinden ısıtılması sonucu meydana gelmektedir. Şekil 4.1'de havuz tipi kaynamada ısı akısının ısıtılan yüzey sıcaklığına göre değişimi yarı logaritmik eksen takımında sunulmuştur. Şekil 4.1'de A-B noktaları arasındaki bölümünde sıvı fazına doğal taşınımla ısı geçişi gerçekleşmektedir. Isıtmaya devam edildikçe ısıtılan yüzeyde habbecikler oluşmaya başlar ve B' noktasında habbecikli kaynama başlangıcı görülür. Akışkan, B'-C noktaları arasında habbecikli kaynama rejimine geçer. Isıtılan yüzeyde sıvı tabaka kalınlığı azalır ve bu yüzden ısı transfer mekanizmasının iletim ve taşınımdan ziyade ışınım ile olması sonucu ısı yeteri kadar transfer edilemez. Bu durum kritik ısı akısının oluşmasına sebep olur. Isıtılan yüzeyden ısı transferi yeteri kadar gerçekleşemediği için yüzeydeki sıcaklık aşırı derecede artar, öyle ki D' noktasında ısıtılan yüzeydeki malzeme zarar görebilir. Kritik ısı akısı şartlarında, yüzey sıcaklığının değişimi kontrol altına alınabilirse, akışkan D-E yolunu izleyebilir. Bu bölüme geçiş bölgesinde kaynama denilir. Bu bölümdeki kaynama rejimi çok değişkenlik gösterir ve tayin edilmesi zordur. Geçiş bölgesinde, habbecikli kaynama ile film kaynaması rejimleri arası ısı transfer rejimi görülür. E-D' bölümünde yüzeyde gaz fazında film tabakası bulunur. Film kaynamasında iletim ve taşınımla ısı transferi mekanizmaları yanında özellikle yüzey sıcaklığı arttığında ışınımla ısı transfer mekanizması da etkin hale gelir.



Şekil 4.1 : Havuz tipi kaynama grafiği (Collier ve Thome, 1996).

## 4.2 Zorlanmış Taşınımlı Kaynama

Dış yüzeyinden sabit ısı akısıyla ısıtılan borularda zorlanmış taşınımla dolaşımı sağlanan akışkanın basınç düşümü, akışkan içindeki radyal sıcaklık dağılımından etkilenmektedir. Radyal sıcaklık dağılımı ise ısı transferi rejimlerine bağlı olarak değişmektedir. Basınç düşümünün doğru hesaplanabilmesi için ısı transfer rejimlerinin iyi belirlenmesi gerekir.

## 4.2.1 Sıvı fazına (tek-fazlı) zorlanmış taşınımla ısı geçişi

Sıvı fazına (tek-fazlı) ısı geçişi ile ilgili Nusselt sayısına bağlı olarak bir çok korelasyonu geliştirilmiştir.

Korelasyonlarda kullanılan Nusselt sayısı

$$Nu = \frac{h_t D_i}{k}$$
(4.1)

şeklinde tanımlanır. Burada  $h_t$  ısı taşınım k ise ısı iletim katsayılarıdır. Laminer akışta, Nusselt sayısı basınç ve kütle akısından bağımsızdır.

Laminer akışta sabit sıcaklıktaki yüzeyde

$$Nu = 3,6568$$
 (4.2)

olarak, yüzeye sabit ısı akısı uygulandığında ise

$$Nu = 4,3636$$
 (4.3)

olarak kabul edilebileceği Bhatti ve Shah (1987)'de ifade edilmiştir.

Türbülanslı akışta Nusselt sayısı için geliştirilen korelasyonların çoğu Reynolds ve Prandtl sayılarına bağlı olarak tanımlanmıştır.

Dittus-Boelter (1930) korelasyonu türbülanslı akış için en önemli korelasyonlarda birisidir. Dittus-Boelter (1930) korelasyonu pürüzsüz borular için geçerlidir. Bu korelasyona göre Nusselt sayısı

$$Nu = 0,023 \,\mathrm{Re}^{0,8} \,\mathrm{Pr}^{0,4} \tag{4.4}$$

şeklinde hesaplanır. Burada Prandtl sayısı

$$\Pr = \frac{\mu c_{p,s}}{k}$$
(4.5)

şeklinde hesaplanırken Reynolds sayısı da

$$\operatorname{Re} = \frac{G \ D_i}{\mu} \tag{4.6}$$

bağıntısı kullanılarak hesaplanır.

Colburn (1933) Nusselt sayısının daha kolay hesaplanabilmesi için film sıcaklığına bağlı olarak

$$Nu = 0,023 \operatorname{Re}_{film}^{0,8} \operatorname{Pr}_{film}^{1/3}$$
(4.7)

bağıntısını geliştirmiştir.

Rohsenow ve Clark (1951) yüksek basınçta sıvı su-buhar için ısı transferi verilerinden yararlanarak Nusselt sayısı için

$$Nu = 0.019 \text{ Re}^{0.8} \text{ Pr}^{1/3}$$

korelasyonunu geliştirmiştir.

Benzer şekilde Dormer ve Bergles (1964) düşük basınçta sıvı su-buhar akışı için ısı transferi verilerinden yararlanarak Nusselt sayısı için

$$Nu = 0.0157 \,\mathrm{Re}^{0.85} \,\mathrm{Pr}^{0.4} \tag{4.9}$$

korelasyonunu geliştirmiştir.

#### 4.2.2 Habbecikli kaynama başlangıcı

Akış esnasında gaz fazının oluştuğu ilk noktaya habbecikli kaynama başlangıcı denir. Habbecikli kaynama başlangıcı için Davis ve Anderson (1966) alçak ve yüksek basınç koşullarında geçerli olan

$$(\Delta T)_{doy,HKB} = \left(T_{duv} - T_{doy}\right)_{HKB} = \left(\frac{8\sigma q'' T_{doy}}{h_{sg} k \rho_g}\right)_{HKB}^{0.5}$$
(4.10)

korelasyonunu geliştirilmiştir.

## 4.2.3 Net buhar üretim noktası

Düşey boruya 1sı verilmeye devam edildiğinde bir süre sonra yüzeydeki habbeciklerin sayısı ve büyüklüğü artacaktır. Habbecikler üzerindeki sürüklenme (drag force) ve yüzdürme (buoyancy force) kuvvetleri yüzey gerilim kuvvetini yendiği anda habbecikler yüzeyden ayrılırlar. Fakat habbeciğe göre soğuk olan sıkıştırılmış sıvı fazındaki akışkan bu habbecikleri hemen yoğuşturur. Isı akısının artması ile sıvı akışkanın entalpisinin artması ve doyma koşullarına erişilmesi durumunda bu habbecikler artık sıvı içerisinde yoğuşmazlar. İşte bu akışa katılan habbeciklerin oluştuğu ilk noktaya net buhar üretim noktası (point of net vapour generation) denir.

Net buhar üretim noktasının tayini için Levy (1967), Staub (1967) ve Ahmad (1969) araştırma yapmıştır. Fakat bu araştırmalar özel bir takım koşullar için geçerli olduğundan genelleme yapılamamıştır (Leung, 1994).

Saha ve Zuber (1974) akış şartlarına bağlı olarak net buhar üretiminin ısıl veya hidrodinamik olarak belirlenen bir durum olduğunu düşünmüşlerdir. Araştırma yapmak için boru, halka ve dikdörtgen kanal gibi farklı geometrilere sahip, soğutucu

akışkan olarak su, Freon-114 ve Freon-22 gibi farklı akışkanlar kullanılarak elde edilmiş deneysel basınç düşümü ölçümü sonuçlarını bir araya getirmişlerdir. Elde edilen veriler kullanılarak Stanton ve Peclet sayıları arasında sistematik bir trend olduğu belirlenmiş ve bu trende bağlı olarakta net buhar üretim noktasını veren bir korelasyon oluşturulmuştur (Leung, 1994).

Peclet sayısı (*Pe*)

$$Pe = \frac{G D_i c_{p,s}}{k}$$
(4.11)

olarak tanımlanırken Stanton sayısı

$$St = \frac{Nu}{Pe}$$
(4.12)

şeklinde tanımlanır. Saha ve Zuber (1974)'in kurdukları ilişkiye göre

Stanton sayısı, Pe < 70 000 olduğunda

$$St = \frac{455}{Pe} \tag{4.13}$$

şeklinde  $Pe > 70\ 000$  olduğunda ise

$$St = 0,0065$$
 (4.14)

sabit sayısı olarak verilmiştir.

Net buhar üretim (NBU) noktası korelasyonu, Pe < 70 000 olduğunda

$$x_{NBU} = -0,0022 \frac{q'' D_i c_{p,s}}{h_{sg} k}$$
(4.15)

şeklinde  $Pe > 70\ 000$  olduğunda ise

$$x_{NBU} = -154 \frac{q''}{G h_{sg}}$$

$$\tag{4.16}$$

şeklinde tanımlanmıştır.

Yukarıdaki bağıntılarda yer alan  $x_{NBU}$  net buhar üretim noktasındaki termodinamik kuruluk derecesini, q" ısı akısını,  $c_{p,s}$  sıvının sabit basınçtaki özgül ısısını ve k ısı iletim katsayısını göstermektedir. Ayrıca Stanton sayısının genel tanımından yola çıkarak Saha ve Zuber (1974)'in verdikleri Stanton sayısı bağıntısına ait özellikler kullanılarak Nusselt sayısı hesaplanabilmektedir.

Nusselt sayısı,  $Pe < 70\ 000$  olduğunda Nu = 455 (4.17) olarak sabit iken  $Pe > 70\ 000$  olduğunda  $Nu = 0,0065\ Pe$  (4.18) şeklinde hesaplanabilir (Aubé, 1996).

## 4.2.4 Sıvı-buhar arayüzeyinde zorlanmış taşınımla ısı geçişi

Isıtılan düşey borularda ısıtılan yüzeyle, merkezde bulunan gaz fazındaki akışkan arasında sıvı film tabaka bulunur. Bu akış halkalı akış rejiminde görülür.

#### 4.2.5 Film kaynaması

Film kaynamasında, ısıtılan yüzey gaz fazındaki akışkan tarafından soğutulmaya başlamıştır. Isıtılan yüzeyden sıvıya ısı geçişi iletim, taşınım ve ışınım yoluyla gerçekleşmektedir fakat ısı geçişi çok düşük seviyelerdedir. Bu sebeple yüzeydeki sıcaklık ve yüzey ile akışın merkezi arasında sıcaklık farkı artar. Bu durumda akışın faz dağılımı termodinamik kuruluk derecesine bağlıdır.

İki çeşit film kaynaması vardır. Birincisi ters çevrilmiş halkalı akışta film kaynamasıdır. Bu durumda, ısıtılan borularda merkezdeki sıvı buharlaşarak veya gaz film tabakasına karışarak azalır. İkincisinde ise yüksek boşluk oranlarında merkezde akan sıvı damlacıklar halinde olur ve ısı transfer rejimi dağılmış damlacıklı akışta film kaynaması haline gelir.

## 4.2.6 Geçiş bölgesinde kaynama

Kritik ısı akısıyla film kaynama arasında yer alan geçiş bölgesindeki ısı transfer mekanizması çok değişkenlik gösterir. Burada film kaynaması ile habbecikli kaynama arasında bir kaynama mekanizması gözlemlenir.

#### 4.2.7 Kritik ısı akısı

Isıtılan yüzey ile akışkan arasındaki sıvı film tabakasının bittiği noktada kritik ısı akısı görülür. Bu noktadan itibaren ısı verildikçe ısıtılan yüzeyden akışkana yeteri

kadar ısı transfer edilemez. Bu yüzden yüzeydeki sıcaklık aşırı artar ve yüzey malzemesinin yapısını bozabilir.

# 5. İKİ-FAZLI AKIŞTA SÜRTÜNME NEDENİYLE BASINÇ DÜŞÜMÜNÜN VE SÜRTÜNME ÇARPANININ BELİRLENMESİ

## 5.1 İki-Fazlı Akış Sürtünme Çarpanı Tanımları

İki-fazlı akış sürtünme çarpanı, iki-fazlı akıştaki sürtünmeden kaynaklanan basınç düşümünün tek-fazlı akıştaki sürtünmeden kaynaklanan basınç düşümüne oranı olup iki-fazlı akışta sürtünmeden kaynaklanan basınç düşümünün belirlenmesinde kullanılan en yaygın yöntemdir.

İki-fazlı akış sürtünme çarpanı farklı tanımlar kullanılarak hesaplanabilmektedir. Bu tanımlar

$$\phi_{so}^{2} = \frac{\left(\Delta P / \Delta z\right)_{2\phi}}{\left(\Delta P / \Delta z\right)_{so}}$$
(5.1)

$$\phi_{go}^{2} = \frac{\left(\Delta P / \Delta z\right)_{2\phi}}{\left(\Delta P / \Delta z\right)_{go}}$$
(5.2)

$$\phi_s^2 = \frac{\left(\Delta P / \Delta z\right)_{2\phi}}{\left(\Delta P / \Delta z\right)_s}$$
(5.3)

$$\phi_g^2 = \frac{\left(\Delta P / \Delta z\right)_{2\phi}}{\left(\Delta P / \Delta z\right)_g}$$
(5.4)

şeklindedir.

Kütlesel akı Denklem (5.1)'de  $G_{so} = G$ , Denklem (5.2)'de  $G_{go} = G$ , Denklem (5.3)'te  $G_s = (1 - x_{din})G$  ve Denklem (5.4)'te  $G_g = x_{din}G$  değerine eşit olmaktadır. En çok tercih edilen iki-fazlı akış sürtünme çarpanı bağıntısı Denklem (5.1)'de verilen bağıntıdır.

Bu çalışmada iki-fazlı akış sürtünme çarpanı Denklem (5.1)'den faydalanılarak hesaplanacaktır.

# 5.2 Sabit Isı Akısıyla Isıtılmış Düşey Borularda Sıvı Su-Buhar Akışı İçin Geliştirilmiş ve Bu Tez Çalışmasında Kullanılan İki-Fazlı Akış Sürtünme Çarpanı Metodları ve Korelasyonları

Bu bölümde çalışma sırasında kullanılan ve düşey borularda sıvı su-buhar akışı için geliştirilmiş metodlar ve korelasyonlar anlatılacaktır.

Kullanılan yöntemler

A.Grafiksel metodlar

a.Thom metodu

B.Adyabatik akış araştırmaları

a. Chisholm korelasyonu

b. Friedel korelasyonu

C.Isıtılmış borularda akış araştırmaları (Isıtmanın etkisinin ihmal edildiği)

a. CISE araştırmaları

b. Muller-Steinhagen ve Heck araştırmaları

D.Isıtılmış borularda akış araştırmaları (Isıtmanın etkisinin gözönüne alındığı)

a.Tarasova vd. deneyi

şeklinde gruplandırılabilir.

## 5.2.1 Thom (1964) metodu

Thom (1964), Martinelli ve Nelson (1948) tarafından ısıtılmış yatay kanallar için oluşturulan grafiksel metodu sıvı su-buhar kaynamalı düşey akış şartları için genişletmiştir. Thom (1964) geliştirmiş olduğu bu metodu 1-22 MPa basınç ve 0,01-1 termodinamik kuruluk derecesi aralıkları için elde etmiştir (Leung, 1994; Quiben, 2005). Isıtılmış kanal için yerel ve ortalama iki-fazlı akış sürtünme çarpanları basınca bağlı olarak Şekil 5.1 ve 5.2'de sunulmuştur.

Thom (1964) metoduyla belirlenen iki-fazlı akış sürtünme çarpanı Martinelli ve Nelson (1948) metoduyla belirlenenden genel olarak daha küçük değerler almaktadır. Thom (1964) metodunda iki-fazlı akış sürtünme çarpanı

$$\phi_{so}^{2} = \frac{f_{2\phi}}{2 f_{so}} \left( \frac{v}{v_{s}} + 1 \right)$$
(5.5)

şeklinde tanımlanmıştır. Burada v çıkıştaki özgül hacim olup

$$v = \left(\frac{(1 - x_{din})^2}{1 - \alpha} v_s\right) + \left(\frac{x_{din}^2}{\alpha} v_g\right)$$
(5.6)

şeklinde tanımlanmıtır.

Thom (1964)'te bulunan tek-fazlı sürtünme katsayısı için

$$f_{so} = 0,0064$$
 (5.7)

sabit değeri kullanılmıştır.



**Şekil 5.1 :** Thom ısıtılmış düşey kanalda sıvı su-buhar akışı için yerel iki-fazlı akış sürtünme çarpanı grafiği (Leung, 1994).



**Şekil 5.2 :** Thom ısıtılmış düşey kanalda sıvı su-buhar akışı için ortalama iki-fazlı akış sürtünme çarpanı grafiği (Leung, 1994).

Tez kapsamında Thom (1964) metodu için iki-fazlı akış sürtünme çarpanları; ortalama dinamik kuruluk derecesi ve ortalama basınç değerleri kullanılarak grafiklerden alınmıştır.

Ortalama dinamik kuruluk derecesi

$$x_{din,ort} = x_{din} / 2 \tag{5.8}$$

şeklinde ve ortalama basınç

$$P_{ort,2\phi} = (P_{HKB} + P)/2$$
 (5.9)

şeklinde hesaplanmıştır.

#### 5.2.2 Chisholm (1973) korelasyonu

Chisholm (1973) adyabatik akış koşullarında pürüzlü ve düzgün yüzeyli borular için iki-fazlı akış sürtünme çarpanı bağıntısını

$$\phi_{so}^{2} = 1 + \left(\Gamma^{2} - 1\right) \left( B_{Ch} x_{din}^{(2-n)/2} \left( 1 - x_{din} \right)^{(2-n)/2} + x_{din}^{2-n} \right)$$
(5.10)

şeklinde vermiştir (Leung, 1994).

Bu denklemde yer alan  $B_{Ch}$  Chisholm parametresidir ve düzgün yüzeyli borular için Çizelge 5.1'den okunur.

 $\Gamma$  özelik indeksi ise

$$\Gamma = \left(\frac{\rho_s}{\rho_g}\right)^{0.5} \left(\frac{\mu_g}{\mu_s}\right)^{n/2}$$
(5.11)

şeklinde tanımlanmıştır (Leung, 1994).

Denklem (5.10)'de bulunan n, Blasius sabiti olup n = 0,25'tir.

Whalley (1980) yapmış olduğu karşılaştırmalar neticesinde Chisholm (1973) korelasyonunun  $\mu_s/\mu_g \ge 1000$  ve G > 100 için uygun sonuçlar verdiğini belirlemiştir (Hewitt, 1982).

Chisholm (1973) korelasyonu ile elde edilen sonuçlar Baroczy (1965) sonuçları ile uyuşmuştur ve Becker vd. (1962a)'nın kaynamalı akış verileri için de geçerlidir Leung, 1994).

**Çizelge 5.1 :** Chisholm (1973) korelasyonunda düzgün yüzeyli borular için kullanılan  $B_{Ch}$  Chisholm parametresi (Leung, 1994; Quiben, 2005).

Özelik indeksi, Γ	Kütlesel akı $[kg/m^2s], G$	Katsayı, <i>B<sub>Ch</sub></i>
≤ 9,5	$\leq$ 500	4,8
	500 < <i>G</i> < 1900	2400/ <i>G</i>
	≥ 1900	55/G <sup>0,5</sup>
9,5 < Γ < 28	≤ 600	$520/(\Gamma G^{0,5})$
	> 600	21/Г
≥28		$15\ 000/(\Gamma^2\ G^{0,5})$

Tez kapsamında yapılan hesaplamalarda, Denklem (5.10) iki-fazlı akış uzunluğu boyunca integre edilerek ortalama iki-fazlı akış sürtünme çarpanı elde edilmiştir.

Chisholm (1973) ortalama iki-fazlı akış sürtünme çarpanı

$$\overline{\phi_{so}^{2}} = \frac{1}{L_{2\phi}} \int_{0}^{L_{2\phi}} \phi_{so}^{2} dL = \frac{1}{x_{din}} \int_{0}^{x_{din}} \phi_{so}^{2} dx_{din} = \left[ 1 + \left( \Gamma^{2} - 1 \right) \left( B_{Ch} F_{Ch} + \frac{x_{din}^{2-n}}{3-n} \right) \right]$$
(5.12)

bağıntısı kullanılarak hesaplanmıştır.

Burada  $F_{Ch}$  Chisholm integral terimi olup çıkış şartlarındaki dinamik kuruluk derecesi  $x_{din} \langle 0,5 için \%2$  hata ile

$$F_{Ch} = \frac{1}{x_{din}} \int_{0}^{x_{din}} x_{din}^{(2-n)/2} (1 - x_{din})^{(2-n)/2} dx_{din}$$
(5.13)  

$$F_{Ch} x_{din} = \frac{x_{din}^{(2-n/2)+1}}{(2-n/2)+1} - \frac{(2-n/2)x_{din}^{(2-n/2)+2}}{(2-n/2)+2} + \frac{(2-n/2)((2-n/2)-1)x_{din}^{(2-n/2)+3}}{2((2-n/2)+3)} - \frac{(2-n/2)((2-n/2)-1)((2-n/2)-2)x_{din}^{((2-n/2)+3)}}{6((2-n/2)+4)}$$
(5.14)

şeklinde  $x_{din} \ge 0,5$  için ise benzer şekilde

$$F_{Ch} = \frac{1}{x_{din}} \left( 0,2056 - \int_{0}^{1-x_{din}} (2-n)^{1/2} (1-x_{din})^{(2-n)^{1/2}} dx_{din} \right)$$
(5.15)

şeklinde hesaplanmıştır.

## 5.2.3 Friedel (1979) korelasyonu

Friedel (1979) düşey ve yatay borulardan elde edilmiş 25 000 adet basınç düşümü ölçüm sonucundan oluşan veri tabanını kullanarak iki-fazlı akış sürtünme çarpanını

$$\phi_{so}^{2} = C_{F1} + \frac{3,24 C_{F2}}{Fr^{0,045} We^{0,035}}$$
(5.16)

şeklinde tanımlamıştır (Tran, 1998).

Burada kullanılan  $C_{F1}$  ve  $C_{F2}$  sayıları sırasıyla

$$C_{F1} = (1 - x_{din})^2 + x_{din}^2 \left(\frac{\rho_s}{\rho_g}\right) \left(\frac{f_{go}}{f_{so}}\right)$$
(5.17)

$$C_{F2} = x_{din}^{0,78} (1 - x_{din})^{0,24} \left(\frac{\rho_s}{\rho_g}\right)^{0,91} \left(\frac{\mu_g}{\mu_s}\right)^{0,19} \left(1 - \frac{\mu_g}{\mu_s}\right)^{0,7}$$
(5.18)

şeklinde hesaplanırken Froude ve Weber sayıları da

$$Fr = \frac{G^2}{g D_i \rho_{2\phi}^2}$$
(5.19)

$$We = \frac{G^2 D_i}{\rho_{2\phi} \sigma}$$
(5.20)

şeklinde hesaplanmaktadır (Tran, 1998. Leung, 1994).

İki-fazlı akıştaki ortalama yoğunluk terimi ise

$$\rho_{2\phi} = \left(\frac{x_{din}}{\rho_g} + \frac{1 - x_{din}}{\rho_s}\right)^{-1}$$
(5.21)

şeklinde tanımlanmıştır (Leung, 1994).

İki-fazlı sürtünme katsayısı Reynold sayısına bağlı olarak

$${
m Re}_{so} \langle 1055 \, {
m için} 
ight.$$
  
 $f = 64 / {
m Re} 
ight.$ 
(5.22)

ve

 $\operatorname{Re}_{so} \ge 1055$  için

$$f = \left(0,86859 \ln\left(\frac{\text{Re}_{so}}{(1,964 \ln \text{Re}_{so} - 3,8215)}\right)\right)^{-2}$$
(5.23)

şeklinde hesaplanır.

Friedel (1979) korelasyonu  $0 \le x_{din} \langle 1$ aralığı için kullanılabilmektedir (Quiben, 2005). Ayrıca Whalley (1980), Friedel (1979) korelasyonunun  $\mu_s/\mu_g \langle 1000$  koşulunda uygun sonuçlar verdiğini belirlemiştir (Hewitt, 1982; Quiben, 2005).

Tez kapsamında yapılan hesaplamalarda, ortalama iki-fazlı akış sürtünme çarpanını elde etmek amacıyla Denklem (5.17), Denklem (5.18) ve Denklem (5.21)'de bulunan  $x_{din}$  yerine Denklem (5.8)'de tanımlanan  $x_{din,ort}$  kullanılmıştır.

#### 5.2.4 Lombardi ve Pedrocchi (1972) korelasyonu (CISE araştırmaları)

Bu korelasyon iki-fazlı düşey adyabatik ve ısıtılmış ölçüm sonuçları kullanılarak geliştirilmiş ve yine aynı koşullarda elde edilen ölçüm sonuçlarına karşı test edilip doğru olduğu kanıtlanmıştır (Idsinga, 1975).

Lombardi ve Pedrocchi (1972) boru içerisindeki akışta iki-fazlı akış sürtünme çarpanını

$$\phi_{so}^{2} = \frac{1,66 \,\sigma^{0,4} \,\rho_{s}}{f_{2\phi} \,\rho_{2\phi}^{0,86} \,G^{0,6} \,D_{i}^{0,2}}$$
(5.24)

şeklinde tanımlamaktadır (Leung, 1994).

Buradaki iki-fazlı akış sürtünme katsayısı ve yoğunluk terimi Friedel (1979)'da verilen bağıntılar kullanılarak hesaplanmaktadır.

Lombardi ve Pedrocchi (1972) geliştirdikleri korelasyonun

$$1055 \le \text{Re}_{so}$$
  

$$500 \le G \le 5000 \ kg \ / \ m^2 s$$
  

$$0,005 \le D_i \le 0,025 \ m$$
  

$$0,02 \le \sigma \le 0,08 \ N \ / \ m$$
  

$$15 \le P \le 100 \ bar$$
  

$$0,1 \le L \le 4 \ m$$
  

$$0,01 \le x_{ter} \le 0,98$$
  

$$15 \le \rho_s \ / \ \rho_g \le 100$$

aralıklarında geçerli olduğunu belirtmiştir.

Tez kapsamında yapılan hesaplamalarda, Denklem (5.24) iki-fazlı akış uzunluğu boyunca integre edilerek ortalama iki-fazlı akış sürtünme çarpanı elde edilmiştir.

Lombardi ve Pedrocchi (1972) ortalama iki-fazlı akış sürtünme çarpanı

$$\overline{\phi_{so}^{2}} = \frac{1}{L_{2\phi}} \int_{0}^{L_{2\phi}} \phi_{so}^{2} dL = \frac{1}{x_{din}} \int_{0}^{x_{din}} \phi_{so}^{2} dx_{din}$$
$$= \frac{1,66 \sigma^{0,4} \rho_{s}}{f_{2\phi} G^{0,6} D_{i}^{0,2} x_{din}} \frac{1}{1,86 \left(\frac{1}{\rho_{g}} - \frac{1}{\rho_{s}}\right)} \left( \left(\frac{x_{din}}{\rho_{g}} + \frac{1 - x_{din}}{\rho_{s}}\right)^{1,86} - \left(\frac{1}{\rho_{s}}\right)^{1,86} \right)$$
(5.25)

bağıntısı kullanılarak hesaplanmıştır.

## 5.2.5 Muller-Steinhagen ve Heck (1986) korelasyonu

Muller-Steinhagen ve Heck (1986) farklı akışkanlar için sürtünmeden kaynaklanan basınç düşümünü hesaplayabilmek için basit bir korelasyon türettiler. Bu korelasyon, sıvı ve gaz fazlarının basınç düşümlerine ilaveten dinamik kuruluk derecesi de dikkate alınarak liner interpolasyon yapılması üzerine temellendirilmiştir. Muller-Steinhagen ve Heck (1986) korelasyonu

$$\left(\frac{dP}{dz}\right)_{sur} = \left(\left(\frac{dP}{dz}\right)_{sur,so} + 2x_{din}\left(\left(\frac{dP}{dz}\right)_{sur,go} - \left(\frac{dP}{dz}\right)_{sur,so}\right)\right) (1 - x_{din})^{1/3} + x_{din}^{3} \left(\frac{dP}{dz}\right)_{sur,go}$$
(5.26)

şeklinde ifade edilmektedir. Burada

$$\left(\frac{dP}{dz}\right)_{sur,so} = f_{so} \frac{G^2}{2\rho_s D_i} = A_{MSH}$$
(5.27)

$$\left(\frac{dP}{dz}\right)_{sur,go} = f_{go} \frac{G^2}{2\rho_g D_i} = B_{MSH}$$
(5.28)

şeklinde hesaplanmaktadır.  $f_{so}$  ve  $f_{go}$  terimleri ise

 $\operatorname{Re}_{so}$ ,  $\operatorname{Re}_{go} \leq 1187$  olması durumunda,

$$f_{so} = \frac{64}{\text{Re}_{so}}$$
(5.29)

$$f_{go} = \frac{64}{\operatorname{Re}_{go}}$$
(5.30)

ve  $\operatorname{Re}_{so}$ ,  $\operatorname{Re}_{go}$  >1187 olması durumunda

$$f_{so} = \frac{0.3164}{\operatorname{Re}_{so}^{-1/4}}$$
(5.31)

$$f_{go} = \frac{0.3164}{\operatorname{Re}_{go}^{-1/4}}$$
(5.32)

şeklinde belirlenmelidir.

Denklem (5.29)-(5.32)'de yer alan Reynolds sayıları

$$\operatorname{Re}_{so} = \frac{G D_i}{\mu_s}$$
(5.33)

$$\operatorname{Re}_{go} = \frac{G D_i}{\mu_g}$$
(5.34)

şeklinde tanımlanır (Leung, 1994).

Muller-Steinhagen ve Heck (1986) korelasyonu  $0 \le x_{din} \langle 1$ aralığı için kullanılabilmektedir. Ayrıca, Muller-Steinhagen ve Heck (1986) türettikleri korelasyon için uygulama alanının  $\operatorname{Re}_{so} \rangle 100$  akış koşullarında ve gaz fazına ait basınç düşümü değerinin sıvı fazına ait olandan fazla olduğu durumlarda geçerli olacak şekilde sınırlandırılmasını tavsiye etmiştir (Leung, 1994).

Tez kapsamında yapılan hesaplamalarda, ortalama iki-fazlı akış sürtünme çarpanını elde etmek amacıyla Denklem (5.26)'da bulunan  $x_{din}$  yerine Denklem (5.8)'de tanımlanan  $x_{din,ort}$  kullanılmıştır.

#### 5.2.6 Tarasova vd. (1966) korelasyonu

Tarasova vd. (1966) borularda ve halkalarda yüksek basınçlı sıvı su-buhar akışı için yerel koşullarda ısıtma etkisini gözlemlemiştir. Çalışmada ısıtılmış kanallarda aşırı soğuk ve doymuş kaynama durumlarında basınç gradyanının arttığı ve zorlanmış taşınımlı buharlaşma durumunda da basınç gradyanının azaldığı belirlenmiştir. Tarasova vd. (1966)'da doymuş kaynama durumu için

$$\frac{\phi_{so,aq}^{2}}{\phi_{so,ady}^{2}} = 1 + 0,0044 \left(\frac{q''}{G}\right)^{0,7}$$
(5.35)

düzeltme faktörü geliştirilmiştir (Leung, 1994).

Burada q" ısı akısını G ise kütlesel akıyı ifade etmektedir.

Aşırı soğutulmuş kaynama koşulları için bu faktör

$$\frac{\phi_{so,q}^{2}}{\phi_{so,ady}^{2}} = 1 + \frac{20Z}{1,315Z} \left(\frac{q}{h_{sg}G}\right)^{0,7} \left(\frac{\rho_{s}}{\rho_{g}}\right)^{0,08}$$
(5.36)

şeklinde tanımlanmıştır.

Burada Z katsayısı

$$Z = \frac{h - h_{HKB}}{h_{NBU} - h_{HKB}} = \frac{z - z_{HKB}}{z_{NBU} - z_{HKB}}$$
(5.37)

olarak hesaplanmaktadır.

Denklem (5.37)'deki z,  $z_{HKB}$  ve  $z_{NBU}$  noktaları arasında aşırı soğuk kaynama bölgesinde kalan bir eksenel mesafeyi ve h o noktadaki entalpiyi ifade etmektedir.

Tez kapsamında Tarasova vd. (1966) korelasyonu, deneysel ölçüm sonuçlarında verilen bilgiler yetersiz olduğu için sadece doymuş kaynama şartları için geçerli olan ve Denklem (5.35)'te verilen bağıntı kullanılarak sınırlı olarak uygulanabilmiş ve bu sebeple ısıtma etkisi tam olarak test edilememiştir.
# 6. İKİ-FAZLI AKIŞ SÜRTÜNME ÇARPANININ BASINÇ DÜŞÜMÜ ÖLÇÜMLERİ VE SEÇİLEN KORELASYONLAR KULLANILARAK HESAPLANMASI, HATA ANALİZLERİ VE SONUÇLARIN DEĞERLENDİRİLMESİ

Bu bölümde iki fazlı akış sürtünme çarpanının  $(\phi_{so}^2)$  basınç düşümü  $(\Delta P)$ ölçümlerinden hesaplanması yöntemi örnek bir uygulama üzerinde ayrıntılı olarak anlatılacaktır. Literatürden elde edilen  $\Delta P$  ölçümleri için hem bu hesaplama yöntemi hem de seçilen korelasyonlar kullanılarak  $\phi_{so}^2$  değerleri hesaplanacaktır. Kullanılan hesaplama yöntemi ve korelasyonlar ile  $\phi_{so}^2$  belirlendikten sonra hesaplama yöntemi ile bulunan  $\phi_{so,hes}^2$  sonuçları doğru kabul edilip, korelasyonlar kullanılarak bulunan  $\phi_{so,kor}^2$  her korelasyon için ayrı ayrı olmak üzere ortalama ve RMS hata oranları bulunacaktır. Bulunan ortalama ve RMS hata oranları basınç, kütlesel akı, termodinamik kuruluk derecesi ve ısı akısına bağlı olarak ayrı ayrı irdelenecektir. İrdeleme sonucunda ölçümle belirlenlerle en uyumlu olduğu düşünülen korelasyon belirlenecek ve bu korelasyon yardımıyla deneysel basınç düşümü ölçümü sonuçlarının ortalama ve RMS hataları karşılaştırılacaktır.

Literatürde yer alan ve bu tez kapsamında incelenen ısıtılmış ve adyabatik düşey borularda sıvı su-buhar akışında deneysel basınç düşümü ölçüm sonuçları Çizelge 6.1 ve Çizelge 6.2'de özetlenmiştir. Farklı araştırmacılara ait deneysel basınç düşümü ölçümlerini aynı çizelgede sunabilmek için boru iç çapları ve basınç değerleri gibi bazı verilerin birimleri dönüştürülürken literatürde sunulmayan veya basınç düşümü dikkate alınmaksızın enerji dengesi denkleminden hesaplanarak literatürde sunulan termodinamik kuruluk derecesi verileri de basınç düşümü dikkate alınarak yazılan enerji dengesi denkleminden hesaplanmıştır.

Isıtılmış borularda ısıtılmış uzunluktan çıkış koşulları veya adyabatik borularda boru çıkışı koşulları için verilen veya hesaplanan basınç, sıcaklık, termodinamik kuruluk derecesi, dinamik kuruluk derecesi, boşluk oranı gibi değerler ifade edilirken çıkış koşullarına ait olduğunu belirtmek üzere herhangi bir alt indis kullanılmamıştır.

Araştırmacı	$D_i$	$L_{a}$	P	G	x	q"	$\Delta P$	Veri
-	ı	9						sayısı
	<i>(m)</i>	<i>(m)</i>	(kPa)	$(kg/m^2s)$	-	$(kW/m^2)$	(kPa)	5
Alessandrini vd. (1963)	0,0152- 0,0249	2,45	4992- 5090	1080- 3890	0,022- 0,515	1680- 2710	30,40- 136,32	48
Peterlongo vd. (1964)	0,0151	4,02	4982- 5050	1070- 3940	0,145- 0,608	1080- 2260	72,56- 279,49	79
Leung (1994)	0,0055	2,50	5020- 9730	1130- 9980	-0,20- 0,563	113-3220	0,00- 1553,80	1141
Olekhnovitch (1997)	0,0080	1,00- 3,50	507- 4036	977-6122	0,047- 0,760	523-5550	56,00- 1742,00	479
Olekhnovitch vd. (2004)	0,0080- 0,0157	1,00- 3,00	980- 3993	910-6140	-0,06- 0,648	57-4663	10,00- 926,70	8574

Çizelge 6.1 : Isıtılmış düşey borularda sıvı su-buhar akışında deneysel basınç düşümü ölçüm sonuçları.

Çizelge 6.2 : Adyabatik düşey borularda sıvı su-buhar akışında deneysel basınç düşümü ölçüm sonuçları.

Araştırmacı	$D_i$	L	Р	G	x	q"	$\Delta P$	Veri
				(1 / 2 )		(1) (1)		sayısı
	(m)	(m)	(kPa)	$(kg/m^2s)$	-	$(kW/m^2)$	(kPa)	
Alessandrini	0,0152-	0,82-	4913-	1080-	0,016-	0	11,86-	208
vd. (1963)	0,0249	2,49	5992	3890	0,648		242,52	

Konumdan bağımsız olarak (düzgün) ısıtılmış boru için çıkış şartlarındaki termodinamik kuruluk derecesi literatürde basınç kaybı ihmal edilerek yazılan ısıl denge bağıntısı ile

$$x = 4 \left( \frac{q''}{G h_{sg@P_{gir}}} \right) \left( \frac{L_q}{D_i} \right) - \left( \frac{\Delta h_{gir}}{h_{sg@P_{gir}}} \right)$$
(6.1)

şeklinde hesaplanmaktadır. Basınç düşümünün dikkate alındığı durumda ise çıkış şartlarındaki termodinamik kuruluk derecesi yine Şekil 6.1 yardımıyla yazılan ısıl denge bağıntısı ile

$$x = 4 \left( \frac{q''}{G h_{sg@P}} \right) \left( \frac{L_q}{D_i} \right) - \left( \frac{h_{s@P} - h_{gir@(P,T)_{gir}}}{h_{sg@P}} \right)$$
(6.2)

şeklinde hesaplanabilir.

Şekil 6.1'de  $G A_{x-s} h_{gir}$  girişteki toplam akış entalpisini,  $G A_{x-s} h$  çıkıştaki toplam akış entalpisini, P çıkıştaki basıncı ve  $P_{gir}$  giriş basıncını ifade etmektedir. Bu çalışmada düzgün ısıtılmış boru için çıkıştaki termodinamik kuruluk derecesi Denklem (6.2) kullanılarak hesaplanacaktır.





İki-fazlı akışın meydana geldiği iki-fazlı akış uzunluğu da  $(L_{2\phi})$ , Şekil 6.1'den yararlanılarak

$$L_{2\phi} = \frac{G D_i h_{sg@P} (x - x_{HKB})}{4 q''}$$
(6.3)

şeklinde yazılan enerji dengesi bağıntısı kullanılarak hesaplanmıştır. Bu bağıntıda yer alan habbecikli kaynamanın başlangıcındaki termodinamik kuruluk derecesi Şekil 6.1'den yararlanılarak

$$x_{HKB} = \frac{h_{@(P,T_a)_{HKB}} - h_{s@P}}{h_{sg@P}}$$
(6.4)

olarak hesaplanabilir.

### 6.1 Isıtılmış Düşey Borularda Sıvı Su-Buhar Akışında Deneysel Basınç Düşümü Ölçümlerinde İki-Fazlı Akış Sürtünme Çarpanı Hesaplanması Örneği

Çizelge 6.3'te gösterilen veriler, Leung (1994) tarafından doktora tezi çalışmasında elde edilmiş deneysel basınç düşümü ölçümlerinden bir tanesine ait olup hesaplama yönteminin ayrıntılı olarak anlatılacağı örnekte kullanılmak üzere seçilmiştir. Benzeri bir hesaplama örneği Gengeç (2010)'da da mevcuttur. Ancak bu tez çalışmasındaki yöntem ile hesaplamanın daha doğru sonuçlar vermesi sağlanmıştır. Burada bir karşılaştırma yapmaya olanak sağlamak amacıyla örnek hesaplama için Gengeç (2010)'da kullanılan deneysel basınç düşümü ölçüm verisi seçilmiştir.

**Çizelge 6.3 :** Örnek hesaplama için seçilen deneysel basınç düşümü ölçümüne ait veriler (Leung, 1994).

Kod	Tarih	Р	T <sub>gir</sub>	Т	T <sub>çev</sub>	W	q	$\Delta P$
		(MPa)	(° <i>C</i> )	(° <i>C</i> )	(° <i>C</i> )	(g/s)	(kW)	(kPa)
DPB74310	27/09/89	7,05	255,65	288,35	23,26	101,84	50,16	345,24

Leung (1994) doktora tezinde, deney düzeneğinde kullandığı boruya ait iç çap  $D_i$ , ısıtılan uzunluk  $L_q$  ve yüzey pürüzlülüğü  $k_s$  değerleri için aşağıdaki bilgileri vermiştir.

$$D_i = 5,45 \, mm = 0,00545 \, m$$

 $L_q = 2,5 \, m$ 

$$k_s = 5,6135 \,\mu m$$

Yukarıda yer alan deneysel olarak belirlenmiş basınç düşümü verileri hesaplama yönteminde kullanılarak iki-fazlı akış sürtünme çarpanı elde edilecektir. İki-fazlı akış sürtünme çarpanı Denklem (5.1)'de verilen

$$\phi_{so}^{2} = \frac{\Delta P_{sur,2\phi@L_{2\phi}}}{\Delta P_{sur,1\phi@L_{2\phi}}}$$

bağıntısı kullanılarak hesaplanacaktır.

İki-fazlı akış sürtünme çarpanını hesaplayabilmek için sırasıyla iki-fazlı akış uzunluğu, hesaplanan iki-fazlı akış uzunluğu boyunca tek-fazlı akış olması durumunda sürtünmeden kaynaklanan basınç düşümü ve son olarak yine hesaplanan iki-fazlı akış uzunluğu boyunca iki-fazlı akış olması durumunda sürtünmeden kaynaklanan basınç düşümü değerleri belirlenmelidir.

Hesaplamalar sırasında sıvı su ve su buharı ile ilgili termodinamik ve termofiziksel özelliklerin tamamı ChemicaLogic SteamTab Companion Thermodynamic and Transport Properties of Water and Steam Version 2.0 (TTPWS-v2.0) programı kullanılarak belirlenecektir.

İki-fazlı akışın meydana geldiği iki-fazlı akış uzunluğu  $L_{2\phi}$  Denklem (6.3)'ten yararlanılarak hesaplanır. Hesaplama yöntemine göre iki-fazlı akış uzunluğunu hesaplayabilmek için aşağıda anlatılan yol izlenmiştir.

Öncelikle Denklem (4.10)'da sunulan

$$(\Delta T)_{doy,HKB} = \left(T_{duv} - T_{doy}\right)_{HKB} = \left(\frac{8\sigma q'' T_{doy}}{h_{sg} k \rho_g}\right)_{HKB}^{0.5}$$

Davis ve Anderson (1966) bağıntısından yararlanarak habbecikli kaynamanın başladığı koşullardaki duvar sıcaklığının  $T_{duv,HKB}$  belirlenmesi gerekmektedir.

Buna göre

$$\left(\Delta T\right)_{doy,HKB} = \left(\frac{8 \times (0,01676 \ N \ / \ m) \times (1171,85 \ kW \ / \ m^2) \times (562,72 \ K)}{(1479,63 \ kJ \ / \ kg) \times (0,5657 \ W \ / \ mK) \times (38,85 \ kg \ / \ m^3)}\right)^{0,5} = 1,65 \ K$$

olarak hesaplanır. Burada, boru girişindeki basınç

$$P_{gir} = P + \Delta P$$
  
= (7,05×10<sup>3</sup> kPa) + (345,24 kPa) = 7395,24 kPa

olarak belirlenmiştir. Ayrıca, boru içerisine suyun aşırı soğutulmuş sıvı fazında girdiği ve boru içerisinde tek-fazlı sıvı akışının gerçekleştiği uzunlukta meydana gelen basınç düşümünün hesaplamanın bu aşamasında ihmal edilebileceği varsayımıyla  $P_{HKB} \cong P_{gir}$  olarak kabul edilmiştir.

HKB'deki basınca ( $P_{HKB}$ ) bağlı olarak termodinamik ve termofiziksel özelikler TTPWS-v2.0 programı yardımıyla

$$T_{doy@P_{HKB}} = 562,72 \, K$$

$$\rho_{g@P_{HKB}} = 38,85 \ kg \ / m^{3}$$

$$\rho_{s@P_{HKB}} = 732,72 \ kg \ / m^{3}$$

$$k_{@P_{HKB}} = 0,5657 \ W \ / mK$$

$$h_{s@P_{HKB}} = 1287,71 \ kJ \ / \ kg$$

$$h_{sg@P_{HKB}} = 1479,63 \ kJ \ / \ kg$$

$$\sigma_{@P_{HKB}} = 0,01676 \ N \ / m$$

$$\mu_{s@P_{HKB}} = 89,82 \times 10^{-6} \ Ns \ / m^{2}$$

olarak belirlenir.

Denklem (4.10)'daki q" 1s1 akısını ifade etmektedir ve

$$q'' = \frac{q}{\pi D_i L_q} = \frac{50,16 \, kW}{\pi \times (0,00545 \, m) \times (2,5 \, m)} = 1171,85 \, kW / m^2$$

şeklinde hesaplanır. HKB koşullarındaki duvar sıcaklığı

$$(\Delta T)_{doy} = (T_{duv} - T_{doy})_{HKB} = 1,65 K = T_{duv} - (562,72 K)$$

$$T_{duv,HKB} = 564,37 K$$

olarak belirlendikten sonra akışkanın HKB'deki akış kesiti üzerine ortalaması alınmış sıcaklığı

$$T_{a,HKB} = T_{duv,HKB} - \begin{pmatrix} q'' \\ h_t \end{pmatrix}$$
(6.5)

şeklinde yazılabilen Newton'un Soğurma Yasası yardımıyla iteratif olarak hesaplanır.

Burada iterasyonu başlatabilmek için akışkanın HKB'deki akış kesiti üzerine ortalaması alınmış sıcaklığı ile ilgili bir öngörüde bulunmak gertekir. Bunun için örneğin

$$T_{a,ilk,HKB} = T_{doy,HKB} - 5 = (562,72 K) - 5 = 557,72 K$$

alınabilir. Buna bağlı olarak HKB'deki film sıcaklığı ve o sıcaklıktaki akışkan için

ısı taşınım katsayısı  $h_t$  belirlenip Denklem (6.5)'te yerine konarak  $T_{a,HKB}$  hesaplanır.

İterasyonun sonuçlanması için ise

$$\frac{T_{a,HKB} - T_{a,ilk,HKB}}{T_{a,HKB}} \le 0,01$$

yakınsaması koşulu belirlenmiş bu koşul sağlanana kadar bulunan her sonuç sonrasında

$$T_{a,ilk,HKB} = 0,1 \times T_{a,HKB} + 0,9 \times T_{a,ilk,HKB}$$

olarak kabul edilerek iterasyon işlemleri tekrarlanmıştır.

Bu örnek için yapılan iterasyon sonucunda HKB'deki akış kesiti üzerine ortalaması alınmış akışkan ve film sıcaklıkları sırasıyla

$$T_{a,HKB} = (564,37 K) - \begin{pmatrix} 1171,85 kW / m^2 \\ 40,36 kW / m^2 K \end{pmatrix} = 535,34 K$$

$$T_{film,HKB} = \frac{(T_{a,ilk} + T_{duv})_{HKB}}{2} = 550,06 K$$

olarak belirlenmiştir.

Son iterasyonda HKB'deki film sıcaklığına ( $T_{film,HKB}$ ) bağlı olarak termodinamik ve termofiziksel özelikler TTPWS-v2.0 programı yardımıyla

$$k_{(a,T_{film,HKB})} = 0,5859 W / mK$$

$$c_{p,s@T_{film,HKB}} = 5,23 \, kJ / kg \, K$$

$$\mu_{s@T_{film,HKB}} = 94,72 \times 10^{-6} \, Ns \, / \, m^2$$

olarak belirlenmiştir.

Yine son iterasyonda HKB'deki film sıcaklığı koşulunda ısı taşınım katsayısı  $h_t$ Denklem (4.1)'den yararlanılarak

$$h_t = \frac{Nu \, k_{\textcircled{@}T_{film,HKB}}}{D_i} = \frac{375,44 \times (0,5859 \times 10^{-3} \, kW \,/\, mK)}{0,00545 \, m} = 40,36 \, kW \,/\, m^2 K$$

şeklinde hesaplanır. Isi taşınım katsayısının hesaplanabilmesi için gerekli olan Nusselt sayısı ise Rohsenow ve Clark (1951) tarafından oluşturulan ve Denklem (4.8)'de sunulan bağıntı ile

$$Nu = 0,019 \text{ Re}^{0.8} \text{ Pr}^{1/3} = 0,019 \times 251183,32^{0.8} \times 0,846^{1/3} = 375,44$$

şeklinde hesaplanmıştır.

Burada Prandtl sayısı Denklem (4.5) kullanılarak

$$\Pr = \frac{\mu_{@T_{film,HKB}} c_{p,s@T_{film,HKB}}}{k_{@T_{film,HKB}}} = \frac{(94,72 \times 10^{-6} Ns/m^2) \times (5,23 kJ/kg K)}{0,5859 \times 10^{-3} kW/mK} = 0,846$$

olarak belirlenirken, Reynolds sayısı da Denklem (4.6) kullanılarak

$$\operatorname{Re} = \frac{G D_i}{\mu_{@T_{film,HKB}}} = \frac{(4365,52 \text{ kg} / m^2 s) \times (0,00545 \text{ m})}{94,72 \times 10^{-6} \text{ Ns} / m^2} = 251183,32$$

şeklinde hesaplanmıştır.

Reynolds bağıntısında bulunan G kütlesel akıyı temsil etmektedir ve

$$G = \frac{W}{\pi D_{i}^{2}/4} = \frac{101,84 \times 10^{-3} \text{ kg/s}}{\pi \times (0,00545 \text{ m})^{2}/4} = 4365,52 \text{ kg/m}^{2} \text{s}$$

şeklinde hesaplanmıştır.

Akışkanın HKB'deki akış kesiti üzerine ortalaması alınmış sıcaklığı ( $T_{a,HKB}$ ) belirlendikten sonra iterasyon sırasında herhangi bir hata olup olmadığını kontrol etmek için iterasyon sırasında bulunan  $T_{film,HKB}$  değeri belirlenen  $T_{a,HKB}$  değeri kullanılarak tekrardan hesaplanabilir. Buna göre son  $T_{film,HKB}$  değeri

$$T_{film,HKB} = \frac{(T_a + T_{duv})_{HKB}}{2} = \frac{(535,34 \text{ K}) + (564,37 \text{ K})}{2} = 549,86 \text{ K}$$

olur. İterasyon sırasında bulunan  $T_{film,HKB} = 550,06 K$  değeri sondan bir önceki  $T_{a,HKB}$  değeri kullanılarak elde edildiği için sondan bir önceki  $T_{film,HKB} = 549,86 K$  değerinden biraz farklı olması iterasyon yapıldığı ve yakınsama kıstasını sağladığı için beklenen bir sonuçtur.

Denklem (6.4)'te ifade edilen HKB'deki termodinamik kuruluk derecesi

$$x_{HKB} = \frac{h_{s@(P,T_a)_{HKB}} - h_{s@P}}{h_{sg@P}} = \frac{(1144,9 \, kJ / kg) - (1270,23 \, kJ / kg)}{1501,75 \, kJ / kg} = -0,08346$$

şeklinde hesaplanır.

Çıkış basıncına (*P*) bağlı olarak termodinamik ve termofiziksel özelikler TTPWSv2.0 programı yardımıyla

$$\rho_{g@P} = 36,82 \, kg / m^{3}$$

$$\rho_{s@P} = 738,83 \, kg / m^{3}$$

$$h_{s@P} = 1270,23 \, kJ / kg$$

$$h_{sg@P} = 1501,75 \, kJ / kg$$

$$\sigma_{@P} = 0,01752 \, N / m$$

ve  $P_{HKB}$ ,  $T_{a@HKB}$  şartlarına bağlı olarak termodinamik ve termofiziksel özelikler TTPWS-v2.0 programı yardımıyla

$$h_{s@(P,T_{a})_{HKB}} = 1144,9 kJ / kg$$

$$\rho_{s@(P,T_{a})_{HKB}} = 783,66 kg / m^{3}$$

$$c_{p,s@(P,T_{a})_{HKB}} = 4,9687 kJ / kg K$$

$$k_{@(P,T_{a})_{HKB}} = 0,6102 \times 10^{-3} kW / m K$$

olarak belirlenir.

Denklem (6.3)'te bulunan x çıkıştaki termodinamik kuruluk derecesini ifade etmektedir ve Şekil 6.1'den yararlanılarak yazılan Denklem (6.2) yardımıyla

$$x = 4 \left( \frac{q''}{G h_{sg@P}} \right) \left( \frac{L_q}{D_i} \right) - \left( \frac{h_{s@P} - h_{gir@(P,T)_{gir}}}{h_{sg@P}} \right)$$
$$= 4 \times \left( \frac{1171,85 \, kW / m^2}{(4365,52 \, kg / m^2 s) \times (1501,75 \, kJ / kg)} \right) \times \left( \frac{2,5 \, m}{0,00545 \, m} \right)$$

$$-\left(\frac{(1270,23\,kJ/kg) - (1113,17\,kJ/kg)}{1501,75\,kJ/kg}\right)$$

= 0,22339

olarak hesaplanır.

Borunun ısıtılan bölümü girişindeki  $P_{gir}$ ,  $T_{gir}$  şartlarına bağlı olarak termodinamik ve termofiziksel özelikler TTPWS-v2.0 programı yardımıyla

$$h_{gir@(P,T)_{gir}} = 1113,17 \, kJ / kg$$

$$\rho_{s@(P,T)_{gir}} = 794,06 \, kg \, / \, m^3$$

olarak belirlenir.

Artık iki-fazlı akış uzunluğunu hesaplayabilmek için gerekli bütün değerler bilinmektedir. Denklem (6.3)'ten yararlanarak iki-fazlı akış uzunluğu

$$L_{2\phi} = \frac{G D_i h_{sg@P} (x - x_{HKB})}{4 q''}$$
$$= \frac{(4365,52 kg/m^2 s) \times (0,00545 m) \times (1501,75 kJ/kg) \times (0,22339 - (-0,08346))}{4 \times (1171,85 kW/m^2)}$$

 $=2,3389\ m\cong2,34\ m$ 

şeklinde hesaplanır.

İki-fazlı akış uzunluğunu belirledikten sonra ısıtılmış borularda iki-fazlı akış uzunluğu boyunca tek-fazlı akış olması durumunda sürtünmeden kaynaklanan basınç düşümü Denklem (3.23)'te verilen

$$\Delta P_{sur,1\phi@L_{2\phi}} = \Delta P_{sur,1\phi,ady@L_{2\phi}} \left(\frac{\mu_{s@T_{a,HKB}}}{\mu_{s@T_{duv,HKB}}}\right)^{-0,28}$$

Sieder ve Tate (1936) bağıntısından yararlanılarak hesaplanır. Denklem (3.23)'te belirtilen iki-fazlı akış uzunluğu boyunca tek-fazlı adyabatik akışta sürtünmeden kaynaklanan basınç düşümü Denklem (3.19)'da verilen D'arcy-Weisbach denklemine göre

$$\Delta P_{sur,1\phi,ady@L_{2\phi}} = f \frac{L_{2\phi} G^2}{2 D_i \rho_{s@(P,T_a)_{HKB}}}$$
  
= 0,0209 ×  $\frac{(2,34 m) \times (4365,52 kg/m^2 s)^2}{2 \times (0,00545 m) \times (783,66 kg/m^3)}$   
= 109113,86 Pa \approx 109,1 kPa

şeklinde hesaplanır.

Tek-fazlı sürtünme katsayısı f ise Denklem (3.22)'de sunulan Chen (1979) korelasyonu kullanılarak

$$\frac{1}{\sqrt{f}} = -2\log\left(\frac{\left(\frac{5,6135\times10^{-6}\,m}{0,00545\,m}\right)}{3,7065} - \frac{5,0452}{264\,886,26} \times \log\left(\frac{\left(\frac{5,6135\times10^{-6}\,m}{0,00545\,m}\right)^{1,1098}}{2,8257} + \left(\frac{5,8506}{264\,886,26^{0,8981}}\right)\right)\right)$$
  
$$f = 0,0209$$

olarak hesaplanır.

Tek-fazlı akıştaki Reynolds sayısı ise Denklem (4.6) kullanılarak

$$Re = \frac{G D_i}{\mu_{s@P_{HKB}}} = \frac{(4365,52 \text{ kg} / m^2 s) \times (0,00545 \text{ m})}{89,82 \times 10^{-6} \text{ Ns} / m^2}$$
$$= 264\,886,26$$

olarak hesaplanır.

Isıtılmış borularda iki-fazlı akış uzunluğu boyunca tek-fazlı akış olması durumunda sürtünmeden kaynaklanan basınç düşümü Denklem (3.23) yardımıyla

$$\Delta P_{sur,1\phi@L_{2\phi}} = (109,1\,kPa) \times \left(\frac{100,75 \times 10^{-6}\,Ns\,/\,m^2}{89,19 \times 10^{-6}\,Ns\,/\,m^2}\right)^{-0,28}$$
$$= 105,4\,kPa$$

şeklinde hesaplanır.

Habbecikli kaynamanın (iki-fazlı akışın) başlangıcında boru iç yüzeyi (duvar) sıcaklığında ( $T_{duv,HKB}$ ) ve akış kesiti üzerine ortalama akışkan sıcaklığında ( $T_{a,HKB}$ ) suyun viskozite değerleri TTPWS-v2.0 programı yardımıyla

$$\mu_{s@T_{duv,HKB}} = 89,19 \times 0^{-6} Ns / m^2$$

$$\mu_{oT} = 100.75 \times 10^{-6} Ns / m^2$$

$$\mu_{\rm S} (a) T_{a,HKB} = 100,75 \times 10^{-1} \text{ NS}$$

olarak belirlenir.

Son olarak iki-fazlı akış uzunluğu boyunca iki-fazlı akış olması durumunda sürtünmeden kaynaklanan basınç düşümü değeri belirlenmelidir. Bu değeri hesaplayabilmek için öncelikle deneysel ölçümlerle elde edilen toplam basınç düşümünden, ısıtılan boru içerisinde tek-fazlı akışın gerçekleştiği uzunluk boyunca  $(L_{1\phi})$  meydana gelen basınç düşümü değeri çıkarılarak

$$\Delta P_{@L_{2\phi}} = \Delta P - \Delta P_{1\phi@L_{1\phi}}$$
  
= (345,24 kPa) - (8,4 kPa) = 336,84 kPa

bulunur.

Tek-fazlı akış HKB'de son bulmaktadır ve bu sebeple tek-fazlı akış ile ilgili basınç düşümü bileşenlerinin hesaplanmasında giriş özellikleri olarak akışkanın borunun ısıtılan bölümüne girişindeki veriler kullanılırken tek-fazlı akıştan çıkış özellikleri olarak ise akışkanın HKB'deki özellikleri kullanılmaktadır. Burada tek-fazlı akışın gerçekleştiği uzunluk boyunca meydana gelen basınç düşümü, ivmelenme, yer çekimi ve sürtünme kaynaklı basınç düşümü olmak üzere üç bileşenden oluşmaktadır. İvmelenmeden kaynaklanan basınç düşümü çok küçük değerlere sahip olacağı varsayımıyla ihmal edilmiştir. Böylece yer çekiminden kaynaklanan basınç düşümü değerlerini belirlemek tek-fazlı akışın gerçekleştiği uzunluk boyunca meydana gelen toplam basınç düşümünü hesaplamak için yeterli olacaktır.

Tek-fazlı akışın gerçekleştiği uzunluk boyunca (HKB'ye kadar olan bölümde) meydana gelen basınç düşümü

$$\Delta P_{1\phi@L_{1\phi}} = \Delta P_{yer,1\phi@L_{1\phi}} + \Delta P_{sur,1\phi@L_{1\phi}}$$

$$=(1,25 kPa) + (7,15 kPa) = 8,4 kPa$$

şeklinde hesaplanır.

Burada, tek-fazlı akışın gerçekleştiği uzunluk boyunca yer çekiminden kaynaklanan basınç düşümü

$$\Delta P_{yer,1\phi@L_{1\phi}} = \rho_{s@(P,T)_{gir}} g(L_q - L_{2\phi})$$
  
= (794,06 kg/m<sup>3</sup>)×(9,806 m/s<sup>2</sup>)×((2,5 m) - 2,34 m))  
= 1245,85 Pa \cong 1,25 kPa

şeklinde hesaplanırken, sürtünmeden kaynaklanan basınç düşümü de

$$\Delta P_{sur,1\phi@L_{1\phi}} = f \frac{\left(L_q - L_{2\phi}\right)G^2}{2 D_i \ \rho_{s@P_{gir},T_{ort}}} \left(\frac{\mu_{s@P_{gir},T_{ort,1\phi}}}{\mu_{s@P_{gir},T_{duv-ort,1\phi}}}\right)^{-0,28}$$
  
= 0,0209 ×  $\frac{\left((2,5 m) - (2,34 m)\right) \times (4365,52 kg/m^2 s)^2}{2 \times (0,00545 m) \times (788,84 kg/m^3)}$   
×  $\left(\frac{102,96 \times 10^{-6} Ns/m^2}{90,46 \times 10^{-6} Ns/m^2}\right)^{-0,28}$   
= 7147,98 Pa  $\cong$  7,15 kPa

olarak hesaplanır.

Tek-fazlı akış uzunluğu boyunca ortalama akışkan sıcaklığı ise

$$T_{ort,1\phi} = \frac{T_{a,HKB} + T_{gir}}{2}$$
$$= \frac{(535,34 \, K) + (528,8 \, K)}{2} = 532,07 \, K$$

şeklinde hesaplanır.

 $T_{duv-ort,1\phi}$  tek-fazlı akış uzunluğu boyunca ortalama duvar sıcaklığını ifade etmektedir ve hesaplanabilmesi için bir kabul yapılması gerekmektedir. Bu hesaplamalarda tek-fazlı akış uzunluğu boyunca duvar sıcaklığında meydana gelen artış miktarı aynı bölgede akışkanın akış kesiti üzerine ortalaması alınmış sıcaklığındaki artış miktarına eşit kabul edilmiştir. Yapılan bu kabule göre tek-fazlı akış uzunluğu boyunca ortalama duvar sıcaklığı

$$T_{duv-ort,1\phi} = T_{duv,HKB} - \frac{(T_{a,HKB} - T_{gir})}{2}$$
$$= (564,37 \ K) - \frac{(535,34 \ K) - (528,8 \ K)}{2} = 561,1 \ K$$

şeklinde hesaplanır.

 $P_{gir}$ ,  $T_{ort,1\phi}$  şartlarına bağlı olarak termodinamik ve termofiziksel özelikler TTPWS-v2.0 programı yardımıyla

$$\mu_{s@P_{gir},T_{ort,1\phi}} = 102,96 \times 10^{-6} Ns / m^2$$

$$\rho_{s@P_{gir},T_{ort},1\phi} = 788,84 \, kg \, / \, m^3$$

ve  $P_{gir}$ ,  $T_{duv-ort,1\phi}$  şartlarına bağlı olarak viskozite ise

$$\mu_{s@P_{gir},T_{duv-ort,1\phi}} = 90,46 \times 10^{-6} Ns / m^2$$

olarak belirlenir.

İki-fazlı akış uzunluğu boyunca meydana gelen toplam basınç düşümü de ivmelenmeden, yer çekiminden ve sürtünmeden kaynaklanan basınç düşümü bileşenlerinden oluşmaktadır. Sürtünmeden kaynaklanan basınç düşümünü belirlemek için iki-fazlı akış uzunluğu boyunca meydana gelen toplam basınç düşümünden ivmelenmeden ve yer çekiminden kaynaklanan basınç düşümü bileşenlerinin çıkarılması gerekir. Bu sebeple öncelikle iki-fazlı akış uzunluğu boyunca yer çekiminden ve ivmelenmeden kaynaklanan basınç düşümleri belirlenmelidir.

İki-fazlı akışta yer çekiminden kaynaklanan basınç düşümü Denklem (3.38)'den yararlanılarak

$$\Delta P_{yer@L_{2\phi}} = \left(\frac{\alpha}{2} \rho_{g@P_{ort,2\phi}} + \left(1 - \frac{\alpha}{2}\right) \rho_{s@P_{ort,2\phi}}\right) g L_{2\phi}$$

$$= \left(\frac{0,751}{2} \times (37,83 \, kg \, / \, m^3) + \left(1 - \frac{0,751}{2}\right) \times (735,77 \, kg \, / \, m^3)\right) \times (9,806 \, m \, / \, s^2)$$
$$\times (2,34 \, m) = 10\,869,39 \, Pa \cong 10,87 \, kPa$$

şeklinde hesaplanabilir.

Buradaki  $P_{ort,2\phi}$  iki-fazlı akış uzunluğu  $L_{2\phi}$  boyunca giriş ve çıkış basınç değerlerinin ortalaması olup

$$P_{ort,2\phi} = \frac{P_{HKB} + P}{2}$$
$$= \frac{(7395,24 \, kPa) + (7,05 \times 10^3 \, kPa)}{2} = 7222,62 \, kPa$$

şeklinde hesaplanır.

İki-fazlı akış uzunluğu boyunca ortalama basınca  $(P_{ort,2\phi})$  bağlı olarak termodinamik ve termofiziksel özelikler TTPWS-v2.0 programı yardımıyla

$$\rho_{g@P_{ort,2\phi}} = 37,83 \, kg \, / \, m^3$$
  
 $\rho_{s@P_{ort,2\phi}} = 735,77 \, kg \, / \, m^3$ 

olarak belirlenir.

İki-fazlı akış uzunluğu boyunca yer çekiminden kaynaklanan basınç düşümü belirlendikten sonra, aynı uzunluk boyunca ivmelenmeden kaynaklanan basınç düşümü Denklem (3.31)'e benzer şekilde giriş koşulu olarak iki-fazlı akışın başladığı HKB şartları dikkate alınarak

$$\Delta P_{ivm@L_{2\phi}} = G^{2} \left[ \left( \left( \frac{x_{din}^{2}}{\alpha \rho_{g@P}} \right) + \left( \frac{(1 - x_{din})^{2}}{(1 - \alpha)\rho_{s@P}} \right) \right)_{cik} - \left( \frac{1}{\rho_{s@P}} \right)_{HKB} \right]$$

$$= (4365,52 \, kg \, / \, m^{2} s)^{2} \\ \times \left[ \left( \left( \frac{0,22339^{2}}{0,751 \times (36,82 \, kg \, / \, m^{3})} \right) + \left( \frac{(1 - 0,22339)^{2}}{(1 - 0,751) \times (738,83 \, kg \, / \, m^{3})} \right) \right)_{cik} \right]$$

$$\times \left[ - \left( \frac{1}{732,72 \, kg \, / \, m^{3}} \right)_{HKB} \right]$$

şeklinde hesaplanır.

İki-fazlı akışın başladığı HKB'deki boşluk oranı ( $\alpha_{HKB}$ ) ve dinamik kuruluk derecesi ( $x_{din,HKB}$ ) değerleri bu bölgede henüz gaz fazı olmadığı için sıfıra eşit olmaktadır.

İki-fazlı akış uzunluğu boyunca ivmelenmeden kaynaklanan basınç düşümü bileşenini hesaplayabilmek için çıkıştaki boşluk oranı ( $\alpha$ ) ve çıkıştaki dinamik kuruluk derecesi ( $x_{din}$ ) değerleri hesaplanmalıdır. Bu iki değeri hesaplayabilmek için sırasıyla aşağıdaki işlemleri takip edilmiştir.

 $x_{din}$  değerini hesaplayabilmek için net buhar üretim noktasındaki termodinamik kuruluk derecesi ( $x_{NBU}$ ) belirlenmelidir ve bu değerin belirlenmesinde kullanılacak bağıntıyı seçebilmek için Peclet sayısına (*Pe*) ihtiyaç duyulmaktadır. Peclet sayısı Denklem (4.11)'den yaralanılarak

$$Pe = \frac{G D_i c_{p,s@(P,T_a)_{\text{HKB}}}}{k_{@(P,T_a)_{\text{HKB}}}}$$
$$= \frac{(4365,52 \ kg \ / \ m^2 s) \times (0,00545 \ m) \times (4,9687 \ kJ \ / \ kg \ K)}{0,6102 \times 10^{-3} \ kW \ / \ m \ K} = 193\ 718,56$$

olarak hesaplanmıştır.

Pe = 193718,56 > 70000 olduğu için net buhar üretim noktasındaki termodinamik kuruluk derecesi Denklem (4.16)'da verilen Saha ve Zuber (1974) bağıntısına göre

$$x_{NBU} = -154 \frac{q''}{G h_{sg@P_{HKB}}} = -154 \times \frac{1171,85 \ kW \ / \ m^2}{(4365,52 \ kg \ / \ m^2 s) \times (1479,63 \ kJ \ / \ kg)} = -0,02794$$

olarak bulunur.

Boru çıkışındaki dinamik kuruluk derecesi  $(x_{din})$  Kroeger ve Zuber (1968) tarafından önerilen Denklem (3.32)'ye göre

$$x_{din} = \frac{x - x_{NBU} \exp\left(\frac{x}{x_{NBU}} - 1\right)}{1 - x_{NBU} \exp\left(\frac{x}{x_{NBU}} - 1\right)}$$
$$= \frac{0,22339 - (-0,02794) \times \exp\left(\frac{0,22339}{(-0,02794)} - 1\right)}{1 - (-0,02794) \times \exp\left(\frac{0,22339}{(-0,02794)} - 1\right)} = 0,22339$$

şeklinde hesaplanabilir.

Çıkıştaki boşluk oranı ( $\alpha$ ) ise Denklem (3.33)'teki Zuber ve Findlay (1965) bağıntısına göre

$$\alpha = \frac{x_{din} \ \rho_{s@P} \ G}{G \ C_o \left( x_{din} \ \rho_{s@P} + (1 - x_{din}) \ \rho_{g@P} \right) + \rho_{s@P} \ \rho_{g@P} \ u_{gj}}$$
  
= 
$$\frac{0,22339 \times 738,83 \times 4365,52}{4365,52 \times 1,13 \times (0,22339 \times 738,83 + (1 - 0,22339) \times 36,82) + 738,83 \times 36,82 \times 0,172}$$
  
= 0,751

olarak hesaplanır.

Burada sürüklenme hızı olarak tanımlanan  $u_{gj}$  ifadesi Denklem (3.34)'e göre

$$u_{gj} = 1,41 \left( \frac{\sigma_{@P} g \left( \rho_{s@P} - \rho_{g@P} \right)}{\rho_{s@P}} \right)^{1/4}$$
$$= 1,41 \times \left( \frac{(0,01752 N/m) \times (9,806 m/s^2) \times ((738,83 kg/m^3) - (36,82 kg/m^3))}{(738,83 kg/m^3)^2} \right)^{1/4}$$
$$= 0,172$$

olarak hesaplanırken, dağılım parametresi ( $C_o$ ) Zuber ve Findlay (1965)'in önerdiği gibi 1,13 olarak kabul edilmiştir.

İki-fazlı akış uzunluğu boyunca sürtünmeden kaynaklanan basınç düşümü ise

$$\Delta P_{sur,2\phi@L_{2\phi}} = \Delta P_{@L_{2\phi}} - \Delta P_{yer@L_{2\phi}} - \Delta P_{ivm@L_{2\phi}}$$

$$= (336,84 \, kPa) - (10,86 \, kPa) - (70,86 \, kPa)$$
$$= 255,12 \, kPa$$

şeklinde bulunur.

Böylece iki-fazlı akış sürtünme çarpanını belirlemek için gereken tüm değerler belirlendikten sonra Denklem (5.1) kullanılarak iki-fazlı akış sürtünme çarpanı elde edilmektedir.

$$\phi_{so}^{2} = \frac{\Delta P_{sur,2\phi@L_{2\phi}}}{\Delta P_{sur,1\phi@L_{2\phi}}}$$
$$= \frac{255,12 \, kPa}{105,4 \, kPa} = 2,42$$

Bu bölümde uygulama örneği anlatılan hesaplama yöntemi Nusselt sayısının hesaplanmasında farklı bağıntılar kullanılması dışında değişiklik içermeksizin Çizelge 6.1'de gösterilen ısıtılmış düşey borularda sıvı su-buhar akışında deneysel basınç düşümü ölçümü sonuçlarının tamamına uygulanmıştır.

Literatürde bulunan Nusselt sayısı bağıntılarının hepsi teker teker her bir araştırmacıya ait deneysel basınç düşümü ölçümü sonuçları için test edilmiştir ve nihai hesaplamalar yapılırken uygun olduğu belirlenen bağıntılar kullanılmıştır. Farklı araştırmacılara ait deneysel basınç düşümü ölçümleri için kullanılan Nusselt sayısı bağıntıları Çizelge 6.4'te gösterilmektedir.

Kullanılacak Nusselt bağıntılarının belirlenebilmesi için Dittus-Boelter (1930) Denklem (4.4), Colburn (1933) Denklem (4.7), Rohsenow ve Clark (1951) Denklem (4.8), Dormer ve Bergles (1964) Denklem (4.9), Saha ve Zuber (1974) Denklem (4.18) ve Saha ve Zuber (1974) Denklem (4.17) - (4.18) bağıntılarının her biri basınç düşümü ölçüm kaynaklarına ayrı ayrı uygulanmış, sonuçlar bağıntılar oluşturulurken kullanılan ölçüm kaynaklarının özellikleri de dikkate alınarak yorumlanmış ve ölçüm kaynakları için en uygun olan Nusselt sayısı bağıntısı belirlenmiştir.

Basınç Düşümü	Kullanılan Nusselt Sayısı Bağıntısı
Ölçümleri Kaynağı	
Alessandrini vd. (1963)	Saha ve Zuber (1974), Denklem (4.18)
Peterlongo vd. (1964)	Saha ve Zuber (1974), Denklem (4.18)
Leung (1994)	Rohsenow ve Clark (1951), Denklem (4.8)
Olekhnovitch (1997)	Saha ve Zuber (1974), Denklem (4.17) - (4.18)
Olekhnovitch vd. (2004)	Saha ve Zuber (1974), Denklem (4.17) - (4.18)

Çizelge 6.4 : Isıtılmış düşey borularda sıvı su-buhar akışında deneysel basınç düşümü ölçümleri ve kullanılan Nusselt sayısı bağıntıları.

## 6.2 Adyabatik Düşey Borularda Sıvı Su-Buhar Akışında Deneysel Basınç Düşümü Ölçümlerinde İki-Fazlı Akış Sürtünme Çarpanı Hesaplanma Yöntemi

Hesaplama yöntemi, Çizelge 8.2'de gösterilen adyabatik düşey borularda sıvı subuhar akışı deneysel basınç düşümü ölçümü sonuçlarına aşağıda anlatılan şekilde uygulanabilmektedir.

Adyabatik düşey borularda akışkan boru içerisine iki-fazlı olarak girmekte ve borunun toplam uzunluğu boyunca iki-fazlı akış gerçekleşmektedir. Yani

$$L_{2\phi} = L$$

olmaktadır.

Denklem (3.19)'da belirtilen D'arcy-Weisbach denklemine göre iki-fazlı akış uzunluğu boyunca tek-fazlı adyabatik akışta sürtünmeden kaynaklanan basınç düşümü

$$\Delta P_{sur, 1\phi, ady @L_{2\phi}} = f \frac{L_{2\phi} G^2}{2 D_i \rho_{s @(P,T)_{gir}}}$$

şeklinde hesaplanmaktadır.

Burada, tek-fazlı sürtünme katsayısı f Denklem (3.22)'de sunulan Chen (1979) korelasyonu kullanılarak hesaplanırken bu korelasyondaki Reynolds sayısı Denklem (4.11)'den yararlanılarak

$$\frac{1}{\sqrt{f}} = -2\log\left(\frac{\left(\frac{k_s}{D_i}\right)}{3,7065} - \frac{5,0452}{\text{Re}}\log\left(\frac{\left(\frac{k_s}{D_i}\right)^{1,1098}}{2,8257} + \frac{5,8506}{\text{Re}^{0,8981}}\right)\right)$$

$$\operatorname{Re} = \frac{G D_i}{\mu_{s@P_{gir}}}$$

şeklinde hesaplanmaktadır.

Adyabatik boru içerisinde herhangi bir yerde tek-fazlı akış gerçekleşmediği varsayıldığı için

$$\Delta P_{1\phi@L_{1\phi}} = \Delta P_{yer,1\phi@L_{1\phi}} + \Delta P_{sur,1\phi@L_{1\phi}} = 0$$
  
$$\Delta P_{yer,1\phi@L_{1\phi}} = 0$$

$$\Delta P_{sur,1\phi@L_{1\phi}} = 0$$

değerleri sıfır olmaktadır. Bu sebeple ölçüm sonucu elde edilmiş olan basınç düşümü değeri

$$\Delta P_{(\underline{\partial} L_{2\phi})} = \Delta P - \Delta P_{1\phi(\underline{\partial} L_{1\phi})} = \Delta P - 0 = \Delta P$$

şeklinde iki-fazlı basınç düşümü değeri olmaktadır.

İki-fazlı akışta yer çekiminden kaynaklanan basınç düşümü Denklem (3.37)'den yararlanılarak

$$\Delta P_{yer@L_{2\phi}} = \left( \alpha \rho_{g@P_{ort,2\phi}} + (1-\alpha) \rho_{s@P_{ort,2\phi}} \right) g L_{2\phi}$$

şeklinde hesaplanırken ivmelenmeden kaynaklanan basınç düşümü Denklem (3.31)'e benzer şekilde

$$\Delta P_{ivm@L_{2\phi}} = G^2 \left[ \left( \left( \frac{x_{din}^2}{\alpha \ \rho_{g@P}} \right) + \left( \frac{(1 - x_{din})^2}{(1 - \alpha) \rho_{s@P}} \right) \right)_{cik} - \left( \frac{1}{\rho_{s@P}} \right)_{HKB} \right]$$

bağıntısı kullanılarak hesaplanmaktadır.

Çıkıştaki termodinamik kuruluk derecesi (x) değeri ilgili kaynakta araştırmacı tarafından verilmiş olsa dahi borulardaki basınç düşümünü dikkate alarak yazılan

Denklem (6.2) yardımıyla yeniden hesaplanmış olup çıkıştaki dinamik kuruluk derecesine  $(x_{din})$  eşit kabul edilmiştir.

$$x_{din} = x$$

Çıkıştaki boşluk oranı ( $\alpha$ ) Denklem (3.33)'teki Zuber ve Findlay (1965) bağıntısına göre

$$\alpha = \frac{x_{din} \ \rho_{s@P} \ G}{G \ C_o \left( x_{din} \ \rho_{s@P} + (1 - x_{din}) \rho_{g@P} \right) + \rho_{s@P} \ \rho_{g@P} \ u_{gj}}$$

olarak hesaplanırken sürüklenme hızı olarak tanımlanan  $u_{gj}$  ifadesi Denklem (3.34)'e göre

$$u_{gj} = 1,41 \left( \frac{\sigma_{@P} g \left( \rho_{s@P} - \rho_{g@P} \right)}{\rho_{s@P}^{2}} \right)^{1/4}$$

şeklinde hesaplanmaktadır. Dağılım parametresi  $(C_o)$  ise Zuber ve Findlay (1965)'in önerdiği gibi 1,13 olarak kabul edilmiştir.

Isıtma yapılmadığı için girişteki boşluk oranı ( $\alpha_{gir}$ ) çıkıştaki boşluk oranına ( $\alpha$ ) eşit kabul edilmiştir.

 $\alpha_{gir} = \alpha$ 

İki-fazlı akış uzunluğu ( $L_{2\phi}$ ) boyunca sürtünmeden kaynaklanan basınç düşümü

$$\Delta P_{sur,2\phi@L_{2\phi}} = \Delta P_{@L_{2\phi}} - \Delta P_{yer@L_{2\phi}} - \Delta P_{ivm@L_{2\phi}}$$

şeklinde hesaplanmaktadır.

İki-fazlı akış sürtünme çarpanını belirlemek için gereken değerler belirlendikten sonra Denklem (5.1) kullanılarak iki-fazlı akış sürtünme çarpanı

$$\phi_{so}^{2} = \frac{\Delta P_{sur,2\phi@L_{2\phi}}}{\Delta P_{sur,1\phi@L_{2\phi}}}$$

şeklinde bulunmaktadır.

## 6.3 Deneysel Ölçüm Verilerinin Seçim Kıstasları ve Hesaplama Yöntemiyle Belirlenen İki-Fazlı Akış Sürtünme Çarpanı Örnekleri

Önceki alt bölümlerde ısıtılmış ve adyabatik düşey borularda sıvı su-buhar akışında deneysel basınç düşümü ölçümü sonuçları için hesaplama yöntemi anlatılmıştır.

Hesaplamalara başlamadan önce kullanılacak olan ısıtılmış ve adyabatik düşey borularda sıvı su-buhar akışında deneysel basınç düşümü ölçüm sonuçlarının güvenilir olup olmadığı tek tek test edilip uygun görülmeyenlerin elenmesi gerekmektedir. Ayrıca hesaplamalar devam ederken elde edilen bazı sonuçlara göre de kullanılması uygun görülmeyen veriler elenmelidir. Verilerin test edilmesi için Çizelge 6.5'te gösterilen ve Groeneveld vd. (2007) tarafından kritik ısı akısı için tarama tablosu oluşturmada kullanılan seçim kıstasları ile birlikte Çizelge 6.6'da gösterilen ve bu çalışma sürecinde belirlenen ilave kabul edilme kıstasları kullanılmıştır. Bu tez çalışmasında Çizelge 6.6'da görüldüğü gibi Groeneveld vd. (2007) tarafından belirlenen kütlesel akı (G) üst sınırı 8000 kg/m<sup>2</sup>s değerinden 10 000 kg/m<sup>2</sup>s değerine çıkartılmıştır.

Parametre	Kabul Edilme Kıstası
$D_i$ (mm)	3 < D <sub>i</sub> < 25
P(kPa)	100 < P < 21000
$G(kg/m^2s)$	0 < G < 8000
<i>x<sub>CHF</sub></i>	$x_{CHF}$ $\langle$ 1,0
$T_{gir} (°C)$	<i>T<sub>gir</sub></i> > 0,01
$L/D_i, x_{gir} \langle 0$	$x_{KIA} \rangle 0$ için $L/D_i \rangle 50, x_{KIA} \langle 0$ için $L/D_i \rangle 25$
$L/D_i, x_{gir} \rangle 0$	$L/D_i$ >100
Isıl denge	Hata < %5
Diğer	İkili tekrarların olmaması

**Çizelge 6.5 :** Kritik ısı akısı için tarama tablosu kabul edilme kıstasları (Groeneveld vd., 2007).

Parametre	Kabul Edilme Kıstası	
$G(kg/m^2s)$	0 < <i>G</i> < 10 000	
$\Delta P(kPa)$	$\Delta P > 0$	
x	$x_{HKB} < x$	
q"	q'' > 0	
$\phi_{so}{}^2$ , $\Delta P$ bileşeni	$\phi_{so}^2 > 1$ veya $\Delta P$ bileşeni $> 0$	

**Çizelge 6.6 :** Isıtılmış borulardaki basınç düşümü ölçümleri için bu tez çalışması sürecinde belirlenen ilave veri kabul edilme kıstasları.

Çizelge 6.5 ve Çizelge 6.6' da yer alan kabul edilme kıstaslarının tümü kullanılarak yapılan testlerin sonucunda elenen ısıtılmış ve adyabatik düşey borularda sıvı subuhar akışında deneysel basınç düşümü ölçümleri Çizelge 6.7'de ayrıntıları belirtilerek gösterilmiştir.

		Alındıkları Kaynaklara Göre Elenen Veri Sayısı								
Parametre	Seçim Kıstası	Alessandrini vd.(1963) Adyabatik	Alessandrini vd. (1963)	Peterlongo vd. (1964)	Leung (1994)	Olekhnovitch (1997)	Olekhnovitch vd. (2004)	Toplam		
Toplam veri sayısı		208	48	79	1141	479	8574	10,529		
$D_i(mm)$	3 < D <sub>i</sub> < 25	-	-	-	-	-	-	-		
P(kPa)	100 < P < 21000	-	-	-	-	-	-	-		
$G(kg/m^2s)$	0 < G < 10000	-	-	-	-	-	-	-		
x	<i>x</i> < 1,0	-	-	-	-	-	-	-		
$T_{gir}$ (°C)	$T_{gir} > 0.01$	-	-	-	-	-	-	-		
$L/D_i, x_{gir} \langle 0 \rangle$	$x \rangle 0$ için $L/D_i \rangle$ 50, $x \langle 0$ için $L/D_i \rangle$ 25	-	-	-	-	-	-	-		
$L/D_i, x_{gir} \rangle 0$	$L/D_i$ > 100	-	-	-	-	-	-	-		
Isıl denge	Hata < %5	Х	-	-	-	-	-	-		
Diğer	İkili tekrarlarlar olmaması	-	-	-	-	-	-	-		
$\Delta P(kPa)$	$\Delta P > 0$	-	-	-	64	-	-	64		
x	$x_{HKB} < x$	Х	-	-	103	-	49	152		
q"	q'' > 0	Х	-	-	60	-	-	60		
$\phi_{so}^{2}$ , $\Delta P$ bileşeni	$\phi_{so}^2 > 1$ veya $\Delta P$ bileşeni $> 0$	10	-	-	86	-	587	683		
Elenen veri sayısı		-	-	-	313	-	636	959		
Kullanılan veri sayı		198	48	79	828	479	7938	9570		

Çizelge 6.7 : Seçim kıstasları uygulanması sonucu elenen veriler.

Çizelge 6.7'de bulunan seçim kıstaslarından bir kısmının adyabatik veri kaynağı için uygulanması mümkün değildir. Bu sebeple Alessandrini vd. (1963) adyabatik veri kaynağı ile uygulanmayacak seçim kıstaslarının kesişim bölümlerine X işareti konulmuştur.

Eleme kıstaslarına göre yapılan testler sonucunda Alessandrini vd. (1963), Peterlongo vd. (1964) ve Olekhnovitch (1997) veri kaynaklarında bulunan ölçüm sonuçlarının hepsinin güvenilir olduğuna hükmedilmiştir.

Alessandrini vd. (1963) adyabatik veri kaynağındaki 10 adet ölçüm sonucu iki-fazlı akış sürtünme çarpanı değeri birden küçük veya basınç düşümü bileşenlerinden birinin değeri sıfırdan küçük olarak hesaplandığı için elenmiştir.

Leung (1994) veri kaynağındaki 64 adet ölçüm sonucu toplam basınç düşümü değeri sıfır olarak rapor edildiği için, 103 adet ölçüm sonucu iki fazlı akış gerçekleşmediği için, 60 adet ölçüm sonucu ısı akısı olmadığı (adyabatik olduğu) için ve 86 adet ölçüm sonucu iki-fazlı akış sürtünme çarpanı değeri birden küçük veya basınç düşümü bileşenlerinden birinin değeri sıfırdan küçük olarak hesaplandığı için elenmiştir.

Olekhnovitch vd. (2004) veri kaynağındaki 49 adet ölçüm sonucu iki fazlı akış gerçekleşmediği için ve 587 adet ölçüm sonucu da iki-fazlı akış sürtünme çarpanı değeri birden küçük veya basınç düşümü bileşenlerinden birinin değeri sıfırdan küçük olarak hesaplandığı için elenmiştir.

Eleme işlemi gerçekleştirildikten sonra hesaplamalarda kullanılmak üzere elimizde 198 adet adyabatik düşey boruda sıvı su-buhar akışında deneysel basınç düşümü ölçümü sonucu ve 9372 adet ısıtılmış düşey boruda sıvı su-buhar akışında deneysel basınç düşümü ölçümü sonucu kalmıştır.

Geriye kalan ısıtılmış düşey boruda sıvı su-buhar akışında deneysel basınç düşümü ölçümü sonuçlarına ait iki-fazlı akış sürtünme çarpanı değerleri hesaplama yöntemi kullanılarak belirlenmiştir. Farklı veri kaynaklarına ait bazı ölçüm sonuçları için hesaplanan iki-fazlı akış sürtünme çarpanları örnek olarak Çizelge 6.8-6.13'te sunulmuştur.

Kod	$D_i$	$L_q$	Р	G	x	q"	$\Delta P$	$\phi_{so}^{2}$
	(m)	<i>(m)</i>	(kPa)	$(kg/m^2s)$	-	$(kW/m^2)$	(kPa)	-
.470BN.	0,01520	2,45	5001	1150,0	0,5237	1726,00	56,88	11,62
.471BN.	0,01520	2,45	5001	1150,0	0,5268	1735,00	56,88	11,56
.467BD.	0,01520	2,45	5011	3760,0	0,1796	2370,00	136,31	2,89
.483BND.	0,01520	2,45	5011	3890,0	0,0994	2381,00	99,05	2,18

**Çizelge 6.8 :** Alessandrini vd. (1963) veri kaynağı kullanılarak hesaplama yöntemiyle belirlenen iki-fazlı akış sürtünme çarpanı örnekleri.

**Çizelge 6.9 :** Peterlongo vd. (1964) veri kaynağı kullanılarak hesaplama yöntemiyle belirlenen iki-fazlı akış sürtünme çarpanı örnekleri.

Kod	$D_i$	$L_q$	Р	G	x	q"	$\Delta P$	$\phi_{so}^{2}$
	(m)	<i>(m)</i>	(kPa)	$(kg/m^2s)$	-	$(kW/m^2)$	(kPa)	-
.17BN.	0,01510	4,02	4992	1150,0	0,5946	1154,00	79,43	9,86
.18B(N)	0,01510	4,02	4992	1130,0	0,6015	1141,00	78,45	10,01
.57BN.	0,01510	4,02	4992	2280,0	0,3115	1833,00	125,53	5,91
.58B(N)	0,01510	4,02	4992	2280,0	0,3151	1845,00	125,53	5,85

**Çizelge 6.10 :** Leung (1994) veri kaynağı kullanılarak hesaplama yöntemiyle belirlenen iki-fazlı akış sürtünme çarpanı örnekleri.

Kod	$D_i$	$L_q$	Р	G	x	q"	$\Delta P$	$\phi_{so}^{2}$
	(m)	<i>(m)</i>	(kPa)	$(kg/m^2s)$	-	$(kW/m^2)$	(kPa)	-
DPB94305	0,00545	2,50	9710	4932,2	0,0603	587,33	199,37	1,06
DPB94307	0,00545	2,50	9710	4922,4	0,1258	820,95	260,26	1,41
DPP77334	0,00545	2,50	7030	7098,2	0,3244	2480,83	826,54	1,92
DPP77335	0,00545	2,50	7030	7098,2	0,3272	2496,95	826,83	1,92

**Çizelge 6.11 :** Olekhnovitch (1997) veri kaynağı kullanılarak hesaplama yöntemiyle belirlenen iki-fazlı akış sürtünme çarpanı örnekleri.

Kod	$D_i$	$L_q$	Р	G	x	q"	$\Delta P$	$\phi_{so}^{2}$
	<i>(m)</i>	( <i>m</i> )	(kPa)	$(kg/m^2s)$	-	$(kW/m^2)$	(kPa)	-
26	0,0080	1,00	539	1010,0	0,4078	2437,00	192,00	108,29
27	0,0080	1,00	525	997,0	0,4005	2363,00	191,00	112,02
201	0,0080	1,80	825	3030,0	0,3273	2339,00	852,00	33,22
202	0,0080	1,80	828	3021,0	0,3367	2102,00	893,00	31,43

Kod	$D_i$	$L_q$	Р	G	x	q"	$\Delta P$	$\phi_{so}^{2}$
	<i>(m)</i>	(m)	(kPa)	$(kg/m^2s)$	-	$(kW/m^2)$	(kPa)	-
825	0,01260	2,00	999	997,1	0,0364	175,24	20,24	3,19
826	0,01260	2,00	1006	1000,0	0,0429	198,48	20,55	3,29
4001	0,01570	2,00	2985	1001,2	0,3074	1173,79	38,17	14,12
4002	0,01570	2,00	2993	996,3	0,3186	1208,24	39,30	14,86

**Çizelge 6.12 :** Olekhnovitch vd. (2004) veri kaynağı kullanılarak hesaplama yöntemiyle belirlenen iki-fazlı akış sürtünme çarpanı örnekleri.

**Çizelge 6.13 :** Alessandrini vd. (1963) adyabatik veri kaynağı kullanılarak hesaplama yöntemiyle belirlenen iki-fazlı akış sürtünme çarpanı örnekleri.

Kod	$D_i$	L	Р	G	x	q"	$\Delta P$	$\phi_{so}^{2}$
_	<i>(m)</i>	<i>(m)</i>	(kPa)	$(kg/m^2s)$	-	$(kW/m^2)$	(kPa)	-
.407.	0,02490	2,5	4992	1090,0	0,4090	0	23,83	15,85
.408.	0,02490	2,5	4992	1090,0	0,2840	0	19,12	11,75
.106.	0,01520	1,66	5001	3710,0	0,6050	0	183,19	10,66
.109.	0,01520	1,66	5001	3710,0	0,5040	0	165,73	9,77

### 6.4 İki-Fazlı Akışta Basınç Düşümü Bileşenlerinin İrdelenmesi ve Karşılaştırılması

Bu bölümde iki-fazlı akış uzunluğu boyunca meydana gelen ve deneysel toplam basınç düşümü ölçüm değerlerinden hesaplanarak belirlenen basınç düşümü bileşenlerine ait değerler irdelenmiştir. Kıyaslama yapmak için Klausner vd. (1990)'da yapılmış olan çalışmadan da faydalanılmıştır. Klausner vd. (1990)'da yapılan çalışmada akışkan olarak R11, Alessandrini vd. (1963) ve Leung (1994)'te ise sıvı su-buhar çifti kullanılmıştır.

Çizelge 6.14-6.16'da sunulan düşey adyabatik borulardaki basınç düşümü ölçüm verileri kullanılarak, Şekil 6.2-6.4'te verilen ve iki-fazlı akış basınç düşümü bileşenlerinin termodinamik kuruluk derecesi ile değişimini gösteren grafikler çizdirilmiştir. Her üç şekilde de ivmelenmeden kaynaklanan basınç düşümü bileşeni sıfır veya sıfıra çok yakındır ve trendi termodinamik kuruluk derecesi ile değişmemektedir. Yer çekiminden kaynaklanan basınç düşümü bileşeni termodinamik kuruluk derecesi arttıkça azalan bir trend göstermektedir.

Sürtünmeden kaynaklanan basınç düşümü bileşeni ise termodinamik kuruluk derecesi arttıkça artan bir trend göstermektedir. Adyabatik veriler kullanılarak çizdirilen basınç düşümü bileşenlerine ait grafiklerde görülen trendler birbiri ile örtüşmektedir.

**Çizelge 6.14 :** Alessandrini vd. (1963) adyabatik düşey borulardaki toplam basınç düşümü ölçüm sonuçları kullanılarak hesaplanan iki-fazlı akış basınç düşümü bileşenlerinin termodinamik kuruluk derecesi ile değişimini (Şekil 6.2) çizdirmek için kullanılan veriler.

Kod	Р	G	x	q"	$\Delta P_{2\phi}$	$\Delta P_{sur,2\phi}$	$\Delta P_{yer,2\phi}$	$\Delta P_{ivm,2\phi}$
	(kPa)	$(kg/m^2s)$	-	$(kW/m^2)$	(kPa)	(kPa)	(kPa)	(kPa)
.410.	4982	1100	0,094	0	12,45	5,49	6,96	0
.409.	4992	1110	0,172	0	15,20	10,01	5,18	0
.408.	4992	1090	0,284	0	19,12	14,97	4,14	0,02
.407.	4992	1090	0,409	0	23,83	20,19	3,59	0,05
.406.	5011	1080	0,520	0	27,75	24,35	3,32	0,08



P=4982-5011 kPa, G=1080-1110 kg/m<sup>2</sup>s, q"=0 kW/m<sup>2</sup>



G	x	q"	$\Delta P_{2\phi}$	$\Delta P_{sur,2\phi}$	$\Delta P_{yer,2\phi}$	$\Delta P_{ivm,2\phi}$
$(kg/m^2s)$	-	$(kW/m^2)$	(kPa)	(kPa)	(kPa)	(kPa)
401	0,053	0	6,57	2,06	4,51	0
401	0,07	0	6,26	2,79	3,47	0
401	0,114	0	5,49	3,27	2,23	0
401	0,198	0	4,90	3,73	1,18	0

Cizelge 6.15 : Klausner vd. (1990) adyabatik düşey borulardaki toplam basınç düşümü ölçüm sonuçları kullanılarak hesaplanan iki-fazlı akış basınç düşümü bileşenlerinin termodinamik kuruluk derecesi ile değişimini (Şekil 6.3) çizdirmek için kullanılan veriler.



 $G=401 \text{ kg/m}^2 \text{s}, q=0 \text{ kW/m}^2$ 

**Şekil 6.3 :** Klausner vd. (1990) adyabatik veri kaynağında bulunan G=401 kg/m<sup>2</sup>s değerine sahip R11 ölçüm sonuçları için iki-fazlı akış basınç düşümü bileşenlerinin termodinamik kuruluk derecesi ile değişimi.

G	x	q"	$\Delta P_{2\phi}$	$\Delta P_{sur,2\phi}$	$\Delta P_{yer,2\phi}$	$\Delta P_{ivm,2\phi}$
$(kg/m^2s)$	-	$(kW/m^2)$	(kPa)	(kPa)	(kPa)	(kPa)
256	0,077	0	6,84	1,08	5,76	0
256	0,096	0	5,16	1,89	3,27	0
256	0,210	0	4,08	2,70	1,38	0
256	0,366	0	4,00	3,65	0,35	0

**Cizelge 6.16 :** Klausner vd. (1990) adyabatik düşey borulardaki toplam basınç düşümü ölçüm sonuçları kullanılarak hesaplanan iki-fazlı akış basınç düsümü bilesenlerinin termodinamik kuruluk derecesi ile değişimini (Şekil 6.4) çizdirmek için kullanılan veriler.



G=256 kg/m<sup>2</sup>s, q"=0 kW/m<sup>2</sup>

**Şekil 6.4 :** Klausner vd. (1990) adyabatik veri kaynağında bulunan G=256 kg/m<sup>2</sup>s değerine sahip R11 ölçüm sonuçları için iki-fazlı akış basınç düşümü bileşenlerinin termodinamik kuruluk derecesi ile değişimi.

Çizelge 6.17-6.24'te sunulan düşey ısıtılmış borulardaki basınç düşümü ölçüm verileri kullanılarak, Şekil 6.5-6.12'de verilen ve iki-fazlı akış basınç düşümü bilesenlerinin termodinamik kuruluk derecesi ile değişimini gösteren grafikler çizdirilmiştir. Şekillerden ivmelenmeden kaynaklanan basınç düşümü bileşeninin termodinamik kuruluk derecesi arttıkça az da olsa artan bir trend gösterdiği anlaşılmaktadır. Yer çekiminden kaynaklanan basınç düşümü bileşeni termodinamik

kuruluk derecesi arttıkça Leung (1994) verileri için çok değişmezken Klausner vd. (1990) verileri için azalan bir trend göstermektedir. Sürtünmeden kaynaklanan basınç düşümü bileşeni ise termodinamik kuruluk derecesi arttıkça genel olarak artan bir trend göstermektedir.

**Çizelge 6.17 :** Leung (1994) ısıtılmış düşey borulardaki toplam basınç düşümü ölçüm sonuçları kullanılarak hesaplanan iki-fazlı akış basınç düşümü bileşenlerinin termodinamik kuruluk derecesi ile değişimini (Şekil 6.5) çizdirmek için kullanılan veriler.

Kod	Р	G	X	q"	$\Delta P_{2\phi}$	$\Delta P_{sur,2\phi}$	$\Delta P_{yer,2\phi}$	$\Delta P_{ivm,2\phi}$
	(kPa)	$(kg/m^2s)$	-	$(kW/m^2)$	(kPa)	(kPa)	(kPa)	(kPa)
DPP92206	9540	1905,412	0,40511	811,3690	100,46	72,19	10,30	17,97
DPP92207	9550	1907,555	0,43201	849,6830	103,02	73,29	10,37	19,36
DPP92208	9570	1934,561	0,45215	891,0341	104,89	73,51	10,42	20,96
DPP92209	9550	1936,704	0,47747	928,8808	108,86	75,87	10,48	22,51
DPP92210	9560	1923,416	0,50868	967,8957	110,86	76,30	10,53	24,03
DPP92211	9540	1934,132	0,52992	1002,9390	114,69	78,39	10,58	25,71





Şekil 6.5 : Leung (1994) veri kaynağında bulunan P=9540-9570 kPa, G=1905-1937 kg/m<sup>2</sup>s ve q"=811-1003 kW/m<sup>2</sup> değerlerine sahip ölçüm sonuçları kullanılarak hesaplanan iki-fazlı akış basınç düşümü bileşenlerinin termodinamik kuruluk derecesi ile değişimi.

Kod	Р	G	x	q"	$\Delta P_{2\phi}$	$\Delta P_{sur,2\phi}$	$\Delta P_{yer,2\phi}$	$\Delta P_{ivm,2\phi}$
	(kPa)	$(kg/m^2s)$	-	$(kW/m^2)$	(kPa)	(kPa)	(kPa)	(kPa)
DPB91502	9550	1172,825	0,09008	235,4909	19,33	10,21	7,49	1,63
DPB91503	9550	1154,821	0,22811	354,6381	33,80	21,06	9,06	3,68
DPB91504	9550	1162,537	0,34875	464,9077	46,78	31,49	9,64	5,65
DPB91505	9540	1134,674	0,49102	571,2056	59,24	41,15	10,10	7,99
DPP91506	9550	1186,971	0,65235	734,7410	71,50	47,95	10,45	13,10
DPP91509	9550	1189,114	0,73796	811,3690	75,46	48,79	10,56	16,11
DPP91510	9550	1153,964	0,79915	836,8338	77,22	49,11	10,64	17,47

**Çizelge 6.18 :** Leung (1994) ısıtılmış düşey borulardaki toplam basınç düşümü ölçüm sonuçları kullanılarak hesaplanan iki-fazlı akış basınç düşümü bileşenlerinin termodinamik kuruluk derecesi ile değişimini (Şekil 6.6) çizdirmek için kullanılan veriler.





Şekil 6.6 : Leung (1994) veri kaynağında bulunan P=9540-9550 kPa, G=1134-1190 kg/m<sup>2</sup>s ve q"=235-837 kW/m<sup>2</sup> değerlerine sahip ölçüm sonuçları kullanılarak hesaplanan iki-fazlı akış basınç düşümü bileşenlerinin termodinamik kuruluk derecesi ile değişimi.

**Çizelge 6.19 :** Leung (1994) ısıtılmış düşey borulardaki toplam basınç düşümü ölçüm sonuçları kullanılarak hesaplanan iki-fazlı akış basınç düşümü bileşenlerinin termodinamik kuruluk derecesi ile değişimini (Şekil 6.7) çizdirmek için kullanılan veriler.

Kod	Р	G	x	q"	$\Delta P_{2\phi}$	$\Delta P_{sur,2\phi}$	$\Delta P_{yer,2\phi}$	$\Delta P_{ivm,2\phi}$
	(kPa)	$(kg/m^2s)$	-	$(kW/m^2)$	(kPa)	(kPa)	(kPa)	(kPa)
DPB94203	9630	4777,033	0,05113	352,3019	151,13	124,01	10,65	16,46
DPB94204	9630	4774,889	0,08282	469,5801	202,43	165,07	11,56	25,81
DPB94205	9630	4762,887	0,11441	581,2514	248,47	202,05	11,98	34,45
DPB94511	9620	4790,750	0,16201	1287,2569	208,49	152,06	8,79	47,64
DPB94512	9620	4760,744	0,19729	1402,6661	236,31	171,17	9,12	56,02
DPC94514	9630	4756,028	0,26311	1624,8406	271,11	189,07	9,62	72,42
DPB94109	9630	4773,175	0,27914	1054,1022	415,63	325,26	13,38	76,99

P=9620-9630 kPa, G=4756-4791 kg/m<sup>2</sup>s, q''=352-1625 kW/m<sup>2</sup>



Şekil 6.7 : Leung (1994) veri kaynağında bulunan P=9620-9630 kPa, G=4756-4791 kg/m<sup>2</sup>s ve q"=352-1625 kW/m<sup>2</sup> değerlerine sahip ölçüm sonuçları kullanılarak hesaplanan iki-fazlı akış basınç düşümü bileşenlerinin termodinamik kuruluk derecesi ile değişimi.

Kod	Р	G	x	q"	$\Delta P_{2\phi}$	$\Delta P_{sur,2\phi}$	$\Delta P_{yer,2\phi}$	$\Delta P_{ivm,2\phi}$
	(kPa)	$(kg/m^2s)$	-	$(kW/m^2)$	(kPa)	(kPa)	(kPa)	(kPa)
DPC54214	5030	4416,955	0,35113	1636,7553	653,18	490,30	12,09	150,79
DPP54214	5030	4386,520	0,35995	1660,8183	659,46	494,22	12,11	153,13
DPP54215	5030	4410,525	0,36778	1699,1323	671,12	500,12	12,13	158,86
DPP54216	5030	4403,666	0,37825	1740,7170	679,15	503,12	12,15	163,89
DPP54217	5030	4411,382	0,38549	1772,2560	681,48	500,93	12,17	168,38
DPP54218	5030	4429,386	0,39551	1818,2795	689,42	501,87	12,20	175,35
DPP54219	5030	4407,524	0,40747	1855,6590	694,98	502,34	12,23	180,41

**Çizelge 6.20 :** Leung (1994) ısıtılmış düşey borulardaki toplam basınç düşümü ölçüm sonuçları kullanılarak hesaplanan iki-fazlı akış basınç düşümü bileşenlerinin termodinamik kuruluk derecesi ile değişimini (Şekil 6.8) çizdirmek için kullanılan veriler.



Şekil 6.8 : Leung (1994) veri kaynağında bulunan P=5030 kPa, G=4386-4430 kg/m<sup>2</sup>s ve q"=1636-1856 kW/m<sup>2</sup> değerlerine sahip ölçüm sonuçları kullanılarak hesaplanan iki-fazlı akış basınç düşümü bileşenlerinin termodinamik kuruluk derecesi ile değişimi.

**Çizelge 6.21 :** Klausner vd. (1990) ısıtılmış düşey borulardaki toplam basınç düşümü ölçüm sonuçları kullanılarak hesaplanan iki-fazlı akış basınç düşümü bileşenlerinin termodinamik kuruluk derecesi ile değişimini (Şekil 6.9) çizdirmek için kullanılan veriler.

G	x	q"	$\Delta P_{2\phi}$	$\Delta P_{sur,2\phi}$	$\Delta P_{yer,2\phi}$	$\Delta P_{ivm,2\phi}$
$(kg/m^2s)$	-	$(kW/m^2)$	(kPa)	(kPa)	(kPa)	(kPa)
401	0,034	11,4	11,85	1,90	9,71	0,24
401	0,062	11,4	7,88	2,58	4,94	0,36
401	0,194	11,4	5,99	3,75	1,80	0,44
401	1,121	11,4	6,36	3,13	2,84	0,39



Şekil 6.9 : Klausner vd. (1990) veri kaynağında bulunan G=401 kg/m<sup>2</sup>s ve q"=11,4 kW/m<sup>2</sup> değerlerine sahip R11 ölçüm sonuçları için iki-fazlı akış basınç düşümü bileşenlerinin termodinamik kuruluk derecesi ile değişimi.

**Çizelge 6.22 :** Klausner vd. (1990) ısıtılmış düşey borulardaki toplam basınç düşümü ölçüm sonuçları kullanılarak hesaplanan iki-fazlı akış basınç düşümü bileşenlerinin termodinamik kuruluk derecesi ile değişimini (Şekil 6.10) çizdirmek için kullanılan veriler.

G	x	q"	$\Delta P_{2\phi}$	$\Delta P_{sur,2\phi}$	$\Delta P_{yer,2\phi}$	$\Delta P_{ivm,2\phi}$
$(kg/m^2s)$	-	$(kW/m^2)$	(kPa)	(kPa)	(kPa)	(kPa)
256	0,044	11,4	11,43	0,76	10,54	0,13
256	0,095	11,4	6,97	1,42	5,36	0,19
256	0,129	11,4	5,69	2,55	2,84	0,29
256	0,310	11,4	4,77	3,74	0,54	0,49



Şekil 6.10 : Klausner vd. (1990) veri kaynağında bulunan G=256 kg/m<sup>2</sup>s ve q"=11,4 kW/m<sup>2</sup> değerlerine sahip R11 ölçüm sonuçları için iki-fazlı akış basınç düşümü bileşenlerinin termodinamik kuruluk derecesi ile değişimi.
Çizelge 6.23 : Klausner vd. (1990) ısıtılmış düşey borulardaki toplam basınç düşümü ölçüm sonuçları kullanılarak hesaplanan iki-fazlı akış basınç düşümü bileşenlerinin termodinamik kuruluk derecesi ile değişimini (Şekil 6.11) çizdirmek için kullanılan veriler.

G	x	q"	$\Delta P_{2\phi}$	$\Delta P_{sur,2\phi}$	$\Delta P_{yer,2\phi}$	$\Delta P_{ivm,2\phi}$
$(kg/m^2s)$	-	$(kW/m^2)$	(kPa)	(kPa)	(kPa)	(kPa)
401	0,040	4	9,02	1,06	7,86	0,10
401	0,067	4	7,45	2,39	4,94	0,12
401	0,164	4	5,63	3,47	2,01	0,15
401	0,195	4	5,25	3,49	1,59	0,17



Şekil 6.11 : Klausner vd. (1990) veri kaynağında bulunan G=401 kg/m<sup>2</sup>s ve q"=4 kW/m<sup>2</sup> değerlerine sahip R11 ölçüm sonuçları için iki-fazlı akış basınç düşümü bileşenlerinin termodinamik kuruluk derecesi ile değişimi.

**Çizelge 6.24 :** Klausner vd. (1990) ısıtılmış düşey borulardaki toplam basınç düşümü ölçüm sonuçları kullanılarak hesaplanan iki-fazlı akış basınç düşümü bileşenlerinin termodinamik kuruluk derecesi ile değişimini (Şekil 6.12) çizdirmek için kullanılan veriler.

G	x	q"	$\Delta P_{2\phi}$	$\Delta P_{sur,2\phi}$	$\Delta P_{yer,2\phi}$	$\Delta P_{ivm,2\phi}$
$(kg/m^2s)$	-	$(kW/m^2)$	(kPa)	(kPa)	(kPa)	(kPa)
256	0,068	4	7,78	1,10	6,62	0,06
256	0,097	4	6,26	1,44	4,74	0,08
256	0,194	4	4,74	2,62	2,01	0,11
256	0,351	4	3,98	3,29	0,54	0,16



Şekil 6.12 : Klausner vd. (1990) veri kaynağında bulunan G=256 kg/m<sup>2</sup>s ve q"=4 kW/m<sup>2</sup> değerlerine sahip R11 ölçüm sonuçları için iki-fazlı akış basınç düşümü bileşenlerinin termodinamik kuruluk derecesi ile değişimi.

Şekil 6.2-6.12 düşey borularda iki-fazlı akış olması durumunda basınç düşümü bileşenlerin farklı basınç, kütlesel akı ve termodinamik kuruluk derecesi değerleri için izlediği trenler hakkında genel bir bilgi vermektedir. Buna göre

• Yüksek kütlesel akı değerlerinde basınç düşümü bileşenleri arasında en yüksek değer sürtünmeden kaynaklanan basınç düşümüne aittir.

- Düşük kütlesel akı değerlerinde sürtünmeden ve ivmelenmeden kaynaklanan basınç düşümü bileşenleri azalmaktadır.
- Yerçekiminden kaynaklanan basınç düşümü bileşeni kütlesel akıdan etkilenmemektedir.
- Kütlesel akının yeterince azaldığı durumlarda sürtünmeden ve ivmelenmeden kaynaklanan basınç düşümü bileşenleri yerçekiminden kaynaklanan basınç düşümü bileşeninden küçük değere sahip olabilmektedir.
- Isı akısının artması ivmelenmeden kaynaklanan basınç düşümü bileşenini arttırmaktadır.

## 6.5 Literatürden Seçilmiş İki-Fazlı Akış Sürtünme Çarpanı Korelasyonları İçin Isıtma Etkisinin İrdelenmesi, Hata Analizleri ve Değerlendirme

Bu bölümde seçilen korelasyonlar kullanılarak elde edilen iki-fazlı akış sürtünme çarpanı sonuçları hesaplama yöntemi ve Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) kullanılarak elde edilen iki-fazlı akış sürtünme çarpanı değerleri referans alınarak ayrı ayrı irdelenmiştir. Ayrıca seçilen korelasyonlar hesaplanırken ısıtma etkisinin korelasyonlar üzerindeki olumu veya olumsuz etkileri test edilmiştir. Isıtma etkisi testleri, hesaplama yöntemi referanslı RMS hata değerleri dikkate alınarak yapılmıştır.

Bu çalışmada iki-fazlı akış sürtünme çarpanı değerlerini hesaplamak için önceki bölümlerde anlatılan Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942), Thom (1964) metodu, Chisholm (1973), Friedel (1979), Lombardi ve Pedrocchi (1972) ve Muller-Steinhagen ve Heck (1986) korelasyonları seçilmiştir. Seçilen korelasyonlara ilaveten ısıtma etkisini test etmek için kullanılmak üzere Tarasova vd. (1966) korelasyonu seçilmiştir. Adyabatik ve ısıtılmış düşey borularda akış için kullanılabilen bu korelasyonlar türetilirken ısıtmanın etkisi göz ardı edildiği için elde edilen sonuçlara Tarasova vd. (1966) korelasyonu yardımıyla ısıtmanın etkisi eklenerek düzeltme yapılacaktır. Fakat bu düzeltme sonuçları iyileştirirken korelasyonu trendini bozabileceği için sonuçların test edilmesine ihtiyaç vardır.

Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) ve korelasyonlar kullanılarak elde edilen iki-fazlı akış sürtünme çarpanı değerleri birinci aşamada hesaplama yöntemi kullanılarak elde edilen sonuçlar referans alınarak test edilecektir. Burada hesaplama yöntemi ile elde edilen sonuçların doğru sonuçlar olduğu kabul edilmektedir. Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) ve korelasyonlar bu kabul ile hesaplama yöntemi kullanılarak hesaplanan ortalama ve RMS hata değerlerine göre karşılaştırılmıştır.

Hata

$$\varepsilon = \frac{\phi_{so,kor}^2 - \phi_{so,hes}^2}{\phi_{so,hes}^2}$$
(6.6)

bağıntısı ile, ortalama hata

$$\varepsilon_{ort} = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^{i=N} \varepsilon_i$$
(6.7)

bağıntısı ile ve RMS hata da

$$\varepsilon_{RMS} = \left(\frac{1}{N} \sum_{i=1}^{i=N} \varepsilon_i^2\right)^{1/2}$$
(6.8)

bağıntısı ile hesaplanmaktadır.

Isıtma etkisini ilave etmek için kullanılan Tarasova vd. (1966) korelasyonu, deneysel ölçüm sonuçlarında verilen bilgiler yetersiz olduğu için sadece doymuş kaynama şartları için geçerli olan ve Denklem (5.35)'te verilen bağıntı kullanılarak sınırlı olarak uygulanabilmiş ve bu sebeple ısıtma etkisi tam olarak test edilememiştir. Çizelge 6.25'te ısıtılmış veri tabanının kullanılması durumunda Tarasova vd. (1966) ısıtma etkisi korelasyonunun seçilen iki-fazlı akış sürtünme carpanı korelasyonlarına eklendiği ve eklenmediği durumlarda elde edilen hesaplama yöntemi referanslı hata değerleri yer almaktadır. Yapılan sınırlı testler sonucunda elde edilen RMS hata değerleri dikkate alındığında Tarasova vd. (1966) ısıtma etkisi korelasyonunun Thom (1964) metodu dışında hiçbir korelasyonda olumlu etki yapmadığı gözlemlenmiştir. Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) ile elde edilen sonuçların da birbirine çok yakın olduğu görülmektedir. Yapılan yorumu kuvvetlendirmek için sadece Leung (1994) veri kaynağı kullanarak bir test daha yapılmış ve bu teste ait sonuçlar Cizelge 6.26'da verilmiştir. Leung (1994) veri kaynağı kullanılarak elde edilen RMS hata değerleri kıyaslandığında Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942)'ye ve korelasyonlara ısıtma etkisinin ilave edilmemesi gerektiği ortaya çıkmıştır.

DENEYSEL VERİ KAYNAKLARI =====>	Leung (1994) – Alessandrini vd. (1963) – Peterlongo vd. (1964) - Olekhnovitch (1997) – Olekhnovitch vd. (2004)					
KULLANILAN VERİ SAYISI =====>	9372					
	Seçen	nekler	En İyi Sonuçlar			
KARŞILAŞTIRMA SONUÇLARI	Isıtma Etkisi Eklendi	Isıtma Etkisi Eklenmedi	Isıtma Etkisi Eklendi	Isıtma Etkisi Eklenmedi		
RMS Hata: Thom (1964)	34,53	46,32	34,53	-		
RMS Hata: Lombardi ve Pedrocchi (1972)	71,96	45,28	-	45,28		
RMS Hata: Chisholm (1973)	50,50	36,49	-	36,49		
RMS Hata: Friedel (1979)	71,96	49,29	-	49,29		
RMS Hata: Muller-Steinhagen ve Heck (1986)	41,94	28,60	-	28,60		
RMS Hata: Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942)	37,60	36,58	-	36,58		
Ortalama Hata: Thom (1964)	-19,23	-38,51	-19,23	-		
Ortalama Hata: Lombardi ve Pedrocchi (1972)	46,85	9,82	-	9,82		
Ortalama Hata: Chisholm (1973)	22,43	-8,60	-	-8,60		
Ortalama Hata: Friedel (1979)	47,22	11,89	-	11,89		
Ortalama Hata: Muller-Steinhagen ve Heck (1986)	26,11	-5,55	-	-5,55		
Ortalama Hata: Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942)	10,00	-16,46		-16,46		

Çizelge 6.25 : Isıtılmış boru ile ilgili veri tabanı için Tarasova vd. (1966) ısıtma etkisi korelasyonunun test edilmesi (Birimler: %).

DENEYSEL VERİ KAYNAKLARI =====>	Leung (1994)				
KULLANILAN VERİ SAYISI =====>	828				
HECADI AMA VÖNTEMİ DEEEDANCI I	Seçer	ekler	En İyi Sonuçlar		
KARŞILAŞTIRMA SONUÇLARI	Isıtma Etkisi Eklendi	Isıtma Etkisi Eklenmedi	Isıtma Etkisi Eklendi	Isıtma Etkisi Eklenmedi	
RMS Hata: Thom (1964)	42,13	19,99	-	19,99	
RMS Hata: Lombardi ve Pedrocchi (1972)	46,71	22,40	-	22,40	
RMS Hata: Chisholm (1973)	57,91	29,55	-	29,55	
RMS Hata: Friedel (1979)	106,70	68,16	-	68,16	
RMS Hata: Muller-Steinhagen ve Heck (1986)	66,69	37,26	-	37,26	
RMS Hata: Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942)	74,20	42,71	-	42,71	
Ortalama Hata: Thom (1964)	34,23	9,43	-	9,43	
Ortalama Hata: Lombardi ve Pedrocchi (1972)	37,32	11,60	-	11,60	
Ortalama Hata: Chisholm (1973)	51,84	23,67	-	23,67	
Ortalama Hata: Friedel (1979)	100,74	63,56	-	63,56	
Ortalama Hata: Muller-Steinhagen ve Heck (1986)	53,99	24,87	-	24,87	
Ortalama Hata: Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942)	66,95	36,03	-	36,03	

Çizelge 6.26 : Leung (1994) veri kaynağı için Tarasova vd. (1966) ısıtma etkisi korelasyonunun test edilmesi (Birimler: %).

Çizelge **6.25** ve **6.26**'da görüldüğü üzere ısıtma etkisinin Thom (1964) metoduna uygulanıp ugulanmaması konusunda tereddüt oluşmuştur. Bu tereddütü ortadan kaldırmak için Thom (1964) metoduna ait hata histogramının çizdirilmesi gerekmektedir.

Şekil 6.13'te Thom (1964) metoduna ısıtma etkisi ilave edilip edilmemesi durumunda hesaplanan ve +-%100 ortalama hata değeri aralığında bulunan sonuçlar kullanılarak çizdirilmiş histogramlar sunulmaktadır.



Şekil 6.13 : Thom (1964) metodu ortalama hata histogramı.

Şekil 6.13 yardımıyla ısıtma etkisinin ilave edilmediği durum için çizdirilen histogram trendinin ısıtma etkisi ilave edilerek çizdirilen histogram trendine nazaran daha tutarlı olduğu anlaşılmaktadır. Isıtmanın etkisi -%40 ile -%60 hata aralığında Thom (1964) metodunun trendini bozmaktadır. Bu sebeple Thom (1964) metoduna ısıtma etkisinin ilave edilmemesine karar verilmiştir. Bu karar Çizelge 6.25'te bulunan en iyi sonuçlar bölümündeki Thom (1964) metoduna ait en iyi değerin tercih edilmemesine ve bunun yerine ısıtma etkisi ilave edilmeden yapılan hesap sonucu elde edilen değerlerin en iyi sonuç olarak kabul edilmesine neden olmuştur.

Isıtma etkisi üzerine yapılan sınırlı testler sonucu iki-fazlı akış sürtünme çarpanı korelasyonlarının hiçbirine Tarasova vd. (1966) korelasyonunun yani ısıtma etkisinin ilave edilmemesine karar verilmiştir.

Şekil 6.14 ve sonraki bölümlerde sunulan şekillerin göstergelerinde yer alan Homojen Akış Modeli ile Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) kastedilmektedir.

Şekil 6.14'te Lombardi ve Pedrocchi (1972), Chisholm (1973), Friedel (1979) ve Muller-Steinhagen ve Heck (1986) korelasyonları, Thom (1964) metodu ve Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) yardımıyla hesaplanan ve +-%100 ortalama hata değeri aralığında bulunan sonuçlar kullanılarak çizdirilmiş histogramlar sunulmaktadır.



Şekil 6.14 : Korelasyonlar için ortalama hata histogramı.

Şekil 6.14'te açıkça görüldüğü üzere bazı veriler kullanılarak hesaplanan ortalama hata değerleri +-%100 hata aralığı dışarısında kalmaktadır. Ayrıca hesaplamalarda

kullanılan her bir yöntem için çizdirilen ortalama hata değeri eğrilerinin pik noktaları düşey eksenin solunda yani negatif ortalama hata değeri bölgesinde oluşmaktadır. Bu sonucun ortaya çıkması normal olabileceği gibi kullanılan veri kaynağında bulunan hatalı verilerden veya hesaplamalarda yapılan hatalardan kaynaklanabilir. Yapılan incelemeler sonrası hesaplamalarda hata yapılmadığına ve sonucun doğru kabul edilmesine hükmedilmiştir.

Çizelge 6.27'de ısıtılmış veri tabanı için korelasyonlar kullanılarak yapılan hesaplamalarla elde edilen sonuçların hesaplama yöntemi referanslı ortalama ve RMS hata değerleri gösterilmiştir.

**Çizelge 6.27 :** Isıtılmış veri tabanında bulunan 9372 adet veri kullanılarak korelasyonlar için hesaplama yöntemi referanslı hesaplanan ortalama ve RMS hata (%) değerleri.

HESAPLAMA YÖNTEMİ REFERANSLI KARŞILAŞTIRMA SONUÇLARI	RMS Hata	Ortalama Hata
Thom (1964)	46,32	-38,51
Lombardi ve Pedrocchi (1972)	45,28	9,82
Chisholm (1973)	36,49	-8,60
Friedel (1979)	49,29	11,89
Muller-Steinhagen ve Heck (1986)	28,60	-5,55
Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942)	36,58	-16,46

Çizelge 6.27'deki RMS hata değerleri karşılaştırıldığı zaman Muller-Steinhagen ve Heck (1986) korelasyonunun en iyi sonucu verdiği görülmektedir. Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) ve Chisholm (1973) korelasyonlarının RMS hataları birbirine çok yakın olmakla beraber Muller-Steinhagen ve Heck (1986) RMS hata değerinden kayda değer ölçüde fazladır. Thom (1964) metodu, Friedel (1979) ve Lombardi ve Pedrocchi (1972) korelasyonları kullanılarak elde edilen RMS hata değerleri ise oldukça yüksek değerler almıştır.

Çizelge 6.28'de Leung (1994) veri kaynağı için korelasyonlar kullanılarak yapılan hesaplamalarla elde edilen sonuçların hesaplama yöntemi referanslı ortalama ve RMS hata değerleri gösterilmiştir.

HESAPLAMA YÖNTEMİ REFERANSLI KARŞILAŞTIRMA SONUÇLARI	RMS Hata	Ortalama Hata
Thom (1964)	19,99	9,43
Lombardi ve Pedrocchi (1972)	22,40	11,60
Chisholm (1973)	29,55	23,67
Friedel (1979)	68,16	63,56
Muller-Steinhagen ve Heck (1986)	37,26	24,87
Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942)	42,71	36,03

**Çizelge 6.28 :** Leung (1994)'te bulunan 828 adet veri kullanılarak korelasyonlar için hesaplama yöntemi referanslı hesaplanan ortalama ve RMS hata (%) değerleri.

Çizelge 6.28'deki RMS hata değerleri karşılaştırıldığı zaman Thom (1964) metodunun en iyi sonucu verdiği görülmektedir. Daha sonra sırasıyla Lombardi ve Pedrocchi (1972), Chisholm (1973), Muller-Steinhagen ve Heck (1986), Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) ve Friedel (1979) korelasyonları gelmektedir.

Çizelge 6.29'da Alessandrini vd. (1963) adyabatik veri kaynağı için korelasyonlar kullanılarak yapılan hesaplamalarla elde edilen sonuçların hesaplama yöntemi referanslı ortalama ve RMS hata değerleri gösterilmiştir.

**Çizelge 6.29 :** Alessandrini vd. (1963)'te bulunan 198 adet adyabatik veri kullanılarak korelasyonlar için hesaplama yöntemi referanslı hesaplanan ortalama ve RMS hata (%) değerleri.

HESAPLAMA YÖNTEMİ REFERANSLI KARŞILAŞTIRMA SONUÇLARI	RMS Hata	Ortalama Hata
Thom (1964)	46,32	34,56
Lombardi ve Pedrocchi (1972)	31,18	26,45
Chisholm (1973)	18,51	9,37
Friedel (1979)	36,38	28,06
Muller-Steinhagen ve Heck (1986)	77,26	-75,72
Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942)	20,38	-2,38

Çizelge 6.29'daki RMS hata değerleri karşılaştırıldığı zaman Chisholm (1973) korelasyonunun adyabatik veriler için en iyi sonucu verdiği görülmektedir. Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) korelasyonu kullanılarak elde edilen RMS hata değeri Chisholm (1973) korelasyonu kullanılarak elde edilen hata değerine çok

yakındır. Daha sonra sırasıyla Lombardi ve Pedrocchi (1972), Friedel (1979), Thom (1964) metodu ve Muller-Steinhagen ve Heck (1986) korelasyonları gelmektedir.

İkinci aşamada korelasyonlar kullanılarak elde edilen iki-fazlı akış sürtünme çarpanı değerleri Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) kullanılarak elde edilen sonuçlar referans alınarak test edilecektir. Burada Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) ile elde edilen sonuçların doğru sonuçlar olduğu kabul edilmektedir. Korelasyonlar bu kabul ile Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) kullanılarak hesaplanan ortalama ve RMS hata değerlerine göre karşılaştırılmıştır.

Çizelge 6.30'da ısıtılmış veri tabanı için korelasyonlar kullanılarak yapılan hesaplamalarla elde edilen sonuçların Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) referanslı ortalama ve RMS hata değerleri gösterilmiştir.

**Çizelge 6.30 :** Isıtılmış veri tabanında bulunan 9372 adet veri kullanılarak korelasyonlar için Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) referanslı hesaplanan ortalama ve RMS hata (%) değerleri.

HOMOJEN AKIŞ MODELİ (McAdams vd., 1942) REFERANSLI KARŞILAŞTIRMA SONUÇLARI	RMS Hata	Ortalama Hata
Thom (1964)	29,04	-26,55
Lombardi ve Pedrocchi (1972)	51,76	36,59
Chisholm (1973)	38,44	13,73
Friedel (1979)	35,06	32,99
Muller-Steinhagen ve Heck (1986)	25,84	17,80

Çizelge 6.30'daki RMS hata değerleri karşılaştırıldığı zaman Muller-Steinhagen ve Heck (1986) korelasyonunun en iyi sonucu verdiği görülmektedir. Muller-Steinhagen ve Heck (1986) korelasyonunu sırasıyla Thom (1964) metodu ve Friedel (1979) korelasyonunu izlemektedir. Chisholm (1973) ve Lombardi ve Pedrocchi (1972) korelasyonları ise en kötü RMS hata değerlerini vermiştir.

Çizelge 6.31'de Leung (1994) veri kaynağı için korelasyonlar kullanılarak yapılan hesaplamalarla elde edilen sonuçların Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) referanslı ortalama ve RMS hata değerleri gösterilmiştir.

HOMOJEN AKIŞ MODELİ (McAdams vd., 1942) REFERANSLI KARŞILAŞTIRMA SONUÇLARI	RMS Hata	Ortalama Hata
Thom (1964)	19,59	-19,44
Lombardi ve Pedrocchi (1972)	21,68	-17,07
Chisholm (1973)	12,11	-8,34
Friedel (1979)	21,20	20,70
Muller-Steinhagen ve Heck (1986)	14,97	-8,36

**Çizelge 6.31 :** Leung (1994)'te bulunan 828 adet veri kullanılarak korelasyonlar için Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) referanslı hesaplanan ortalama ve RMS hata (%) değerleri.

Çizelge 6.31'deki RMS hata değerleri karşılaştırıldığı zaman Chisholm (1973) korelasyonunun en iyi sonucu verdiği görülmektedir. Daha sonra sırasıyla Muller-Steinhagen ve Heck (1986), Thom (1964) metodu, Friedel (1979) ve Lombardi ve Pedrocchi (1972) korelasyonları gelmektedir.

Çizelge 6.32'de Alessandrini vd. (1963) adyabatik veri kaynağı için korelasyonlar kullanılarak yapılan hesaplamalarla elde edilen sonuçların Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) referanslı ortalama ve RMS hata değerleri gösterilmiştir.

Çizelge 6.32 : Alessandrini vd. (1963)'te bulunan 198 adet adyabatik veri kullanılarak korelasyonlar için Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) referanslı hesaplanan ortalama ve RMS hata (%) değerleri.

HOMOJEN AKIŞ MODELİ (McAdams vd., 1942) REFERANSLI KARŞILAŞTIRMA SONUÇLARI	RMS Hata	Ortalama Hata
Thom (1964)	39,31	37,76
Lombardi ve Pedrocchi (1972)	38,55	32,64
Chisholm (1973)	23,54	14,53
Friedel (1979)	32,85	32,05
Muller-Steinhagen ve Heck (1986)	76,87	-75,71

Çizelge 6.32'deki RMS hata değerleri karşılaştırıldığı zaman Chisholm (1973) korelasyonunun adyabatik veriler için en iyi sonucu verdiği görülmektedir. Daha sonra sırasıyla Friedel (1979), Lombardi ve Pedrocchi (1972), Thom (1964) metodu ve Muller-Steinhagen ve Heck (1986) korelasyonları gelmektedir.

Isıtılmış veri tabanı için hesaplama yöntemi ve Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) referanslı hesaplanan RMS hata değerleri karşılaştırıldığında Muller-Steinhagen ve Heck (1986) korelasyonunun iki durumda da en iyi sonucu verdiği görülmüştür. Aynı şekilde adyabatik veri tabanı için hesaplama yöntemi ve Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) referanslı hesaplanan RMS hata değerleri karşılaştırıldığında Chisholm (1973) korelasyonunun iki durumda da en iyi sonucu verdiği görülmüştür.

Çizelge 6.27-6.32'de verilen ortalama ve RMS hata değerleri belirlenirken kullanılan iki-fazlı akış sürtünme çarpanı korelasyonları yardımıyla elde edilen iki-fazlı akış sürtünme çarpanı örnekleri Çizelge 6.33-6.38'de sunulmuştur.

**Çizelge 6.33 :** Alessandrini vd. (1963) veri kaynağı kullanılarak hesaplama yöntemi ve korelasyonlar ile elde edilen iki-fazlı akış sürtünme çarpanı ( $\phi_{so}^2$ ) örnekleri.

Kod	Hesaplama Yöntemi	Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942)	Thom (1964)	Lombardi ve Pedrocchi (1972)	Chisholm (1973)	Friedel (1979)	Muller- Steinhagen ve Heck (1986)
.470BN.	11,62	6,98	5,61	12,28	11,47	9,89	9,52
.471BN.	11,56	7,01	5,63	12,34	11,52	9,94	9,57
.467BD.	2,89	3,29	2,64	3,56	3,13	4,27	2,94
.483BND.	2,18	2,36	1,96	2,57	2,56	3,18	1,97

**Çizelge 6.34 :** Peterlongo vd. (1964) veri kaynağı kullanılarak hesaplama yöntemi ve korelasyonlar ile elde edilen iki-fazlı akış sürtünme çarpanı ( $\phi_{so}^2$ ) örnekleri.

Kod	Hesaplama Yöntemi	Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942)	Thom (1964)	Lombardi ve Pedrocchi (1972)	Chisholm (1973)	Friedel (1979)	Muller- Steinhagen ve Heck (1986)
.17BN.	9,86	7,66	6,20	13,51	12,40	10,87	10,13
.18B(N)	10,01	7,72	6,25	13,73	12,64	10,99	10,26
.57BN.	5,91	4,77	3,80	6,33	5,29	6,33	5,09
.58B(N)	5,85	4,81	3,83	6,38	5,33	6,37	5,14

Kod	Hesaplama Yöntemi	Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942)	Thom (1964)	Lombardi ve Pedrocchi (1972)	Chisholm (1973)	Friedel (1979)	Muller- Steinhagen ve Heck (1986)
DPB94305	1,06	1,32	1,13	1,12	1,30	1,62	1,00
DPB94307	1,41	1,66	1,36	1,38	1,58	2,05	1,35
DPP77334	1,92	3,39	2,76	2,64	2,83	3,94	3,16
DPP77335	1,92	3,41	2,77	2,65	2,86	3,96	3,18

**Çizelge 6.35 :** Leung (1994) veri kaynağı kullanılarak hesaplama yöntemi ve korelasyonlar ile elde edilen iki-fazlı akış sürtünme çarpanı ( $\phi_{so}^2$ ) örnekleri.

**Çizelge 6.36 :** Olekhnovitch (1997) veri kaynağı kullanılarak hesaplama yöntemi ve korelasyonlar ile elde edilen iki-fazlı akış sürtünme çarpanı ( $\phi_{so}^2$ ) örnekleri.

Kod	Hesaplama Yöntemi	Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942)	Thom (1964)	Lombardi ve Pedrocchi (1972)	Chisholm (1973)	Friedel (1979)	Muller- Steinhagen ve Heck (1986)
26	108,29	40,56	14,53	77,23	48,61	45,21	68,99
27	112,02	40,81	14,34	77,94	48,74	45,42	68,86
201	33,22	18,26	10,69	23,03	17,66	19,61	24,94
202	31,43	18,36	10,89	23,20	17,81	19,75	24,98

**Çizelge 6.37 :** Olekhnovitch vd. (2004) veri kaynağı kullanılarak hesaplama yöntemi ve korelasyonlar ile elde edilen iki-fazlı akış sürtünme çarpanı ( $\phi_{so}^2$ ) örnekleri.

Kod	Hesaplama Yöntemi	Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942)	Thom (1964)	Lombardi ve Pedrocchi (1972)	Chisholm (1973)	Friedel (1979)	Muller- Steinhagen ve Heck (1986)
825	3,19	3,93	2,14	8,22	5,73	6,61	4,44
826	3,29	4,40	2,36	9,09	6,44	7,23	5,04
4001	14,12	7,73	6,55	15,01	14,90	10,91	11,40
4002	14,86	7,92	6,71	15,41	15,31	11,16	11,78

Kod	Hesaplama Yöntemi	Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942)	Thom (1964)	Lombardi ve Pedrocchi (1972)	Chisholm (1973)	Friedel (1979)	Muller- Steinhagen ve Heck (1986)
.407.	15,85	10,09	14,31	18,13	17,02	14,33	1,54
.408.	11,75	7,66	10,25	13,64	13,46	10,69	1,09
.106.	10,66	13,35	20,43	14,74	13,51	18,10	3,09
.109.	9,77	11,63	17,21	12,74	11,61	15,04	2,40

**Çizelge 6.38 :** Alessandrini vd. (1963) adyabatik veri kaynağı kullanılarak hesaplama yöntemi ve korelasyonlar ile elde edilen iki-fazlı akış sürtünme çarpanı ( $\phi_{so}^2$ ) örnekleri.

Çizelge 6.39'da bu tez çalışması sırasında elde edilen hesaplama yöntemi referanslı sonuçlar ile Leung (1994) doktora tezinde elde edilen değerler karşılaştırılmıştır. İki çalışmada yapılan hesaplamalar için farklı veri kaynakları ve farkı veri sayısı kullanılmış olmasına karşın sonçların karşılaştırılıp değerlendirme yapılması sonuçların teyit edilmesi açısından faydalı olacaktır. Leung (1994) doktora tezinde Muller-Steinhagen ve Heck (1986) korelasyonu test edilmediği için bu korelasyona ait değer kısmı boş bırakılmıştır.

Isıtılmış veri tabanı kullanılarak yapılan hesaplamalar sonucu en iyi RMS hata değerine sahip olan korelasyon Muller-Steinhagen ve Heck (1986) iken Leung (1994) doktora tezinde en iyi RMS hata değerine sahip korelasyon Chisholm (1973)'tür. Isıtılmış veri tabanı kullanılarak yapılan hesaplamalar sonucunda Chisholm (1973) korelasyonu en iyi ikinci RMS hata değerine sahip korelasyon olmuştur. Muller-Steinhagen ve Heck (1986) korelasyonunun Leung (1994) doktora tezi çalışmasında kullanılmadığı göz önüne alınırsa Chisholm (1973) korelasyonuna ait sonuçlar iki çalışmada birbiriyle örtüşmektedir. Ayrıca Chisholm (1973) korelasyonu adyabatik veri kaynağı kullanılarak yapılan hesaplamalarda en iyi RMS hata değerini veren korelasyon olmuştur.

Leung (1994) veri kaynağı kullanılarak yapılan hesaplamalarda ve Leung (1994) doktora tezinde en iyi ikinci RMS hata değerine sahip olan korelasyon Lombardi ve Pedrocchi (1972) korelasyonu olmuştur.

Genel olarak çalışmada hesaplanan RMS hata değerlerinin Leung (1994) doktora tezinde verilen RMS hata değerlerine nazaran daha yüksek olduğu görülmektedir.

DENEYSEL VERİ KAYNAKLARI =====>	Leung (1994) Alessandrini vd. (1963) Peterlongo vd. (1964) Olekhnovitch (1997) Olekhnovitch vd. (2004)	Leung (1994)	Alessandrini vd. (1963) (Adyabatik)	Leung (1994) Tez Sonuçları
KULLANILAN VERİ SAYISI =====>	9372	828	198	5085
RMS Hata: Thom (1964)	46,32	19,99	46,32	31,74
RMS Hata: Lombardi ve Pedrocchi (1972)	45,28	22,40	31,18	21,69
RMS Hata: Chisholm (1973)	36,49	29,55	18,51	20,09
RMS Hata: Friedel (1979)	49,29	68,16	36,38	33,18
RMS Hata: Muller-Steinhagen ve Heck (1986)	28,60	37,26	77,26	-
RMS Hata: Homojen Model (McAdams vd., 1942)	36,58	42,71	20,38	28,04
Ortalama Hata: Thom (1964)	-38,51	9,43	34,56	14,04
Ortalama Hata: Lombardi ve Pedrocchi (1972)	9,82	11,60	26,45	-13,76
Ortalama Hata: Chisholm (1973)	-8,60	23,67	9,37	4,69
Ortalama Hata: Friedel (1979)	11,89	63,56	28,06	19,06
Ortalama Hata: Muller-Steinhagen ve Heck (1986)	-5,55	24,87	-75,72	-
Ortalama Hata: Homojen Model (McAdams vd., 1942)	-16,46	36,03	-2,38	11,58

**Çizelge 6.39 :** Tez çalışması sırasında elde edilen hesaplama yöntemi referanslı ortalama ve RMS hata değerlerinin Leung (1994) doktora tezinde verilen ortalama ve RMS hata (%) değerleri ile korelasyon bazlı karşılaştırılması.

## 6.6 Literatürden Seçilmiş İki-Fazlı Akış Sürtünme Çarpanı Korelasyonlarının Ayrıntılı Analizi

Isıtılmış veri tabanını oluşturan ve belirlenen kıstasları sağlayan 9372 adet iki-fazlı akış ölçüm sonucu değerleri için korelasyonlar kullanılarak yapılan hesaplamalarda elde edilen sonuçların hesaplama yöntemi referanslı ortalama ve RMS hata değerleri kütlesel akı, termodinamik kuruluk derecesi ve ısı akısına göre aralıklara bölünüp irdelenmiştir. Benzer grafikler Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) referanslı ortalama ve RMS hata değerleri için de çizdirilmiş olup **EK A.1**'deki Şekil A.1 - A.8'de sunulmuştur. Çalışmaya hesaplama yöntemi referanslı sonuçlar kullanılarak devam edileceğinden **EK A.1**'deki grafikler burada ayrıntılı olarak irdelenmemiştir.

Basınca bağlı olarak yapılan aralıklı hesaplama sonucu elde edilen hesaplama yöntemi referanslı ortalama ve RMS hata değerleri dağılımı Şekil 6.15 ve Şekil 6.16'da gösterilmiştir.

Şekil 6.16'daki grafikten 0-3000 kPa basınç aralığında Muller-Steinhagen ve Heck (1986) korelasyonunun, 3000-4000 kPa basınç aralığında Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) korelasyonunun, 4000-5000 kPa basınç aralığında Muller-Steinhagen ve Heck (1986) ve Chisholm (1973) korelasyonlarının, 5000-6000 kPa basınç aralığında Chisholm (1973) korelasyonunun ve 6000-10 000 kPa basınç aralığında Lombardi ve Pedrocchi (1972) korelasyonunun en iyi RMS hata değerini verdiği anlaşılmaktadır. Thom (1964) metodu ve Friedel (1979) korelasyonu hiçbir basınç aralığında en iyi RMS hata değerini vermemiştir. Basınç aralıklı RMS hata değerleri dikkate alındığında daha geniş aralıklar için en iyi RMS hata değerlerini veren Muller-Steinhagen ve Heck (1986) ve Lombardi ve Pedrocchi (1972) korelasyonları ön plana çıkmaktadır.

Kütlesel akıya bağlı olarak yapılan aralıklı hesaplama sonucu elde edilen hesaplama yöntemi referanslı ortalama ve RMS hata değerleri dağılımı Şekil 6.17 ve Şekil 6.18'de gösterilmiştir.

Şekil 6.18'deki grafikten 0-1000 kg/m<sup>2</sup>s kütlesel akı aralığında Muller-Steinhagen ve Heck (1986) ve Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) korelasyonlarının, 1000-6000 kg/m<sup>2</sup>s kütlesel akı aralığında Muller-Steinhagen ve Heck (1986) korelasyonunun, 6000-9000 kg/m<sup>2</sup>s kütlesel akı aralığında Lombardi ve Pedrocchi

(1972) korelasyonunun, 9000-10 000 kg/m<sup>2</sup>s kütlesel akı aralığında ise Lombardi ve Pedrocchi (1972) ve Chisholm (1973) korelasyonlarının en iyi RMS hata değerini verdiği anlaşılmaktadır. Thom (1964) metodu ve Friedel (1979) korelasyonu hiçbir basınç aralığında en iyi RMS hata değerini vermemiştir. Kütlesel akı aralıklı RMS hata değerleri dikkate alındığında daha geniş aralıklar için en iyi RMS hata değerlerini veren Muller-Steinhagen ve Heck (1986) ve Lombardi ve Pedrocchi (1972) korelasyonları ön plana çıkmaktadır.

Termodinamik kuruluk derecesine bağlı olarak yapılan aralıklı hesaplama sonucu elde edilen hesaplama yöntemi referanslı ortalama ve RMS hata değerleri dağılımı Şekil 6.19 ve Şekil 6.20'de gösterilmiştir.

Şekil 6.20'deki grafikten 0-0,1 termodinamik kuruluk derecesi aralığında Thom (1964) metodunun, 0,1-0,2 termodinamik kuruluk derecesi aralığında Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) korelasyonunun, 0,2-0,7 termodinamik kuruluk derecesi aralığında Lombardi ve Pedrocchi (1972) korelasyonunun ve 0,7-0,8 termodinamik kuruluk derecesi aralığında Chisholm (1973) korelasyonlarının en iyi RMS hata değerini verdiği anlaşılmaktadır. Friedel (1979) ve Muller-Steinhagen ve Heck (1986) korelasyonları hiçbir termodinamik kuruluk derecesi aralığında en iyi RMS hata değerini vermemiştir. Termodinamik kuruluk derecesi aralığında en iyi RMS hata değerini vermemiştir. Termodinamik kuruluk derecesi aralıklı RMS hata değerleri dikkate alındığında daha geniş aralıklar için en iyi RMS hata değerlerini Lombardi ve Pedrocchi (1972) korelasyonları ön plana çıkmaktadır.

Isı akısına bağlı olarak yapılan aralıklı hesaplama sonucu elde edilen hesaplama yöntemi referanslı ortalama ve RMS hata değerleri dağılımı Şekil 6.21 ve Şekil 6.22'de gösterilmiştir.

Şekil 6.22'deki grafikten 0-2000 kW/m<sup>2</sup> ısı akısı aralığında Muller-Steinhagen ve Heck (1986) korelasyonunun, 2000-3000 kW/m<sup>2</sup> ısı akısı aralığında Lombardi ve Pedrocchi (1972) korelasyonunun ve 3000-6000 kW/m<sup>2</sup> ısı akısı aralığında Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) korelasyonunun en iyi RMS hata değerini verdiği anlaşılmaktadır. Thom (1964) metodu, Chisholm (1973) ve Friedel (1979) korelasyonları hiçbir ısı akısı aralığında en iyi RMS hata değerini vermemiştir. Isı akısı aralıklı RMS hata değerleri dikkate alındığında genel olarak en iyi RMS hata değerlerini veren Muller-Steinhagen ve Heck (1986) ve Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) korelasyonları ön plana çıkmaktadır.



Şekil 6.15 : Korelasyonlar için hesaplama yöntemi referanslı ortalama hata değerlerinin basınca göre dağılımı.



Şekil 6.16 : Korelasyonlar için hesaplama yöntemi referanslı RMS hata değerlerinin basınca göre dağılımı.



Şekil 6.17 : Korelasyonlar için hesaplama yöntemi referanslı ortalama hata değerlerinin kütlesel akıya göre dağılımı.



Şekil 6.18 : Korelasyonlar için hesaplama yöntemi referanslı RMS hata değerlerinin kütlesel akıya göre dağılımı.



Şekil 6.19 : Korelasyonlar için hesaplama yöntemi referanslı ortalama hata değerlerinin termodinamik kuruluk derecesine göre dağılımı.



Şekil 6.20 : Korelasyonlar için hesaplama yöntemi referanslı RMS hata değerlerinin termodinamik kuruluk derecesine göre dağılımı.



Şekil 6.21 : Korelasyonlar için hesaplama yöntemi referanslı ortalama hata değerlerinin ısı akısına göre dağılımı.



Şekil 6.22 : Korelasyonlar için hesaplama yöntemi referanslı RMS hata değerlerinin ısı akısına göre dağılımı.

En güvenilir korelasyonun belirlenebilmesi için çizdirilen aralıklı hesap sonucu grafikleri değerlendirilmiş ve netice olarak iki seçenek ortaya çıkmıştır.

1.Muller-Steinhagen ve Heck (1986) korelasyonu kullanılacaktır.

2.Muller-Steinhagen ve Heck (1986) - Lombardi ve Pedrocchi (1972) kombinasyonu kullanılacaktır. Korelasyonlar için en iyi RMS hata değerlerini verdikleri aralıklara ait sınır değerler belirlenecektir. Belirlenen sınır değerler için uygun olan korelasyon kullanılarak hesaplama yapılacaktır.

Çalışmaya 1 numaralı seçenek ile devam edilmiş olup 2 numaralı seçenek için yalnızca hangi aralıklarda hangi korelasyonun kullanılması gerektiği belirlenip sonuçlar grafiğe aktarılmıştır.

2 numaralı seçenekte bulunan korelasyonlar ayrıntılı test etmek amacıyla Şekil 6.16, Şekil 6.18 ve Şekil 6.20'de bulunan basınç, kütlesel akı ve termodinamik kuruluk derecesine bağlı RMS hata grafiklerinden faydalanılmıştır. Grafiklerde Muller-Steinhagen ve Heck (1986) ve Lombardi ve Pedrocchi (1972) korelasyonlarına ait RMS hata değerlerinin kesiştiği aralıklar için tekrardan hassas (küçük aralıklı) hesaplamalar yapılmıştır. Test sonucunda her bir aralık için en düşük RMS hatasını veren korelasyon belirlenmiştir. Buna göre

- •P ≤ 5000 kPa için Muller-Steinhagen ve Heck (1986) ve P > 5000 kPa için Lombardi ve Pedrocchi (1972) korelasyonu kullanılmalıdır.
- •G  $\leq$  6100 kg/m<sup>2</sup>s için Muller-Steinhagen ve Heck (1986) ve G > 6100 kg/m<sup>2</sup>s için Lombardi ve Pedrocchi (1972) korelasyonu kullanılmalıdır.
- •X ≤ 0,25 için Muller-Steinhagen ve Heck (1986) ve X > 0,25 için Lombardi ve Pedrocchi (1972) korelasyonu kullanılmalıdır.

sonuçlarına ulaşılmıştır. Sınır değerler belirlenirken basınç için 50 kPa, kütlesel akı için 100 kg/m<sup>2</sup>s ve termodinamik kuruluk derecesi için de 0,01 aralıklı hesaplama yapılmıştır. Sınır değerler belirlendikten sonra Muller-Steinhagen ve Heck (1986) korelasyonu, Lombardi ve Pedrocchi (1972) korelasyonu ve iki korelasyondan oluşturulan kombinasyon için çizdirilen basınca, kütlesel akıya ve termodinamik kuruluk derecesine bağlı olarak aralıklı hesaplama sonucu elde edilen hesaplama yöntemi referanslı ortalama ve RMS hata değerleri dağılımı Şekil 6.23-6.28'de gösterilmiştir.



Şekil 6.23 : Muller-Steinhagen ve Heck (1986), Lombardi ve Pedrocchi (1972) korelasyonları ve oluşturulan kombinasyon için hesaplama yöntemi referanslı ortalama hata değerlerinin basınca göre dağılımı.



Şekil 6.24 : Muller-Steinhagen ve Heck (1986), Lombardi ve Pedrocchi (1972) korelasyonları ve oluşturulan kombinasyon için hesaplama yöntemi referanslı RMS hata değerlerinin basınca göre dağılımı.



Şekil 6.25 : Muller-Steinhagen ve Heck (1986), Lombardi ve Pedrocchi (1972) korelasyonları ve oluşturulan kombinasyon için hesaplama yöntemi referanslı ortalama hata değerlerinin kütlesel akıya göre dağılımı.



Şekil 6.26 : Muller-Steinhagen ve Heck (1986), Lombardi ve Pedrocchi (1972) korelasyonları ve oluşturulan kombinasyon için hesaplama yöntemi referanslı RMS hata değerlerinin kütlesel akıya göre dağılımı.



Şekil 6.27 : Muller-Steinhagen ve Heck (1986), Lombardi ve Pedrocchi (1972) korelasyonları ve oluşturulan kombinasyon için hesaplama yöntemi referanslı ortalama hata değerlerinin termodinamik kuruluk derecesine göre dağılımı.



Şekil 6.28 : Muller-Steinhagen ve Heck (1986), Lombardi ve Pedrocchi (1972) korelasyonları ve oluşturulan kombinasyon için hesaplama yöntemi referanslı RMS hata değerlerinin termodinamik kuruluk derecesine göre dağılımı.

Şekil 6.29'da Muller-Steinhagen ve Heck (1986), Lombardi ve Pedrocchi (1972) korelasyonları ve oluşturulan kombinasyon için çizdirilen histogramlar sunulmuştur. Şekil 6.14 ve Şekil 6.29'daki histogramlardan anlaşıldığı gibi hesaplamalarda kullanılan 9372 adet veriden bazıları için hesaplanan ortalama hata değerleri +-%100 hata aralığı dışında kalmaktadır. Hesaplanan sonuçları daha güvenilir hale getirebilmek için ortalama hata değerleri +-%100 hata aralığı dışında kalan verilerin belirlenip elenmesi gerekmektedir. Elenecek veriler belirlenirken aynı veri için hesaplarda kullanılan 6 adet korelasyon yardımıyla elde edilen ortalama hata değerlerinden en az iki tanesinin +-%100 hata aralığı dışında kalması şartı konulmuştur. Bu şekilde hatalı olma ihtimali oldukça fazla olan verilerin eleneceği düşünülmüştür.



Şekil 6.29 : Muller-Steinhagen ve Heck (1986), Lombardi ve Pedrocchi (1972) korelasyonları ve oluşturulan kombinasyon için hesaplama yöntemi referanslı ortalama hata histogramları.

Yapılan hesaplamalar sonucu Olekhnovitch vd. (2004) veri kaynağına ait 247 adet hatalı veri elenmiştir. Veri eleme işlemi sonrasında toplam 9125 adet kullanılabilir veri kalmıştır. Bu bölümden sonra yapılan hesaplamalarda geriye kalan 9125 adet veri kullanılmıştır.

Çizelge 6.40'ta hatalı veriler elendikten sonra korelasyonlar için elde edilen ortalama ve RMS hata değerleri sunulmuştur. Thom (1964) metodu RMS hata değeri %46,32'den %46,65'e çıkmıştır. Lombardi ve Pedrocchi (1972) korelasyonu RMS hata değeri %45,28'den %33,01'e düşmüştür. Chisholm (1973) korelasyonu RMS hata değeri %36,49'dan %32,08'e düşmüştür. Friedel (1979) korelasyonu RMS hata değeri %49,29'dan %38,48'e düşmüştür. Muller-Steinhagen ve Heck (1986) korelasyonu RMS hata değeri %28,60'dan %23,00'e düşmüştür. Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) korelasyonu RMS hata değeri %36,58'den %33,61'e düşmüştür.

**Çizelge 6.40 :** Veri elemesi sonrası ısıtılmış veri tabanında bulunan 9125 adet veri kullanılarak korelasyonlar için hesaplama yöntemi referanslı hesaplanan ortalama ve RMS hata (%) değerleri.

HESAPLAMA YÖNTEMİ REFERANSLI KARŞILAŞTIRMA SONUÇLARI	RMS Hata	Ortalama Hata
Thom (1964)	46,65	-39,98
Lombardi ve Pedrocchi (1972)	33,01	5,13
Chisholm (1973)	32,08	-11,63
Friedel (1979)	38,48	7,27
Muller-Steinhagen ve Heck (1986)	23,00	-8,34
Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942)	33,61	-19,19

Eleme sonrası geriye kalan 9125 adet iki-fazlı akış ölçüm sonucu değerleri kullanılarak her bir korelasyon için hesaplama yöntemi referans alınarak ortalama ve RMS hata değerleri hesaplatılmış ve Şekil 6.15-6.22'de verilen grafikler elde edilen sonuçlar neticesinde tekrardan çizdirilmiştir. Hatalı verilerin elenmesi sonucu revize edilen grafikler Şekil 6.30-6.37'de sunulmuştur.



Şekil 6.30 : Hatalı veriler elendikten sonra korelasyonlar için hesaplama yöntemi referanslı ortalama hata değerlerinin basınca göre dağılımı.



Şekil 6.31 : Hatalı veriler elendikten sonra korelasyonlar için hesaplama yöntemi referanslı RMS hata değerlerinin basınca göre dağılımı.



Şekil 6.32 : Hatalı veriler elendikten sonra korelasyonlar için hesaplama yöntemi referanslı ortalama hata değerlerinin kütlesel akıya göre dağılımı.



Şekil 6.33 : Hatalı veriler elendikten sonra korelasyonlar için hesaplama yöntemi referanslı RMS hata değerlerinin kütlesel akıya göre dağılımı.



Şekil 6.34 : Hatalı veriler elendikten sonra korelasyonlar için hesaplama yöntemi referanslı ortalama hata değerlerinin termodinamik kuruluk derecesine göre dağılımı.



Şekil 6.35 : Hatalı veriler elendikten sonra korelasyonlar için hesaplama yöntemi referanslı RMS hata değerlerinin termodinamik kuruluk derecesine göre dağılımı.



Şekil 6.36 : Hatalı veriler elendikten sonra korelasyonlar için hesaplama yöntemi referanslı ortalama hata değerlerinin ısı akısına göre dağılımı.



Şekil 6.37 : Hatalı veriler elendikten sonra korelasyonlar için hesaplama yöntemi referanslı RMS hata değerlerinin ısı akısına göre dağılımı.

## 6.7 Isıtılmış Düşey Borularda Sıvı Su-Buhar Akışı Veri Tabanını Oluşturan Farklı Kaynaklardan Alınmış Verilere Ait Ortalama ve RMS Hata Değerlerinin Ayrıntılı Olarak İrdelenmesi

Bu bölümde test edilen 6 korelasyon arasında ısıtılmış veri tabanı için en düşük RMS hata değerini veren Muller-Steinhagen ve Heck (1986) korelasyonu kullanılarak farklı kaynaklardan elde edilen veriler test edilecektir. Bu test sonucunda hesaplama yöntemi referanslı ortalama ve RMS hata değerlerinin hangi veri kaynağından ne şekilde etkilendiğinin anlaşılması amaçlanmaktadır. Veri kaynakları çıkıştaki basınç, kütlesel akı, termodinamik kuruluk derecesi ve ısı akısı değerleri üzerinden aralıklara bölünerek test edilmiştir. Adyabatik veri kaynağı teste dahil edilmemiştir.

Şekil 6.38 ve Şekil 6.39'daki grafikler yardımıyla kullanılan veri kaynakları basınç dağılımına göre incelendiğinde birbirlerine benzer trendleri izledikleri görülmektedir. Ayrıca her iki şekilde de Leung (1994) veri kaynağının diğer veri kaynaklarına oranla daha yüksek hata değerlerine sahip olduğu anlaşılmaktadır.

Bölünmüş kütlesel akı değerlerine bağlı, Muller-Steinhagen ve Heck (1986) korelasyonu kullanılarak veri kaynağı bazlı yapılan hesaplama sonucu elde edilen hesaplama yöntemi referanslı ortalama ve RMS hata değerleri dağılımı Şekil 6.40 ve Şekil 6.41'de gösterilmiştir.

Şekil 6.40'ta 1000-2000 kg/m<sup>2</sup>s kütlesel akı aralığında bulunan Alessandrini vd. (1963) veri kaynağına bağlı 19 adet verinin ortalama hata değeri aynı aralıkta bulunan diğer veri kaynaklarına ait verilerin ortalama hata değerlerinden oldukça uzakta kaldığı görülmektedir. Daha hassas sonuçlar elde etmek için bu veriler belirlenip tek tek kontrol edilmelidir. Şekil 6.40 ve Şekil 6.41'de Leung (1994) veri kaynağının diğer veri kaynaklarına oranla daha yüksek hata değerlerine sahip olduğu anlaşılmaktadır.



Şekil 6.38 : Veri kaynakları için Muller-Steinhagen ve Heck (1986) korelasyonu kullanılarak hesaplanan hesaplama yöntemi referanslı ortalama hata değerlerinin basınca göre dağılımı.



Şekil 6.39 : Veri kaynakları için Muller-Steinhagen ve Heck (1986) korelasyonu kullanılarak hesaplanan hesaplama yöntemi referanslı RMS hata değerlerinin basınca göre dağılımı.



Şekil 6.40 : Veri kaynakları için Muller-Steinhagen ve Heck (1986) korelasyonu kullanılarak hesaplanan hesaplama yöntemi referanslı ortalama hata değerlerinin kütlesel akıya göre dağılımı.



Şekil 6.41 : Veri kaynakları için Muller-Steinhagen ve Heck (1986) korelasyonu kullanılarak hesaplanan hesaplama yöntemi referanslı RMS hata değerlerinin kütlesel akıya göre dağılımı.

Bölünmüş termodinamik kuruluk derecesi değerlerine bağlı, Muller-Steinhagen ve Heck (1986) korelasyonu kullanılarak veri kaynağı bazlı yapılan hesaplama sonucu elde edilen hesaplama yöntemi referanslı ortalama ve RMS hata değerleri dağılımı Şekil 6.42 ve Şekil 6.43'te gösterilmiştir.

Şekil 6.42 ve Şekil 6.43'te 0,3-0,6 termodinamik kuruluk derecesi aralığında bulunan ve Leung (1994) veri kaynağına bağlı 392 adet verinin ortalama ve RMS hata değerleri, aynı aralıkta bulunan diğer veri kaynaklarına ait verilerin ortalama ve RMS hata değerlerine göre yüksek kalmaktadır. Daha hassas sonuçlar elde etmek için bu veriler belirlenip tek tek kontrol edilmelidir.

Bölünmüş ısı akısı değerlerine bağlı, Muller-Steinhagen ve Heck (1986) korelasyonu kullanılarak veri kaynağıı bazlı yapılan hesaplama sonucu elde edilen hesaplama yöntemi referanslı ortalama ve RMS hata değerleri dağılımı Şekil 6.44 ve Şekil 6.45'te gösterilmiştir.

Şekil 6.44 ve Şekil 6.45'te 2000-4000 kW/m<sup>2</sup> ısı akısı aralığında bulunan ve Leung (1994) veri kaynağına bağlı 187 adet verinin ortalama ve RMS hata değerleri aynı aralıkta bulunan diğer veri kaynaklarına ait verilerin ortalama ve RMS hata değerlerine göre yüksek kalmaktadır. Daha hassas sonuçlar elde etmek için bu veriler belirlenip tek tek kontrol edilmelidir.

Şekil 6.38-6.45'te verilen grafiklerden genel olarak Peterlongo vd. (1964) veri kaynağında bulunan verilerin en düşük RMS hata değerlerine sahip olup sonuçları iyileştirdiği, Leung (1994) veri kaynağında bulunan verilerin de en yüksek RMS hata değerlerine sahip olup sonuçları kötüleştirdiği anlaşılmaktadır. Burada sunulan şekillerde verilen ortalama ve RMS değerleri aynı aralıkta bulunan verilere ait sonuçların ortalaması alınarak elde edildiği için veri elemesi yapmak için kullanılamaz. Veri elemesi yapmak için bütün verilere ait ortalama ve RMS hata


Şekil 6.42 : Veri kaynakları için Muller-Steinhagen ve Heck (1986) korelasyonu kullanılarak hesaplanan hesaplama yöntemi referanslı ortalama hata değerlerinin termodinamik kuruluk derecesine göre dağılımı.



Şekil 6.43 : Veri kaynakları için Muller-Steinhagen ve Heck (1986) korelasyonu kullanılarak hesaplanan hesaplama yöntemi referanslı RMS hata değerlerinin termodinamik kuruluk derecesine göre dağılımı.



Şekil 6.44 : Veri kaynakları için Muller-Steinhagen ve Heck (1986) korelasyonu kullanılarak hesaplanan hesaplama yöntemi referanslı ortalama hata değerlerinin ısı akısına göre dağılımı.



Şekil 6.45 : Veri kaynakları için Muller-Steinhagen ve Heck (1986) korelasyonu kullanılarak hesaplanan hesaplama yöntemi referanslı RMS hata değerlerinin ısı akısına göre dağılımı.

## 7. SONUÇLAR VE ÖNERİLER

Bu tez çalışmasında, düşey borularda iki-fazlı akış sürtünme çarpanı basınç düşümü ölçümleri, Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) ve literatürden seçilmiş 5 adet korelasyon kullanılarak hesaplanmıştır. Birinci aşamada basınç düşümü ölçümlerinden hesaplanan iki-fazlı akış sürtünme çarpanı sonuçları doğru kabul edilerek Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) ve korelasyonlar için ortalama ve RMS hata değerleri belirlenmiştir. İkinci aşamada ise Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) ile hesaplanan iki-fazlı akış sürtünme çarpanı sonuçları doğru kabul edilerek korelasyonlar için ortalama ve RMS hata değerleri belirlenmiştir. İkinci aşamada ise Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) ile hesaplanan iki-fazlı akış sürtünme çarpanı sonuçları doğru kabul edilerek korelasyonlar için ortalama ve RMS hata değerleri belirlenmiştir. RMS hata değerleri dikkate alınarak her bir korelasyon için ısıtmanın etkisi ayrı ayrı test edilmiştir ve test sonucunnda hiçbir yönteme ısıtma etkisinin ilave edilmemesi gerektiği anlaşılmıştır.

Isıtılmış veri tabanı için yapılan testler sonucunda iki-fazlı akış sürtünme çarpanının belirlenmesinde kullanılan Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) ve literatürde yer alan korelasyonlar için genel olarak şu sonuçlara ulaşılmıştır:

- Muller-Steinhagen ve Heck (1986) korelasyonunun %23,00 RMS hata değeriyle deneysel basınç düşümü ölçümü sonuçlarına göre hesaplanan ikifazlı akış sürtünme çarpanına en yakın sonucu verdiği görülmüştür. İkinci sırada %32,08 RMS hata değeriyle Chisholm (1973) korelasyonu bulunmaktadır.
- Thom (1964) metodunun ve Friedel (1979) korelasyonunun deneysel basınç düşümü ölçümü sonuçlarına göre hesaplanan iki-fazlı akış sürtünme çarpanlarıyla kıyaslanmasında sırasıyla %46,65 ve %38,48 RMS hata değerleriyle en kötü sonucu verdiği belirlenmiştir.

Adyabatik veri tabanı için yapılan testler sonucunda iki-fazlı akış sürtünme çarpanının belirlenmesinde kullanılan Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) ve literatürde yer alan korelasyonlar için genel olarak şu sonuçlara ulaşılmıştır:

- Chisholm (1973) korelasyonunun %18,51 RMS hata değeriyle deneysel basınç düşümü ölçümü sonuçlarına göre hesaplanan iki-fazlı akış sürtünme çarpanına en yakın sonucu verdiği görülmüştür. İkinci sırada %20,38 RMS hata değeriyle Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) bulunmaktadır.
- Thom (1964) metodunun ve Muller-Steinhagen ve Heck (1986) korelasyonunun deneysel basınç düşümü ölçümü sonuçlarına göre hesaplanan iki-fazlı akış sürtünme çarpanlarıyla kıyaslanmasında sırasıyla %46,32 ve %77,26 RMS hata değerleriyle en kötü sonucu verdiği belirlenmiştir.

Isıtılmış veri tabanı için deneysel basınç düşümü ölçümü sonuçları ve Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) referanslı hesaplanan RMS hata değerleri karşılaştırıldığında Muller-Steinhagen ve Heck (1986) korelasyonunun iki durumda da en iyi sonucu verdiği görülmüştür. Aynı şekilde adyabatik veri tabanı için deneysel basınç düşümü ölçümü sonuçları ve Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) referanslı hesaplanan RMS hata değerleri karşılaştırıldığında Chisholm (1973) korelasyonunun iki durumda da en iyi sonucu verdiği görülmüştür.

Isıtılmış veri tabanı için iki-fazlı akış sürtünme çarpanının belirlenmesinde kullanılan korelasyonların basınç düşümü ölçümlerinden hesaplanan değerlerle karşılaştırılması sonucu elde edilen hataların basınç, kütlesel akı, termodinamik kuruluk derecesi ve ısı akısına göre dağılımları irdelendiğinde genel olarak şu sonuçlara ulaşılmıştır:

- 0-5000 kPa basınç aralığında Muller-Steinhagen ve Heck (1986), 5000-6000 kPa basınç aralığında Chisholm (1973) ve 6000-10 000 kPa basınç aralığında Thom (1964) korelasyonlarının daha küçük RMS hataları verdiği tespit edilmiştir.
- 0-6000 kg/m<sup>2</sup>s kütlesel akı aralığında Muller-Steinhagen ve Heck (1986), 6000-9000 kg/m<sup>2</sup>s kütlesel akı aralığında Lombardi ve Pedrocchi (1972) ve 9000-10 000 kg/m<sup>2</sup>s kütlesel akı aralığında Thom (1964) korelasyonlarının daha küçük RMS hataları verdiği tespit edilmiştir.
- 0-0,2 termodinamik kuruluk derecesi aralığında Muller-Steinhagen ve Heck (1986), 0,2-0,7 termodinamik kuruluk derecesi aralığında Lombardi ve Pedrocchi (1972) ve 0,7-0,8 termodinamik kuruluk derecesi aralığında Chisholm (1973) korelasyonlarının en küçük RMS hatalarını verdiği tespit edilmiştir.

0-1000 ve 3000-6000 kW/m<sup>2</sup> ısı akısı aralığında Muller-Steinhagen ve Heck (1986) ve 1000-3000 kW/m<sup>2</sup> ısı akısı aralığında ise Lombardi vePedrocchi (1972) korelasyonlarının en küçük RMS hatalarını verdiği tespit edilmiştir.

Bu çalışmada iki-fazlı akış sürtünme çarpanının belirlenmesinde kullanılan yöntemlerin basınç düşümü ölçümlerinden hesaplanan değerlerle karşılaştırılmasında elde edilen hata analizi sonuçları literatürden elde edilen sonuçlarla karşılaştırdığımızda şu neticelere ulaşılmıştır:

- Idsinga (1975), kendi deneysel basınç düşümü ölçümü sonuçları için karşılaştırmış olduğu 18 korelasyon içerisinde Thom (1964) metodunun en iyi sonucu verdiğini rapor etmiştir. Idsinga (1975) ısıtılmış akış koşullarında
  - Thom (1964) metodu için %42 RMS hatası,
  - Lombardi ve Pedrocchi (1972) korelasyonu için %44 RMS hatası
  - Chisholm (1973) korelasyonu için %48 RMS hatası hesaplamıştır.

Bu tez çalışmasında kullanılan 9125 adet deneysel basınç düşümü ölçümü verisiyle karşılaştırmalarda ise

- Thom (1964) metodu için %46,65 RMS hatası
- Lombardi ve Pedrocchi (1972) korelasyonu için %33,01 RMS hatası
- Chisholm (1973) korelasyonu için %32,08 RMS hatası hesaplanmıştır.
- Leung (1994) araştırmasında:
  - Thom (1964) metodu için %46,65 RMS hatası
  - Chisholm (1973) korelasyonu için %20 RMS hatası,
  - Lombardi ve Pedrocchi (1972) korelasyonu için %21 RMS hatası,
  - Thom (1964) metodu %31 RMS hatası,
  - Friedel (1979) korelasyonu için %33 RMS hatası,
  - Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) için %28,04 RMS hatası belirlenmiştir.

Buna karşın, bu tez çalışmasında sadece Leung (1994)'te bulunan 828 adet basınç düşümü sonuçları kullanılarak yapılan testte:

- Thom (1964) metodu için %46,65 RMS hatası
- Chisholm (1973) korelasyonu için %29,55 RMS hatası,
- Lombardi ve Pedrocchi (1972) korelasyonu için %22,4 RMS hatası,
- Thom (1964) metodu için %19,99 RMS hatası,

- Friedel (1979) korelasyonu için %68,16 RMS hatası,
- Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) için %42,71 RMS hatası hesaplanmıştır

Bu çalışmada yapılan testler sonucunda kullanılan basınç düşümü ölçümü verileriyle ilgili ayrıntılı analizde şu sonuçlara ulaşılmıştır:

- Şekil 6.40'ta 1000-2000 kg/m<sup>2</sup>s kütlesel akı aralığında bulunan Alessandrini vd. (1963) veri kaynağına bağlı 19 adet verinin ortalama hata değeri aynı aralıkta bulunan diğer veri kaynaklarına ait verilerin ortalama hata değerlerinden oldukça uzakta kaldığı görülmektedir.
- Şekil 6.40 ve Şekil 6.41'den Leung (1994) veri kaynağının diğer veri kaynaklarına oranla daha yüksek hata değerlerine sahip olduğu anlaşılmaktadır.
- Şekil 6.42 ve Şekil 6.43'te 0,3-0,6 termodinamik kuruluk derecesi aralığında bulunan ve Leung (1994) veri kaynağına bağlı 392 adet verinin ortalama ve RMS hata değerleri aynı aralıkta bulunan diğer veri kaynaklarına ait verilerin ortalama ve RMS hata değerlerine göre yüksek kalmaktadır.
- Şekil 6.44 ve Şekil 6.45'te 2000-4000 kW/m<sup>2</sup> ısı akısı aralığında bulunan ve Leung (1994) veri kaynağına bağlı 187 adet verinin ortalama ve RMS hata değerleri aynı aralıkta bulunan diğer veri kaynaklarına ait verilerin ortalama ve RMS hata değerlerine göre yüksek kalmaktadır.
- Şekil 6.38-6.45'te verilen grafiklerden genel olarak Peterlongo vd. (1964) veri kaynağında bulunan verilerin en düşük RMS hata değerlerine sahip olup sonuçları iyileştirdiği, Leung (1994) veri kaynağında bulunan verilerin de en yüksek RMS hata değerlerine sahip olup sonuçları kötüleştirdiği anlaşılmaktadır.

Bu tez çalışmasında ayrıca Leung (1994) ve Alessandrini (1963) adyabatik veri kaynaklarına ait ölçüm sonuçları kullanılarak elde edilen basınç düşümü bileşenleri literatürden seçilen Klausner vd. (1990)'da bulunan basınç düşümü bileşenleri verileri ile karşılaştırılmıştır.

Yapılan karşılaştırmalarda şu genel sonuçlara ulaşılmıştır:

✓ Yüksek kütlesel akı değerlerinde basınç düşümü bileşenleri arasında en yüksek değer sürtünmeden kaynaklanan basınç düşümüne aittir.

- Düşük kütlesel akı değerlerinde sürtünmeden ve ivmelenmeden kaynaklanan basınç düşümü bileşenleri azalmaktadır.
- ✓ Yerçekiminden kaynaklanan basınç düşümü bileşeni kütlesel akıdan etkilenmemektedir.
- Kütlesel akının yeterince azaldığı durumlarda sürtünmeden ve ivmelenmeden kaynaklanan basınç düşümü bileşenleri yerçekiminden kaynaklanan basınç düşümü bileşeninden küçük değere sahip olabilmektedir.
- ✓ Isı akısının artması ivmelenmeden kaynaklanan basınç düşümü bileşenini arttırmaktadır.

Düşey borularda iki-fazlı akış sürtünme çarpanının en doğru şekilde belirlenebilmesi ve bu çalışmanın ilerletilebilmesi için

- Farklı koşullarda değişik akışkanlar kullanılarak basınç düşümü ölçümü yapılabilecek deney düzeneği kurulabilir.
- Hesaplamalarda kullanılan veri tabanları literatürden veya deney düzeneği kullanılarak elde edilen basınç düşümü ölçüm sonuçları ile genişletilebilir.
- Test edilen korelasyon ve metod sayısı arttırılabilir.
- Hesaplamalarda kullanılan bağıntıların alternatifleri kullanılarak işlemler tekrarlanıp elde edilen sonuçlar karşılaştırılabilir.
- Elde edilen iki-fazlı akış sürtünme çarpanları kullanılarak tarama tablosu oluşturulabilir.
- Isıtma etkisi ile ilgili yeni korelasyonlar türetilip mevcut hesaplamalara ilave edilebilir.

## KAYNAKLAR

- Ahmad, S. Y., 1969. Forced Convection Subcooled Boiling Predicition of the Onset of Bubble Detachment. AECL unpublished report.
- Alessandrini, A., Peterlongo, G., Ravetta, R., 1963. R-86. Large scale experiments on heat transfer and hydrodynamics with steam-water mixtures: Critical heat flux and pressure drop measurements in round vertical tubes at the pressure of 51 kg/cm<sup>2</sup> abs.. CISE Report, No. 056.62.1-RDI, Milano.
- Aubé, F., 1996. Étude de la distribution axiale de la pression dans les écoulements diphasiques. Thèse de doctorat, École Polytechnique de Montréal, Canada.
- Baker, O., 1954. Design of pipe lines for simultaneous flow of oil and gas. *Oil and Gas J.*, July, 26.
- **Bandel, J.,** 1973. Druckverlust und Wärmeübergang bei der Verdampfund siedender Kältemittel im durchströmten waagerechten Rohr. University of Karlsruhe, Thesis for the degree of Doctor of Philosophy.
- Baroczy, C. J., 1965. A Systematic Correlation for Two-Phase Pressure Drop. Paper Presented at the 8th National Heat-Transfer Conference, Los Angeles, California, August 8-11, AIChE Preprint 37.
- Beattie, D. R. H., 1973. A Note on the Calculation of Two-Phase Pressure Losses. *Nuclear Engineering and Design*, 25, 395-402.
- Bennett, A. W., Hewitt, G. F., Kearsey, H. A., Keeys, R. K. F. and Lacey P. M. C., 1965. Flow Visualization Studies of Boiling at High Pressure. AERE-R 4874.
- Bertoletti, S., Lesage, J., Lombardi, C., Peterlongo, G., Silvestri, M., Soldaine, G. and Weckermann, F., 1961. Heat Transfer and Pressure Drop with Steam-Water Spray: A Critical Survey of Experiments Performed at CISE from November 1, 1959-January 31, 1961. CISE R-36.
- Bhatti, M. S. and Shah, R. K., 1987. Turbulent and Transition Flow Convective Heat Transfer in Ducts, Handbook of Single-Phase Convective Heat Transfer (Editors : Kakaç, S., Shah, R. K. and Aung, W.), John Wiley & Sons Publication, New York.
- Bratland, O., 2010. Pipe flow 2: Multi-phase flow assurance.
- Chen, N. H., 1979. An Explicit Equation for Friction Factor in Pipe. *Industrial and Engineering Chemistry Fundamentals*, Vol. 18, No. 3, 296-297.
- Chexal, B., Lellouche, G., Horowitz, J., Healzer, J. and Oh, S., 1991. Chexal-Lellouche Void Fraction Correlation for Generalized Applications. NSAC-139.

- Chisholm, D., 1973. Pressure Gradients due to Friction During the Flow of Evaporating Two-Phase Mixtures in Smooth Tubes and Channels. *Int. J. Heat Mass Transfer*, 16, 347-358.
- Colburn, A. P., 1933. A Method of Correlating Forced Convection Heat Transfer Data and a Comparison with Fluid Friction. AIChE 29, 174-210.
- Colebrook, C. F., 1939. Turbulent Flow in Pipes with Particular Reference to the Transition Region Between Smooth and Rough Pipe Laws. J. of Inst. Civil Eng., 11, 133.
- Collier, J. G. and Thome, J. R., 1996. Convective Boiling and Condensation. Oxford Science Publications, 3. edition.
- Davis, E. S., 1943. Heat Transfer and Pressure Drop in Annuli. *Trans. ASME*, Vol. 65, 755.
- Davis, E. S., and Anderson, G. H., 1966. The Incipience of Nucleate Boiling in Forced Convective Flow. *AIChE J.*, Vol. 12, No. 4, 774-780.
- **Deissler, R. G.,** 1951. Analytical Investigation of Fully Developed Laminar Flow in Tubes with Heat Transfer with Fluid Properties Variable Along the Radius. NACA TN-2410.
- **Dittus, F. W. and Boelter, L. M. K.,** 1930. Heat Transfer in Automobile Radiators of Tubular Type, Publications in Engineering, University of California, Berkeley, p. 443.
- **Dormer, T. Jr. and Bergles, A. E.,** 1964. Pressure Drop with Surface Boiling in Small-Diameter Tubes. MIT Report No. 8767-31.
- Dukler, A. E., Wicks, M. and Cleveland, R. G., 1964. Frictional Pressure Drop in Two-Phase Flow: B. An Approach through Similarity Analysis. AIChE J., Vol. 10, 44-51.
- Friedel, L, 1979. Improved Friction Pressure Drop Correlations for Horizontal and Vertical Two-Phase Pipe Flow. European Two-Phase Flow Group Meeting, Ispra, Italy, paper E2.
- Gaspari, G. P., Lombardi, C. and Peterlongo, G., 1964. Pressure Drops in Steam-Water Mixtures. CISE R-83.
- Gregory, G. A. and Fogarasi, M., 1985. Alternate to Standart Friction Factor Equation. *Oil and Gas Journal*, Vol. 83, No. 13, 125-127.
- Groeneveld, D. C., Shan, J. Q., Vasic, A. Z., Leung, L. K.-H., Durmayaz, A., Yang, J., Cheng, S. C. and Tanase, A., 2006. The 2006 CHF look-up table. *Nuclear Engineering and Design*, 237, 1909-1922.
- Hewitt, G. F., 1982. Pressure Drop, Handbook of Multiphase Systems, God Hetstroni.
- Hewitt, G. F., 1977. Flow Patterns, Two-Phase Flow and Heat Transfer (Editors: Butterworth, D. and Hewitt, G. F.), Oxford University Press.
- Hewitt, G. F. and Roberts, D. N., 1969. Studies of Two-Phase Flow Patterns by Simultaneous X-Ray and Flash Photography. AERE-M 2159, HMSO.

- Idsinga, W., 1975. An assessment of two-phase pressure drop correlations for steamwater systems. Massachusetts Institute of Technology, USA, Thesis for the degree of Doctor of Philosophy.
- Kroeger, P. G. and Zuber, N., 1968. An Analysis of the Effects of Various Parameters on the Average Void Fractions in Subcooled Boiling. *Int. J. Heat Mass Transfer*, 11, 211-233.
- Lahey, R. T. and Moody, F. J., 1977. The Thermal-Hydraulics of a BWR. ANS.
- Leung, L. K. H., 1994. A model for predicting the pressure gradient along a heated channel during flow boiling. University of Ottowa, Canada, Thesis for the degree of Doctor of Philosophy.
- Leung, L. K.-H., Groeneveld, D. C., Teyssedou, A. and Aubé, F., 2004. Pressure drop for steam and water flow in heated tube. *Nuclear Engineering* and Design, 235, 53-65.
- Levy, S., 1967. Forced Convection Subcooled Boiling Prediction of Vapour Volumetric Fraction. *Int. J. Heat and Mass Transfer*, **10**, 951-965.
- Lockhartt, R. W. and Martinelli, R. C., 1949. Proposed correlation of data for isothermal two-phase, two-component flow in pipes. *Chemical Engineering Progress*, **45**, 39-48.
- Lombardi, C. and Pedrocchi, E., 1972. A Pressure Drop Correlation in Two-Phase Flow. *Energia Nucleare*, **19**, **No. 2**, 91-99.
- Martinelli, R. C. and Nelson, D. B., 1948. Prediction of pressure drop during forced-circulation boiling of water. *Transactions of the ASME*, 79, 695-702.
- McAdams, W. H., Woods, W. K. and Heroman, L. C., 1942. Vapourisation Inside Horizontal Tubes, 2: Benzene-Oil Mixtures. *Transactions of the ASME*, 64, 193-200.
- Muller-Steinhagen, H. and Heck, K., 1986. A Simple Friction Pressure Drop Correlation for Two-Phase Flow in Pipes. *Chemical Engineering Progress,* Vol. 20, No. 6, 297-308.
- Gengeç, N. E., 2010. Isıtılmış Düşey Borularda İki-Fazlı Sıvı Su-Buhar Akışı için Basınç Düşümü Ölçümleri ve Korelasyonlarla Belirlenen Sürtünme Çarpanlarının Karşılaştırılması, Yüksek Lisans Tezi, İTÜ Enerji Enstitüsü, İstanbul.
- **Olekhnovitch, A.,** 1997. Étude de flux de chaleur critique à des pressions faibles. Thèse de doctorat, École Polytechnique de Montréal, Canada.
- Olekhnovitch, A., Teyssedou, A., Tye, P. and Felisari, R., 2004. An empirical correlation for calculating steam-water two-phase pressure drop in uniformly heated vertical round tubes. *International Journal of Multiphase Flow*, **31**, 358-370.
- Peterlongo, G., Ravetta, R., Riva, B., Rubiera, L. and Tacconi, F. A., 1964. R-122: Large scale experiments on heat transfer and hydrodynamics with steam-water mixtures: Further critical power and pressure drop measurements in round tubes with and without internal obstacles. CISE Report, No. 056.62.1-RDI, Milano.

- Roshenow, W. M. and Clark, J. A., 1951. Heat Transfer and Pressure Drop Data for High Heat Flux Densities to Water at High Subcritical Pressures. 1951 Heat Transfer and Fluid Mechanics Institute, Stanford University Press, Stanford, California.
- Saha, P. and Zuber, N., 1974. Point of Net Vapour Generation and Vapour Void Fraction in Subcooled Boiling. Proceedings of the 5<sup>th</sup> Int. Heat Transfer Conference, Tokyo, 4, 175-179.
- Sieder, E. N. and Tate, G. E., 1936. Heat Transfer and Pressure Drop of Liquids in Tubes. *Industrial and Engineering Chemistry*, 28, 1429-1435.
- **SteamTab** Version 2.0, 2003. ChemicaLogic SteamTab Companion Thermodynamic and Transport Properties of Water and Steam Version 2.0 (Based on the IAPWS-95 Formulation).
- Snoek, C. W. and Leung, L.K.-H., 1986. An Accurate Model for Pressure Drop Prediction in Multi-element CANDU Fuel Channels, Proc. of the 5th Conference on Multiphase Flow and Heat Transfer, Miami, Florida, Dec. 13-16, 193-205.
- Staub, F. W., 1967. The Void Fraction in Subcooled Boiling Prediction of the Initial Point of Net Vapour Generation. *ASME Paper* 67-HT-36.
- Quiben, J. M., 2005. Experimental and Analytical Study of Two-Phase Pressure Drops during Evaporation in Horizontal Tubes, Ph.D. thesis. École Polytechnique Fédérale de Lausanne, Lausanne.
- Tarasova, N. V., Leont'ev, A. I., Hlopuskin, V. I. and Orlov, V. M., 1966. Pressure Drop of Boiling Subcooled Water and Steam-Water Mixture Flowing in Heated Channels. Proc. of the 3rd International Heat Transfer Conference, Chicago, USA, Vol. 4, 178-183.
- Thom, J. R. S., 1964. Prediction of pressure drop during forced circulation boiling of water. *International Journal of Heat and Mass Transfer*, **7**, 709-724.
- **Tran, T. N.,** 1998. Pressure drop and heat transfer study of two-phase flow in small channels. Texas Tech University, America, Thesis for the degree of Doctor of Philosophy.
- Wallis, G., 1969. One-dimensional Two-phase Flow. McGraw-Hill Book Company.
- Zuber, N. And Findlay, J. A., 1965. Average Volumetric Concentration in Two-Phase Flow Systems. J. Heat Transfer, 87, 453-468.

## EKLER

**EK A.1 :** Isıtılmış veri tabanı için korelasyonların Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) referanslı ortalama ve RMS hata değerlerinin basınç, kütlesel akı, termodinamik kuruluk derecesi ve ısı akısına göre dağılımları.



Şekil A.1 : Korelasyonlar için Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) referanslı ortalama hata değerlerinin basınca göre dağılımı.



Şekil A.2 : Korelasyonlar için Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) referanslı RMS hata değerlerinin basınca göre dağılımı.



**Şekil A.3 :** Korelasyonlar için Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) referanslı ortalama hata değerlerinin kütlesel akıya göre dağılımı.



Şekil A.4 : Korelasyonlar için Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) referanslı RMS hata değerlerinin kütlesel akıya göre dağılımı.



Şekil A.5 : Korelasyonlar için Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) referanslı ortalama hata değerlerinin termodinamik kuruluk derecesine göre dağılımı.



Şekil A.6 : Korelasyonlar için Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) referanslı RMS hata değerlerinin termodinamik kuruluk derecesine göre dağılımı.



Şekil A.7 : Korelasyonlar için Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) referanslı ortalama hata değerlerinin ısı akısına göre dağılımı.



**Şekil A.8 :** Korelasyonlar için Homojen Akış Modeli (McAdams vd., 1942) referanslı RMS hata değerlerinin ısı akısına göre dağılımı.

## ÖZGEÇMİŞ



İsmail Ahmet ODABAŞ, 31.05.1985 tarihinde İstanbul'da doğdu. İlkokul ve ortaokul öğrenimini İstanbul Gülbağ Selim Sırrı Tarcan İlköğretim Okulu'nda, lise öğrenimini ise İstanbul Sultanahmet Anadolu Teknik Lisesi'nde okul birincisi olarak tamamladı.

2008 yılında Yıldız Teknik Üniversitesi Makina Fakültesi, Makina Mühendisliği Bölümü, Enerji Anabilim Dalı'ndan mezun oldu.

2008 yılından itibaren İstanbul Teknik Üniversitesi Enerji Enstitüsü, Enerji Bilim ve Teknoloji lisansüstü programında öğrenimini sürdürmektedir.

Ekim 2007'den sonra 1 yıl süreyle mekanik tesisat projelendirmesi ve danışmanlığı yapan Pasifik Mühendislik firmasında proje mühendisi olarak çalıştı. Kasım 2008'den beri İstanbul Ulaşım A.Ş. bünyesinde metro ve tramvay sistemleri mekanik tesisat proje tasarım ve kontrol sorumlusu olarak çalışmaktadır.